doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2021.12.042

基于有效拐点和最短最小路径的蚁群路径规划方法

褚凯轩1 常天庆1 王全东2 闫晓东1

(1. 陆军装甲兵学院兵器与控制系,北京 100072; 2. 军事科学院评估论证研究中心,北京 100091)

摘要:为了提高蚁群算法路径寻优的收敛精度和收敛速度,提出一种基于有效拐点的栅格图和基于最短距离最小步数路径(最短最小路径)的蚁群算法,用于搜索地面移动机器人从起点到终点的最短路径。在标准蚁群算法路径规划中,蚂蚁的搜索方式是有限方向有限邻域,本文采取无限邻域的搜索方式,可取捷径搜索任何可直通的栅格点,并提出有效拐点的概念,减小了单步搜索量。提出最短最小路径的概念,并用其取代欧氏距离作为启发值,提高了启发值的准确度和可靠性,同时用起点到终点的最短最小距离指导信息素更新,提高了蚁群算法迭代的质量。最后,在不同规模、不同障碍比例的栅格地图环境下进行实验,结果表明用最短最小路径距离取代欧氏距离的合理

性,并验证了本文方法可以在降低计算量的同时,以更快的收敛速度搜索到距离更短、步数更少的路径。 关键词:路径规划;有效拐点;最短最小路径;蚁群算法 中图分类号: TP242.6 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2021)12-0400-08 OSID: 副系统

Path Planning Method of Ant Colony Algorithm Based on Effective Turning Point and Shortest-minimum Path

CHU Kaixuan¹ CHANG Tianqing¹ WANG Quandong² YAN Xiaodong¹

(1. Department of Weaponry and Control, Army Academy of Armored Forces, Beijing 100072, China

2. Evaluation and Demonstration Research Center, Academy of Military Sciences, Beijing 100091, China)

Abstract: In order to improve the convergence accuracy and speed of path optimization by ant colony algorithm, a grid map based on effective turning point and an ant colony algorithm based on the shortest distance and minimum number of steps path (shortest-minimum path) were proposed to search the shortest path from the beginning to the end. In the standard path planning of ant colony algorithm, the searching method of ants is finite neighbor with finite direction. A searching method with infinite neighbor and infinite directions was proposed, which can take a shortcut to any grid point that can be directly connected. The concept of effective turning point was put forward to reduce the single-step searching amount: firstly, based on the relationship between shortest path and obstacles, two windows were used to scan the whole map to find all the inflection points, and then a through through tree was established from the end point to the starting point according to the hierarchical relationship, and only the points within the through-through tree were reserved as the effective inflection points. The concept of shortest-minimum path was proposed, which was used to replace Euclidean distance as heuristic value to improve the accuracy and reliability of heuristic value. At the same time, the shortest-minimum distance from the beginning to the end was used to guide the updating of pheromone and improve the quality of ant colony algorithm iteration. Finally, in the grid map environment with different scales and different proportions of obstacles, the rationality of using the shortest-minimum path distance to replace the Euclidean distance was proved through experiments, and it was verified that the method presented can search the path with shorter distance and fewer steps with faster convergence speed while reducing the calculation cost. Key words: path planning; effective turning point; shortest-minimum path; ant colony algorithm

基金项目: 院校科技创新工程项目(ZXY14060014)

收稿日期: 2021-07-15 修回日期: 2021-10-18

作者简介: 褚凯轩(1993—),男,博士生,主要从事信息感知与控制研究,E-mail: 1016938865@qq. com

通信作者:常天庆(1963—),男,教授,博士生导师,主要从事火控智能化研究,E-mail: changtianqing@263. net

0 引言

路径规划是移动机器人在具有障碍物的环境约 束下,根据给定的起点和终点,应用算法准则,找到 一条最优或接近最优的、安全、无障碍路径^[1-2]。路 径规划主要包括环境建模和路径规划算法两部分。

栅格图法是环境建模的经典方法^[3],栅格图将 地图切割成相同大小且相互连接的栅格,每个栅格 对应相应位置信息,能在考虑全局优化的基础上兼 顾较小的计算量,对特定感知系统的假设参数不敏 感,具有较强的鲁棒性[4],目前被广泛运用于机器 人、自动驾驶的运载器等领域[5-7]。栅格图下,传统 的路径搜索方式主要有4邻域4方向搜索方式和 8 邻域 8 方向搜索方式。徐菱等^[8]提出一种 24 邻 域16方向的搜索方式,使路径搜索具有更广的搜索 范围和更多的方向选择。但是有限方向有限邻域使 机器人每次只能在相邻栅格间转移,增大了搜索次 数和步数。曾明如等^[9]提出了一种搜索范围不局 限于相邻栅格的多步长栅格图法,能搜索出一条转 移步数更少的路径,该方法在面临较大规模地图时 计算量巨大。文献[10-11]提出直接将信息素存 放于栅格中而不是存放于路径上,这种信息素存储 方式可以降低算法的复杂度,但是由于失去了方向 性,在大规模栅格路径规划中易发生闭锁和折回的 现象。

路径规划算法主要有局部避障算法、基于几 何模型算法和智能搜索算法。局部避障算法包括 人工势场法^[12]和动态窗口法^[13]。人工势场法通 过模拟障碍物产生的斥力场和终点产生的引力 场,推动机器人避障并向终点移动。动态窗口法 是在速度空间中采样多组数据,并模拟移动机器 人以这些速度在下一时间段内的轨迹并对轨迹进 行评价, 选取最优轨迹对应的速度来驱动机器人 运动。基于几何模型算法主要有 Dijkstra 算法^[14] 和A*算法^[15], Dijkstra 算法计算起始点到其他所 有点的最短路径长度,是广度优先搜索,具有较高 的空间复杂度和时间复杂度,而A*算法是一种启 发式算法,是一种深度优先的算法。智能搜索算 法有蚁群算法[16-19]、遗传算法[20]、粒子群算 法^[21]、人工蜂群算法^[22]等,是利用群体智能的快 速收敛特性寻找最优解。路径规划属于 NP-hard 问题,因此很多学者采用启发式群智能算法进行 求解。蚁群算法模拟自然界蚂蚁寻找最短觅食路 径,每只蚂蚁在觅食时都会在路径上留信息素,并 且路径越短,信息素浓度越高。蚂蚁更倾向于沿 着信息素浓度较高的路径行走,并继续在路径上 留下新的信息素。通过上述正反馈效应,最终蚁 群路线收敛到信息素浓度最高的最短路径上。蚁 群算法具有鲁棒性好、全局搜索能力强、环境约束表 达方便等优势,被广泛应用于路径规划问题中。传 统的蚁群算法存在迭代次数多、搜索效率低等缺点。 为了解决这些问题,LEE^[16]提出了一种基于异构蚁 群的路径规划方法,该方法改进了蚁群的转移概率 函数和信息素更新规则,在不需要后续平滑处理的 情况下可以直接找到节点数较少的最优路径: ZHANG 等^[17]提出了一种智能蚁群路径规划算法, 该方法通过消除蚁群算法中禁忌表的约束,引入临 时权值矩阵,避免了小权值路径的重复选择,提高了 算法的效率:LEE 等^[18]改变了蚁群算法生成初始种 群的方式,缩短了寻找最优解的时间,加快了算法的 收敛速度: SAIDI-MEHRABAD 等^[19]将蚁群算法分 为两个阶段进行路径搜索,有效缩短了路径规划的 完成时间。刘可等[23]采用参数迁移的方法对蚁群 算法进行参数优化,利用先验知识有效解决蚁群算 法路径规划时的参数选择问题。张强等^[24]在蚁群 算法中构建负反馈通道,使全局信息素和局部信息 素的更新速率跟随收敛次数的变化自适应调节,使 收敛速度与全局搜索精度协调统一。

本文在栅格地图中提出有效拐点,使路径规划 能够以任何方向、任何距离的栅格作为下一步的目 标栅格的方法,以提高搜索效率并降低转弯频率。 提出最短最小路径并给出计算方法,将最短最小距 离作为蚁群算法的启发值,作为阈值来指导信息素 更新,以期提高引导效率和算法前期的收敛速度,并 提高信息素更新的质量。

1 基于拐点的栅格图

栅格图将地图切割成相同尺寸且相互连接的栅格,每个栅格对应相应位置信息。3种典型栅格图 搜索方式如图1所示。

本文提出一种能够以任何方向、任何距离的栅 格作为下一步目标栅格的搜索方式,大大提高了搜 索效率并降低转弯频率。如图 2 所示,在某一无障 碍的环境中,采用 4 种搜索方式搜索机器人运动轨 迹,考虑到地图设定简单,采用常规蚁群算法^[8]进 行路径搜索,蚁群算法关键参数有:迭代次数 K =10,蚂蚁数量 m = 20,信息素启因子 $\alpha = 2$;启发函数 因子 $\beta = 3$,信息素蒸发系数 $\rho = 0.3$ 。由图 2 可以看 出,4 邻域 4 方向搜索方式只能走直线拐直角,从起 点到终点最短路径长度为 14,步数为 14;8 邻域 8 方向搜索方式可以走 45°,从起点到终点的最短路 径长度为 9.1,步数为 7;24 邻域 16 方向搜索方式



Fig. 2 Trajectories of four search modes

从起点到终点的最短路径为8.7,步数为5;本文的 搜索方式可以取捷径直达终点,路径长度为8.6,步 数为1。

邻域数量的增多,意味着单步搜索空间增大,为 了降低单步搜索的计算量,本文提出栅格拐点。考 虑最短路径一定会绕过障碍栅格,因此搜索过程中 仅需考虑障碍物的邻域栅格,即拐点一定是障碍物 的邻域栅格。采用滑动窗口的方法寻找拐点,设定 2×2 滑动窗,遍历整个地图,当窗内仅有1个障碍 物栅格时,将窗内其他3个栅格均设定为拐点;当窗 内有2个障碍物栅格,且位置处于对角,则将另外一 对对角的2个栅格设定为拐点。几种典型拐点如 图3所示,其中黑色表示障碍物栅格,白色表示可通 行栅格,红色表示拐点。路径搜索时,只需要搜索拐 点。通过设定拐点,可以大大减少单步搜索的工 作量。



2 最短最小路径

能够快速、准确地估计各搜索节点到终点的距 离对于全局的路径规划具有重要意义。如在 A^* 算 法中,当前节点*i*的代价函数为f(i) = g(i) + h(i), 式中g(i)是移动机器人从起点到当前节点*i*走过的 实际距离,h(i)是从当前节点*i*到终点的估计值。 g(i)是准确值,而h(i)是估计值,正确选择h(i)函 数可以提高 A^* 算法中搜索和选择的科学性。传统 方法采用欧氏距离^[3]表示h(i)。

启发式算法中,需要用搜索节点的启发值计算 选择概率,而启发值由搜索节点到终点的距离估计 值决定。例如在蚁群算法中,选择概率由信息素浓 度和启发值共同决定,在迭代初期,路径信息素浓度 差别不大,主要依靠启发信息选择节点,因此准确的 启发值有利于快速收敛。常见的蚁群算法^[11,25]、蜂 群算法^[26]也多采用欧氏距离函数表示搜索节点到 终点的距离估计值。

采用欧氏距离,即认为搜索节点可取捷径到达 终点,使得距离终点直线距离更近的点更容易被选 择,但是当捷径路线上存在障碍物时,这种选择倾向 可能是错误的。如图4 所示,起点为S,终点为E,考 虑A、B 两点,点A 距离终点E 的直线距离明显小于 点 B 距离终点E 的直线距离,但是由于AE 之间存 在障碍物,无法通行,因此更近的路径是S-B-E。 如果能够在搜索节点到终点的距离估计中,发现 B 到 E 的距离比 A 到 E 的距离更近,可大大提高节点 搜索和选择的科学性。



Fig. 4 Comparison of Euclidean distance and shortest distance

本文提出最短最小路径,并用最短最小距离代 替欧氏距离,用于算法前期搜索节点的启发值。当 起点、终点和拐点确定后,根据栅格点之间是否可直 达,构造从起点到终点的贯通树。具体操作为:

增枝操作步骤如下:①将终点 E 置于最底层 L_0 。②将所有与上一层 L_{n-1} 可通的点置于当前层 L_n 。③判断起点 S 是否在当前层,如果 $S \in L_n$,则算 法结束,否则转步骤②。

增枝操作得到贯通树 T1。增枝操作依据各点 到达终点的步数,对有效栅格进行分层。最底层为 终点栅格;第2层为所有与终点栅格可通的点;第3 层为所有与第2层任一点可通的点;以此类推,最上 层为起点栅格和所有与起点栅格处于同一层的点。

剪枝操作步骤如下:①最上层仅保留起点栅格, 其它栅格从最上层中删除。②保留当前层 L_n 中与 上一层 L_{n+1} 可通的点,其它点从当前层删除。③如 果检索到 L_0 ,则算法结束,否则转步骤②。

剪枝操作得到贯通树 T2。

设从起点到终点的某条路径 Rout = $[a_1(S), a_2, a_3, \dots, a(E)], \Leftrightarrow c_i$ 表示点 a_i 所在的层数,如果 Rout 为最短路径,必满足 $c_i \ge c_{i+1}$,即下一个点必须 在当前点所在层或距离终点更近的层,不可能是远 离终点的一层。基于这一条规律,在启发式路径搜 索中,只需要搜索与当前节点处在同一层的点和当 前节点的下一层点,而不需要搜索所有与当前点可 直达的拐点,可以大大减小搜索压力。

设从起点到终点的某条路径 Rout = $[a_1(S), a_2, a_3, \dots, a(E)],$ 当对于任意 i,均满足 $c_i > c_{i+1}$ 时, Rout 为最小步数路径。所有最小步数路径中的最 短路径称为最短最小路径。本文用最短最小路径的 长度作为蚁群算法前期的启发值。

3 蚁群算法求解最短路径

为了配合前文的拐点栅格和最短最小路径,本

节对蚁群算法进行特定的设计和改进。蚁群算法路 径规划流程见图 5。



图 5 蚁群算法路径规划流程图



3.1 有效拐点和最短最小路径

首先删减地图中的无效拐点,并计算有效拐点 到终点的最短最小距离,步骤如下:

(1)构造栅格地图,并用两种滑动窗循扫整幅 地图,找到所有拐点。

(2)采用增枝操作,得到贯通起点到终点的贯通树 T1,采用剪枝操作,得到贯通树 T2,保留贯通树 T1 最上层的拐点和贯通树 T2 中所有的拐点为有效 拐点,其余拐点均视为无效拐点。

(3)初始化信息素矩阵,如果节点 *i*、*j* 满足:
 L_i≥*L_j* 或栅格点 *i* 与栅格点 *j* 不可直达,则将从节点 *i* 到节点 *j* 的路径上的信息素强制置零。

(4)计算所有有效拐点到终点的最短最小距 离,存放于距离期望矩阵中。

3.2 转移概率

蚂蚁从当前栅格 i 到下一处栅格 j 的转移概 率为 (2)

(4)

$$p_{ij} = \begin{cases} \frac{\tau_{ij}^{\alpha} \eta_{ij}^{\beta}}{\sum_{\substack{s \in allowed \\ 0 \\ 0 \\ \end{cases}} \tau_{is}^{\alpha} \eta_{is}^{\beta}}} & (j \in allowed) \\ (1) \end{cases}$$

$$\eta_{ij} = rac{1}{d_{ij} + d_{j
ightarrow end}}$$

自素自发因子

式中 α ——信息素启发因子 β ——启发函数因子 *allowed*——可选择的栅格点集合 τ_{ij} ——点 i 到点 j 的信息素浓度 η_{ij} ——蚂蚁从点 i 到点 j 的启发信息 τ_{is} ——点 i 到点 s 的信息素浓度 η_{is} ——蚂蚁从点 i 到点 s 的启发信息 d_{ij} ——点 i 到点 j 的距离 $d_{i \rightarrow end}$ ——点 j 到终点的距离期望

3.3 距离期望

初始时,用点 j 到终点的最短最小转弯路径长度作为距离期望。迭代过程中,实时更新距离期望矩阵,当蚂蚁搜索到一条从起点到终点的可行路径Rout = $[a_1(S), a_2, a_3, \dots, a(E)]$,比较中间节点 a_i 沿该条可行路径到终点 E 的实际距离与节点 a_i 到终点的当前距离期望,如果实际距离小于距离期望,则用该距离代替距离期望。

3.4 信息素更新

算法每次迭代中,让所有蚂蚁各自完成一次路 径搜索,并在每只到达终点或出现死锁时停止搜索, 每次迭代结束后,根据各蚂蚁搜索到的路径,各栅格 的信息素浓度为

$$\tau_{ij}(t+1) = (1-\rho)\tau_{ij}(t) + \sum_{k=1}^{m} \Delta \tau_{ij}^{k}$$
(3)

式中 *m*———蚁群数量

Δτ^k_{ij} — 本次迭代中第 k 只蚂蚁给栅格点 i 到栅格点 j 路径上带来的信息素浓 度增量

此处改进在于,由于已经有了最短最小转弯路径作 为参考,本文认为只有蚂蚁成功搜索到终点,且长度 小于等于最短最小转弯路径的长度才算对群体有贡 献,因此信息素浓度增量取

$$\Delta \tau_{ij}^{k} = \begin{cases} \frac{Q}{d_{k}} & (\text{Inv} \ k \ \text{Inv} \ k \ \text{Inv} \ k \ \text{Inv} \ k \ \text{Inv} \ \text{Inv}$$

式中 Q——常数 d_k——蚂蚁 k 从起点到终点走过路径的距离

*d*_m——起点到终点的最短最小距离

4 仿真实验

为了验证本文算法的有效性和可行性,通过仿

真实验对算法的相关性能进行验证,并与文献[8] 中提出的方法进行对比。仿真实验运行环境:操作 系统 Windows 7(64 位),处理器 Inter(R) Core(TM) i5 - 4590U, CPU3.30 GHz,内存 8 GB,仿真平台 Matlab R2016a。

4.1 最短最小距离和欧氏距离统计实验

为了验证本文提出的用最短最小距离作为启发 值的方法的科学性,进行最短最小距离和欧氏距离 统计实验。随机生成100 幅规模为30×30、障碍比 例为0.2~0.4 的栅格地图并从中随机选取起点和 终点(每幅地图可取多组起点和终点),求取起点和 终点间的最短最小路径和欧氏距离,同时用本文的 蚁群算法计算起点到终点的最近路径,蚁群算法关 键参数:迭代次数 K = 50,蚂蚁数量 m = 50,信息素 启因子 $\alpha = 3$;启发函数因子 $\beta = 6$,信息素蒸发系数 $\rho = 0.3$ 。路径距离见表 1,其中 R 表示最短最小距 离(欧氏距离)与用本文蚁群算法求得的最短距离 的比值。

表1 路径距离 Tab.1 Path distance

层数	实验次数 —	R		
(步数)		最短最小距离	欧氏距离	
2	979	1	1	
3	469	1.073	0.872	
4	356	1.044	0.804	
5	378	1.042	0.509	
6	309	1.042	0. 592	
7	266	1.049	0.442	
8	213	1.062	0. 501	
9	206	1.045	0. 421	
10	160	1.041	0.401	
11	110	1.007	0.386	
12	87	1.076	0.354	

由表 1 可以看出,即使拐点层数达到 12,最短 最小距离和最短距离的比值仍小于 1.08,说明最短 最小距离可以很大程度上体现起点到终点的距离; 而欧氏距离与最短距离的比值随着层数的增多,比 值减小到 0.354,说明二者差距逐渐加大。由此可 以看出,用最短最小距离作为搜索节点的启发值更 准确可靠。

4.2 有效拐点数量和单步搜索空间统计实验

蚂蚁在选择下一步节点时,长远的视野范围可 以帮助蚂蚁更好地规划路径,但是也造成了单步搜 索空间巨大而不利于快速收敛。为解决这个问题, 本文基于最短路径和障碍栅格的关系,提出拐点栅 格,并通过增枝操作进一步删减掉无效拐点;同时, 基于增枝贯通树中栅格点的层级关系,进一步减小 了蚂蚁单步移动需要搜索的栅格数量。

为了便于直观地理解增枝操作在减少有效拐点 数量和减小单步搜索空间方面的作用,仿真算例如 图 6 所示。图 6a 为原始栅格地图, 白色表示可通 行,黑色表示障碍物,左上角为起点,右下角为终点。 图 6b 为拐点地图,红色栅格为拐点。图 6c 为经过 增枝操作生成的分层地图,图中紫色栅格为L。层的 点,也就是终点,绿色栅格为L,层的点,也就是所有 与L₀层的点可直达的点,同理深蓝色为L₃层的点, 浅蓝色为L₄ 层的点, 起点位于L₄ 层中, 而图 6c 中 的红色点即为淘汰的无效拐点。可以看出,通过增 枝操作减小了有效拐点的数量。由于在最短路径 中,下一步到达的点必须是当前点所在层的点或距 离终点更近的层中的点,而不可能是远离终点的一 层中的点,由此可以明显减少单步搜索空间,以起点 为例,当前单步搜索只需要搜索 L₄ 层的点(浅蓝 色)和L,层的点(深蓝色),而不需要搜索其他的有 效拐点。同时通过节点间是否可直达的限制,进一 步删减一部分待搜索的拐点,可以明显减少单步搜 索的压力。



为了进一步验证本文方法在减少有效拐点数量 和减小单步搜索空间方面的作用,设定地图规模为 15×15、30×30、60×60,障碍栅格比例为0.2、0.3、 0.4、0.5,共计12种地图下,重复实验20次,统计有 效拐点数量和单步搜索空间的平均值。平均有效拐 点数量见图7,平均单步搜索空间见图8。



由图 7、8 可以看出,虽然本文采取了无限邻域的搜索方式,但是由于有效拐点概念的提出删减了 大量无效栅格点,使得每幅地图的平均有效拐点数 和平均单步搜索空间都在可接受的范围内。对比常



规的有限邻域有限方向搜索方式,可通行栅格数和 平均单步搜索空间见表2,本文搜索方式的有效拐 点数量远远小于常规搜索方式的可通行栅格数,平 均单步搜索空间略高于常规搜索方式的平均单步搜 索空间。

表 2 常规搜索方式可通行栅格数和平均单步搜索空间

Tab. 2 Number of passable grids and average single step search domain of conventional search methods

地图规模	障碍	栅格可通	平均单步搜索空间		
	比例	行栅格数	4 - 4	8 - 8	24 - 16
15 × 15	0.2	180	3.2	6.4	19.2
	0.3	158	2.8	5.6	16.8
	0.4	135	2.4	4.8	14.4
	0.5	113	2.0	4.0	12.0
30 × 30	0.2	720	3.2	6.4	19.2
	0.3	630	2.8	5.6	16.8
	0.4	540	2.4	4.8	14.4
	0.5	450	2.0	4.0	12.0
60 × 60	0.2	2 880	3.2	6.4	19.2
	0.3	2 520	2.8	5.6	16.8
	0.4	2 160	2.4	4.8	14.4
	0.5	1 800	2.0	4.0	12.0

4.3 对比实验

文献[8]采用 16 方向 24 邻域的蚂蚁搜索方 式,并结合向量夹角的思想设计 2 种启发信息的计 算方法,并在转移选择时采用δ-贪婪策略。首先采 用文献中的地图进行对比实验。对比方法和本文方 法搜索到最优路径如图 9 所示。

文献[8]方法和本文方法搜索到最优路径的长 度和步数比较见表3。经人工分析,图9a、9b、9d、9e 中的路径都是相应搜索规则下的最短路径,可以看 出,本文方法得到的最短路径,在路径长度和步数上 均优于文献[8]方法的最优路径。

为了进一步验证本文算法的优越性,设定地图 规模为15×15、30×30、60×60,障碍栅格比例0.2、 0.4,随机生成6幅地图。为了便于读者复现和验 证,采用rand('state',0)锁定随机地图。如生成规



Fig. 9 Comparison of optimal path

表 3 最优路径比较

Tab. 3 Comparison of optimal path

士社	参数	地图规模		
刀伝		15 × 15	30×30	60×60
->:#[0]	长度	200. 28	418. 79	872.34
又瞅[8]	步数	8	18	41
_+->-	长度	199.84	415.28	853.74
半义	步数	4	4	12

模为15×15、障碍比例为0.2的地图,代码为

rand('state',0);

G = rand(15);

Map = double(G < 0.2);

分别用本文算法和文献[8]方法求解每幅地图 的最短路径,每幅地图重复实验10次。蚁群算法关 键参数:迭代次数 K = 50,蚂蚁数量 m = 50,信息素 启因子 $\alpha = 3$;启发函数因子 $\beta = 6$,信息素蒸发系数 $\rho = 0.3$,文献[8]算法采用 method 1 作为启发信息 计算方式,贪婪选择概率 $\delta = 0.8$ 。本文算法和文 献[8]算法最优路径对比见表4。

可以看出,本文方法在路径长度、步数、迭代次 数方面均优于文献[8]方法。由于本文提出的搜索 方式不受距离限制,随着地图规模增大,所需步数的 增加速度较慢,而对比算法的步数随地图规模的增 大快速增多,因此随着地图规模增大,本文算法相对 于对比算法,步数这一指标的提升愈加明显,更短的 步数意味着更少的出错概率和更高的可靠性,利于 快速收敛。文献[8]算法在贪婪选择中增加了参数 δ,有一定概率随机选择栅格,有利于跳出局部最优

表 4 本文方法和文献[8]方法最优路径对比 Tab. 4 Comparison of optimal path of proposed

method and Literature [8] method

性能指标		步数	迭代次数	路径距离
地图1,	文献[8]方法	10.5	25.3	217.24
15×15 ,	本文方法	4.8	9.1	213.61
$\xi = 0.2$	性能提升/%	54.29	64.03	1.70
地图2,	文献[8]方法	10.8	26.7	222.72
15×15 ,	本文方法	6	10.0	216.98
$\xi = 0.4$	性能提升/%	44.44	62.55	2.58
地图3,	文献[8]方法	17	34.7	431.16
30×30 ,	本文方法	5.5	13.5	416.24
$\xi = 0.2$	性能提升/%	67.65	61.10	3.46
地图4,	文献[8]方法	29	34.3	460.12
30×30 ,	本文方法	12	12.1	446.75
$\xi = 0.4$	性能提升/%	59.62	64.72	2.91
地图5,	文献[8]方法	39.5	48.1	900. 29
60×60 ,	本文方法	8.2	17.8	882.61
$\xi = 0.2$	性能提升/%	79.24	62.99	1.96
地图6,	文献[8]方法	49.2	47.4	959.21
60×60 ,	本文方法	21.4	19.3	919.21
$\xi = 0.4$	性能提升/%	56.50	59.28	4.17

解但减缓了收敛速度。因此本文算法比文献[8]算 法需要更少的迭代次数。本文方法求得的路径距离 更短的原因有:①由于搜索方式的改进,对于远距离 的可直达栅格点,机器人可以直接取捷径通过,避免 不必要的弯折。②本文方法步数少而带来的低错误 率和高收敛精度优势。

5 结论

(1)针对栅格图环境下的路径规划问题,提出 了一种基于有效拐点和最短最小路径的蚁群路径规 划方法。在栅格地图中采取无限邻域的搜索方式, 使机器人可取捷径直达任何可直通的栅格点,同时 为了减小搜索量,提出有效拐点的概念,大大减小了 搜索空间。提出最短最小路径的概念,并用其取代 欧氏距离作为启发值,提高了启发值的准确度和可 靠性,同时用起点到终点的最短最小距离,指导信息 素更新,提高了蚁群算法迭代的质量。

(2)不同规模和复杂度环境的仿真实验表明, 本文方法与常规栅格搜索方式下的蚁群路径规划方 法相比有较大的提升,有效减少了路径长度和步数, 加快了算法的迭代收敛速度。

参考文献

- HAN J, SEO Y. Mobile robot path planning with surrounding point set and path improvement [J]. Applied Soft Computing, 2017, 57:35-47.
- [2] 张丹红,陈文文,张华军.A*算法与蚁群算法相结合的无人艇巡逻路径规划[J].华中科技大学学报(自然科学版), 2020,48(6):13-18. CHEN Dashang CHEN Waren ZHANC Husium Patrol path planning of unmanned surface vahials based on A* algorithm and

CHEN Danhong, CHEN Wenen, ZHANG Huajun. Patrol path planning of unmanned surface vehicle based on A^{*} algorithm and ant colony algorithm[J]. Huazhong Univ. of Sci. & Tech. (Natural Science Edition),2020, 48(6):13-18. (in Chinese)

- [3] 王洪斌,尹鹏衡,郑维,等. 基于改进的 A* 算法与动态窗口法的移动机器人路径规划[J]. 机器人,2020,42(3):346-353.
 WANG Hongbin, YIN Pengheng, ZHENG Wei, et al. Mobile robot path planning based on improved A* algorithm and dynamic window method[J]. Robot, 2020,42(3):346-353. (in Chinese)
- [4] 迟健男,徐心和.移动机器人即时定位与地图创建问题研究[J].机器人,2004,26(1):92-96.
 CHI Jiannan, XU Xinhe. Research on simultaneous localization and mapping of mobile robot[J]. Robot, 2004, 26(1):92-96. (in Chinese)
- [5] KUNZ F, NUSS D, WIEST J, et al. Autonomous driving at Ulm University: a modular, robust, and sensor-independent fusion approach[C] // IEEE Intelligent Vehicles Symposium. Piscataway, USA: IEEE, 2015: 666-673.
- [6] NUSS D, THOM M, DANZER A, et al. Fusion of laser and monocular camera data in object grid maps for vehicle environment perception [C] // 17th International Conference on Information Fusion. Piscataway, USA: IEEE, 2014.
- [7] LAUGIER C, PAROMTCHIK I E, PERROLLAZ M, et al. Probabilistic analysis of dynamic scenes and collision risks assessment to improve driving safety[J]. IEEE Intelligent Transportation Systems Magazine, 2011, 3(4): 4-19.
- [8] 徐菱,付文浩,江文辉,等.基于16方向24邻域改进蚁群算法的移动机器人路径规划[J]. 控制与决策,2021,36(5): 1137-1146.

XU Ling, FU Wenhao, JIANG Wenhui, et al. Mobile robots path planning based on 16-directions 24-neighborhoods improved ant colony algorithm [J]. Control and Decision, 2021, 36(5): 1137 - 1146. (in Chinese)

- [9] 曾明如,徐小勇,罗浩,等. 多步长蚁群算法的机器人路径规划研究[J]. 小型微型计算机系统, 2016, 37(2):366-369. ZENG Mingru, XU Xiaoyong, LUO Hao, et al. Research of robot path planning based on multi-step ant colony algorithm[J]. Journal of Chinese Computer System, 2016, 37(2): 366-369. (in Chinese)
- [10] DENG X Y, ZHANG L M, LUO L. An improved ant colony optimization applied in robot path planning problem [J]. Journal of Computers, 2013, 8(3): 585 - 593.
- [11] 孙功武,苏义鑫,顾轶超,等. 基于改进蚁群算法的水面无人艇路径规划[J]. 控制与决策, 2021, 36(4):847-856. SUN Gongwu, SU Yixin, GU Yichao, et al. Path planning for unmanned surface vehicle based on improved ant colony algorithm[J]. Control and Decision, 2021, 36(4):847-856. (in Chinese)
- [12] LUO G C, YU J Q, MEI Y S, et al. UAV path planning in mixed-obstacle environment via artificial potential field method improved by additional control force[J]. Asian Journal of Control, 2015, 17(5): 1600 1610.
- [13] 常路,单梁,戴跃伟,等. 未知环境下基于改进 DWA 的多机器人编队控制[J/OL]. 控制与决策:1-10[2021-09-06]. https://doi.org/10.13195/j.kzyjc.2020.1817. CHANG La SHAN Ling DALY and Multimeter for matter and matter and an immer of DWA

CHANG Lu, SHAN Liang, DAI Yuewei, et al. Multi-robot formation control in unknown environment based on improved DWA [J/OL]. Control and Decision: 1-10[2021-09-06]. https://doi.org/10.13195/j. kzyjc. 2020. 1817. (in Chinese)

- [14] RADMANESH M, KUMAR M, GUENTERT P H, et al. Overview of path planning and obstacle avoidance algorithms for UAVs: a comparative study[J]. Unmanned Systems, 2018, 6(2): 95 - 118.
- [15] PERSSON S M, SHARF I. Sampling-based A* algorithm for robot path-planning [J]. The International Journal of Robotics Research, 2014, 33(13): 1683 – 1708.
- [16] LEE J. Heterogeneous-ants-based path planner for global path planning of mobile robot applications[J]. International Journal of Control Automation & Systems, 2017, 15(5): 1 – 16.
- ZHANG W, GONG X, HAN G, et al. An improved ant colony algorithm for path planning in one scenic area with many spots
 [J]. IEEE Access, 2017(5):13160 13269.
- [18] LEE J, KIM D W. An effective initialization method for genetic algorithm-based robot path planning using a directed acyclic graph[J]. Information Sciences, 2016, 332: 1-18.
- [19] SAIDI-MEHRABAD M, DEHNAVI-ARANI S, EVAZABADIAN F, et al. An ant colony algorithm (ACA) for solving the new integrated model of job shop scheduling and conflict-free routing of AGVs[J]. Computers & Industrial Engineering, 2015, 86: 2-13.
- [20] QU H, XING K, ALEXANDER T. An improved genetic algorithm with co-evolutionary strategy for global path planning of multiple mobile robots[J]. Neurocomputing, 2013, 120:509 517.
- [21] SONG B, WANG Z, ZOU L. An improved PSO algorithm for smooth path planning of mobile robots using continuous highdegree Bezier curve[J]. Applied Soft Computing, 2021, 100(1):106960.
- [22] 宋大雷,臧文川,郭亭亭,等.水下滑翔机长航程全局路径规划[J]. 控制工程,2020,27(10):1679-1685. SONG Dalei, ZANG Wenchuan, GUO Tingting, et al. Global path planning for long range voyage of underwater gliders[J]. Control Engineering of China, 2020,27(10):1679-1685. (in Chinese)
- [23] 刘可,李可,宿磊,等. 基于蚁群算法与参数迁移的机器人三维路径规划方法[J/OL]. 农业机械学报, 2020, 51(1):29-36.
 LIU Ke, LI Ke, SU Lei, et al. Robot 3D path planning method based on ant colony algorithm and parameter transfer[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(1):29-36. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag = 1&file_no = 20200103&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2020.01. 003.(in Chinese)
- [24] 张强,陈兵奎,刘小雍,等.基于改进势场蚁群算法的移动机器人最优路径规划[J/OL].农业机械学报,2019,50(5): 23-32,49.
 - ZHANG Qiang, CHEN Bingkui, LIU Xiaoyong, et al. Ant colony optimization with improved potential field heuristic for robot path planning [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2019, 50(5): 23 32, 49. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag = 1&file_no = 20190503&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j. issn. 1000-1298.2019.05.003. (in Chinese)
- [25] 张恒,何丽,袁亮,等. 基于改进双层蚁群算法的移动机器人路径规划[J/OL]. 控制与决策:1-10[2021-07-12]. https://doi.org/10.13195/j.kzyjc.2020.0610.
 ZHANG He, HE Li, YUAN Liang, et al. Mobile robot path planning using improved double-layer ant colony algorithm[J/OL]. Control and Decision: 1-10[2021-07-12]. https://doi.org/10.13195/j.kzyjc.2020.0610. (in Chinese)
- [26] XU F, LI H, PUN C, et al. A new global best guided artificial bee colony algorithm with application in robot path planning [J]. Applied Soft Computing Journal, 2020, 88:106037.