doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2020.04.003

# 基于双峰分布的风胁迫雾滴沉积分布模型研究

梁 昭1 范国强1,2 王光明1,3 丁 皓1 张晓辉1,2

(1.山东农业大学机械与电子工程学院,泰安 271018; 2.山东农业大学山东省农业装备智能化工程实验室,泰安 271018;3.山东农业大学山东省园艺机械与装备重点实验室,泰安 271018)

**摘要:**为研究因风胁迫产生的雾滴飘移对雾滴沉积分布的影响规律,设计了三因素三水平的喷雾飘移沉积试验,测定了不同条件下的雾滴沉积量分布。为更好描述雾滴飘移沉积分布情况,建立了基于正态分布概率密度函数的双峰分布式数学模型,系统地表达了沉积范围与沉积量的关系,分析了各水平因素对双峰分布式中各参数的影响。结果表明,沉积量参数 $k_1$ 与 $k_2$ 变化规律相反,随着喷雾高度、喷雾压力和横风风速的增加, $k_1$ 减小而 $k_2$ 增大,质量由第1峰值分布向第2峰值分布转移;双峰分布的2个位置参数 $\mu_1$ , $\mu_2$ 具有相同的变化趋势,均随着风速、高度的升高而增大,随喷雾压力的升高而减小,因此增大喷雾压力可以减小中心飘移距离;第1和第2峰值分布的范围(尺度参数 $\sigma_1$ , $\sigma_2$ )均随着喷雾高度和风速的增加而增加,沉积量分布更加分散;增大喷雾压力可以有效减少第一峰值的质量分散,但对第2峰值分布无影响。本文探究了不同强度横风作用、喷雾高度和喷雾压力对雾滴飘移沉积分布的影响,可为优化农药喷雾技术和增强雾滴抗飘移能力提供参考。

关键词:雾滴沉积;风胁迫;正态分布;双峰分布;沉积质量 中图分类号:S491 文献标识码:A 文章编号:1000-1298(2020)04-0028-10



## Distribution Model of Wind-stressed Droplet Deposition Based on Bimodal Distribution

LIANG Zhao<sup>1</sup> FAN Guoqiang<sup>1,2</sup> WANG Guangming<sup>1,3</sup> DING Hao<sup>1</sup> ZHANG Xiaohui<sup>1,2</sup>

(1. College of Mechanical and Electrical Engineering, Shandong Agricultural University, Taian 271018, China

2. Shandong Provincial Intelligent Engineering Laboratory of Agricultural Equipment,

Shandong Agricultural University, Taian 271018, China

3. Shandong Provincial Key Laboratory of Horticultural Machineries and Equipments,

Shandong Agricultural University, Taian 271018, China)

Abstract: Because of wind stress, the movement trajectory of fog droplet in space was changed, and the deposition distribution of fog droplets on the target surface was changed. In order to study the effect of different factors on this phenomenon, a test of droplet deposition distribution in closed silo was designed. The variables were the transverse wind at different speeds (1 m/s, 2 m/s and 3 m/s), spray height (30 cm, 40 cm and 50 cm) and spray pressure (0.4 MPa, 0.6 MPa and 0.8 MPa). Based on the experimental measurement results of deposition distribution, a bimodal distribution mathematical model based on normal distribution probability density function was established. The physical significance of each coefficient in the model was also explained, and the influence of various horizontal factors on the coefficient in bimodal distribution and influence relationship of each horizontal factor on the coefficient in bimodal distribution range and deposition quality. The variation law of deposition parameter  $k_1$  was opposite to  $k_2$ . With the increase of spray height, spray pressure and cross wind speed,  $k_1$  was decreased while  $k_2$  was increased, and deposition shifted from the first peak distribution to the second peak distribution. The two position parameters  $\mu_1$  and  $\mu_2$  of the bimodal distribution had the same variation trend, both increasing with the increase of wind speed and height, and decreasing with the

基金项目:山东省农业重大应用技术创新项目和山东省现代农业产业技术体系棉花产业创新团队项目(SDAIT-03-09)

作者简介:梁昭(1989—),男,博士生,主要从事植保技术研究,E-mail: lzliang@sdau.edu.cn

通信作者:张晓辉(1961—),男,教授,博士生导师,主要从事农业机械设计及理论研究, E-mail: zhangxh@ sdau. edu. cn

收稿日期: 2020-01-13 修回日期: 2020-02-11

29

increase of spray pressure. Therefore, increasing the spray pressure can reduce the center drift distance. The range of the first and second peak distributions (scale parameters  $\sigma_1$  and  $\sigma_2$ ) were increased with the increase of spray height and wind speed, and the deposition distribution was more dispersed. Increasing the spray pressure can effectively reduce the deposition dispersion of the first peak, but it had no effect on the distribution of the second peak. This study investigated the effects of different intensity of transverse wind and spray height and pressure on droplet drift deposition distribution, providing a reference for optimizing pesticide spray technology and improved droplet resistance to drift.

Key words: droplet deposition; wind-stressed; normal distribution; bimodal distribution; deposition mass

## 0 引言

雾滴飘移是产生农药污染的主要原因,在施药 过程中,喷头喷雾的药液在空间中形成雾滴粒子群, 粒子群受到空间气流场的胁迫作用而发生偏移,沉 积在非靶标区域<sup>[1-3]</sup>。随着人们对生态环境保护和 食品安全重视程度的提高,以及农业生产中农药使 用量的增加和使用范围的扩大,农药施药过程中因 风胁迫产生的雾滴飘移现象受到人们高度关 注<sup>[4-6]</sup>。雾滴飘移会使药液沉积在非目标区域,对 周边环境产生影响,且造成目标区域施药不均匀。

雾滴在空中受气流胁迫而改变沉降的位置,其 受到多种因素的影响,主要包括喷头喷出雾滴大 小[7-10]、喷雾压力[11]、药液本身的化学性质[12]、空 间气流场大小和方向[13]、喷雾高度和角度[14]、施药 设备搭载平台的移动速度[15]和采样距离[16]等。多 种因素影响了雾滴粒子群沉降速度,改变了雾滴的 空间运动轨迹,因此造成了雾滴飘移沉积分布的改 变[17-19]。张京等[20]研究了扇形喷雾雾化过程中雾 滴运动的特性,确定了雾滴在喷雾扇面内的速度分 布,发现扇形边缘的雾滴小,速度低,更容易飘失。 宋坚利等<sup>[21]</sup>通过 PDPA 对扇形喷头雾化的雾滴进 行了分析,结果表明,在距离喷头 300~500 mm 喷 雾扇面的中心位置处的雾滴,以及扇面的末端和两 侧的雾滴易发生飘移。刘雪美等[22]采用三维流场 的多相流系统进行仿真,发现辅助气流可以有效减 少飘移量,当喷雾压力降低时,风幕的防飘移效果更 好。苑进等[23] 通过模糊决策支持系统对作物茂密 程度和喷嘴与冠层间垂直距离进行控制参数修正, 减少了雾滴飘失率。杨洲等<sup>[24]</sup>研究了不同侧风和 静电充电电压对荷电雾滴飘移的影响。张慧春 等<sup>[25-26]</sup>通过风洞试验建立了雾滴飘移的回归模型, 并研究了雾滴的脱靶飘移现象,确定了不同体积中 径、喷雾角、雾滴速度、流量、喷头高度、风速、植物类 型、生长阶段等因素对农药雾化后飘移的影响。李 超等<sup>[27]</sup>研究了辅助气流对雾滴中心飘移距离的影响。

本文通过在封闭试验场内生成不同的恒定胁迫

气流场,在不同喷雾高度和喷雾压力条件下对雾滴 飘移进行研究,根据飘移的沉积质量分布建立描述 其分布特性的数学模型,探究不同强度横风作用和 喷雾高度、压力对雾滴飘移沉积质量的影响,探寻不 同施药条件对沉积模型参数的影响规律。

## 1 试验材料与方法

#### 1.1 试验设备

试验采用封闭式喷头喷雾沉积量检测系统。为 了使沉积区域及其周边的微气象条件保持稳定,本 文构建室内风场试验台,以减少环境温度、湿度、光 照等对雾滴飘移的影响。该系统主要包括封闭仓、 绝热层、水泵、高度调节架、控制器、温度传感器 (LGHTM - 01A型)、风速传感器(HS - FS01型)、扇 形喷嘴(HYPRO - 01型)、调速轴流风机(SF5 - 4 型)、槽式导流板、收集器、加热器(HN2188PT型) 等。其结构示意图如图 1a 所示,实物图如图 1b 所 示。



## 图 1 封闭式喷头喷雾沉积量检测试验台 Fig. 1 Test bed for closed spray deposition measurement 1. 槽式导流板 2. 收集器 3. 扇形喷嘴 4. 温度传感器 5. 三 杯风速传感器 6. 加热器 7. 封闭仓支架 8. 轴流风机 9. 高 度调节架 10. 水泵

封闭仓被闭孔式橡塑海绵包覆,内部贴装有双 面铝箔气泡膜,以维持封闭仓内部环境的稳定。试 验舱顶部有照明系统和加热器材(功率:1.8 kW), 使其内部试验空间维持稳定的温度(试验温度 20℃),当3个与喷头同高度的温度传感器达到 20℃时,加热器停止工作。槽式导流板的制作材料 为亚克力塑料板,单个导流槽槽宽为2 cm,可以更 加细化不同位置区间内的雾滴沉积量。导流槽一侧 封闭,另一侧通过小导管将沉积药液导入试管内。 扇形喷嘴(HYPRO-01型)喷雾角为110°,其参数 如表1 所示。

表1 HYPRO-01 型扇型喷嘴工作参数 Tab.1 Parameters of HYPRO-01 fan nozzle

压力/	流量/	不同行进速度下喷雾间距 50 cm 时的喷洒量/(I.hm <sup>-2</sup> )					
MPa	$(L \cdot min^{-1})$	 7 km/h	m 町町町坝碓 10 km/h	15 km/h	20 km/h		
0.20	0.33	57	40	26	20		
0. 25	0.37	63	44	30	22		
0.30	0.40	69	48	32	24		
0.40	0.46	79	55	37	28		

#### 1.2 试验设计

为研究不同强度胁迫气流(横风风速)、喷雾压 力和喷雾高度对雾滴沉积分布情况的影响,设计了 三因素三水平试验。在大田中进行施药作业时,要 求风力等级不能高于3级(v≤3.3 m/s);喷杆喷雾 机作业高度一般为35~75 cm,最佳高度为50 cm, 而在有风情况下作业,降低高度可以减少雾滴飘 移<sup>[14]</sup>;喷杆喷雾机喷雾压力为0.2~0.6 MPa,增大 压力可以增加雾滴速度,减少雾滴打到靶目标的时 间来减少飘移<sup>[11]</sup>,因此设计试验因素水平如表2所示。

	ab. 2 Experim	ciltur factor ic	vei
		因素	
水平	横风风速	喷雾高度	喷雾压力
	$v/(m \cdot s^{-1})$	<i>H</i> ∕cm	p∕MPa
1	1	30	0.4
2	2	40	0.6
3	3	50	0.8

表 2 试验因素水平 Fab. 2 Experimental factor level

试验布置如图 2 所示,喷头竖直向下,距离槽式 导流板的高度为 H。喷嘴扇面与导流槽平行,与来 风方向垂直。经多次前期试验,确定雾滴沉积范围 不超过喷头水平方向 10 cm,故设置喷头水平方向 距导流板来风侧边 10 cm。为方便雾滴收集,导流 板与水平面倾角为 5°,收集边较低,每个导流槽下 方放一个试管对液体进行收集。试验开始关闭封闭 仓,打开风机、加热器和照射灯光,通过三杯风速传 感器对喷头位置的风速进行标定。待其内部空间温 度稳定在20℃后,调整高度调节架,打开水泵开始 喷雾并调整压力到规定值,此时药液不流入试管。 当导流板收集侧的小管口有均匀的液滴滴下后,开 始计时并移动收集器到收集槽导流管下方的收集位 置,使药液流入收集试管中。为了建立沉积分布模 型,需要长时间收集各个导流槽内的沉积量,使因胁 迫气流产生的飘移尾部沉积效果更加明显,通过多 次试验,确定在经过240s喷射后,有明显药液沉积 试管中,药液沉积量均大于1mL,此时收集药液量 低于1 mL的试管,其管内的药液量随时间的增加, 增加量不明显,故以 240 s 为沉积药液的收集时间。 经过 240 s 喷射后,统计每个导流槽内收集的液滴 沉积量。每组试验重复3次,每个导流槽的沉积量 取3次试验值的平均量。



1.风机 2.喷头 3.三杯风速传感器 4.高度调节架 5.支架
 6. 槽式导流板 7.收集架

#### 2 模型拟合

#### 2.1 正态分布模型拟合

在喷雾高度为40 cm、喷雾压力0.4 MPa、无横风胁迫的情况下,沉积分布如图3 所示。



由图 3 可知,在无横风的情况下,雾滴在扇面 垂直方向上的沉积分布呈现以喷嘴为中心,左右 对称的正态分布。正态分布概率密度函数可表示 为 其中

式中 x——沉积距离

*μ*-----均值中位数

σ----标准差

根据沉积量,通过高斯函数进行拟合,求解沉 积量在高斯函数模型下的各个参数。高斯函数定 义为

$$f(x) = a e^{-\frac{(x-b)^2}{2c^2}}$$
 (2)

$$a = wk \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \tag{3}$$

$$b = \mu \tag{4}$$

$$c = \sigma$$
 (5)

式中 a、b、c——拟合参数

w——收集槽宽度与单位宽度的比

k——沉积量参数

由式(2)~(5)可得高斯函数可用正态分布概 率密度函数表示为

$$f(x) = wk \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}} = wkf_a(x)$$
(6)

式(6)除以宽度比值 w,即得到雾滴飘移沉积分 布模型为

$$f(x) = k \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$
(7)

在模型中,均值中位数 μ 表示沉积量分布集中 的位置,称为位置参数;标准差 σ 表示以 μ 为中心 的沉积量的分布范围。

对风向上某一距离区间内所有雾滴的沉积量 和,称为该区间的雾滴沉积量。由式(6)进行积分 变换,可得雾滴沉积量分布表达式为

$$F(x) = \int_{p}^{q} k \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^{2}}{2\sigma^{2}}} dx \qquad (8)$$

单位时间内雾滴沉量为

$$M = \frac{F(x)}{t} = \frac{1}{t} \int_{p}^{q} k \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^{2}}{2\sigma^{2}}} dx \qquad (9)$$

式(8)表示在距离 p 到距离 q 的区间时间 t 内的雾滴飘移沉积量,其中距离 p 到距离 q 的区间为沉积区域。根据正态分布概率密度函数性质,则雾滴主要沉积区域为( $\mu - 3\sigma, \mu + 3\sigma$ ),此区域沉积量为总量的 99%。在区域( $\mu - 2\sigma, \mu + 2\sigma$ )的雾滴沉积量为总量的 95%。

当喷雾高度 40 cm、喷雾压力 0.4 MPa、喷头水 平位置为 10 cm 时,不同风速下的沉积分布情况如 图 4 所示。此状态下呈现正偏态分布,雾滴沉积质 量的平均数大于中位数,峰值左偏,左右出现非对称 状态。



由式(2)可知,分别对无横风胁迫和不同风速 胁迫的雾滴沉积分布进行拟合,并转换为正态概 率分布形式。在无横风胁迫的情况下,其拟合效 果较好。不同风速下的决定系数如表3所示。

表 3 决定系数 Tab. 3 Determination coefficient

决定	风速/(m·s <sup>-1</sup> )					
系数	0	1	2	3		
$R^2$	0. 996 6	0.9373	0.8371	0.8283		

拟合曲线如图 5 所示。随着横风速的增大,沉 积量的主要分布区域发生了少量偏移和扩大,但其 区域内的沉积量远大于其他区域,体现了雾滴飘移 分布中的沉积量集中性。沉积分布后方区域出现明 显的"尾巴",质量分布不再呈现对称分布,即为飘 移分布的沉积特性,具有重尾性<sup>[28]</sup>。其重尾性的数 学表达式为



$$\lim_{x \to \infty} \mathrm{e}^{\lambda} \overline{F}(x) = \infty \tag{10}$$

式中 λ——任意大于0的常数

试验中槽式导流板没有收集全部的尾部沉积 量,但已反映了沉积质量的变化趋势,设其尾部区域 的沉积量分布符合正态分布,则可根据已有数据估 计其参数<sup>[29-30]</sup>。

#### 2.2 双峰分布模型拟合

随着胁迫横风风速的增大,通过正态分布概率 密度函数模型拟合的沉积分布方程的决定系数减 小,说明方程符合度降低。为此引入多峰正态分布 式

$$f(x) = \sum_{i=1}^{n} wk_{i} \frac{1}{\sigma_{i} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{i})^{2}}{2\sigma_{i}^{2}}} = \sum_{i}^{n} wk_{i} f_{a}(x_{i})$$
(11)

式(11)是多个独立的正态分布概率函数乘以 每个分布对应的沉积量参数的和。由式(11)和 式(3)~(5)可使多峰正态分布式变换为 *n* 项高斯 函数的和,即

$$f(x) = \sum_{i=1}^{n} a_i e^{-\frac{(x-b_i)^2}{2c_i^2}}$$
(12)

用 Matlab 中 Curve Fitting Tool,采用式(12) 对 试验中雾滴沉积量进行拟合,当 n 取不同值时,不同 横风风速下,其拟合方程的决定系数如表4 所示。

#### 表4 不同横风风速的模型拟合决定系数

 Tab. 4
 Model fitting determinants at different transverse wind speeds

	风速/(m·s <sup>-1</sup> )						
n —	0	1	2	3			
1	0. 996 6	0.9373	0.8371	0. 828 3			
2	0. 999 2	0. 989 4	0.9840	0.9786			
3	0. 999 3	0. 995 5	0. 994 0	0. 987 3			
4	0. 999 7	0. 992 8	0. 995 0	0. 992 1			
5	0. 999 4	0. 998 7	0. 995 6	0. 996 3			
6	0. 997 7	0. 999 1	0. 996 3	0. 996 4			

由表4可知,当 n≥2 时,拟合函数的决定系数 R<sup>2</sup>≥0.95,说明拟合效果较好,所以对有横风胁迫的 雾滴沉积分布模型采用2个独立的正态分布概率函 数乘以对应的质量参数和的形式,即双峰分布模型

$$f(x) = k_1 \frac{1}{\sigma_1 \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}} + k_2 \frac{1}{\sigma_2 \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_2)^2}{2\sigma_2^2}}$$
(13)

则雾滴在任意区域(*p*,*q*)中的沉积量为对双峰分布 模型的积分,即

$$F(x) = \int_{q}^{p} \left( \frac{1}{\sigma_{1} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{1})^{2}}{2\sigma_{1}^{2}}} + \frac{1}{\sigma_{2} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{2})^{2}}{2\sigma_{2}^{2}}} \right) dx$$
(14)

## 2.3 双峰分布沉积模型性质

双峰分布模型是2个独立正态分布模型的和, 存在2个峰值。2个独立正态分布模型互不干涉, 有独立的特征值参数,其表达式分别为式(13)中的 第1项和第2项,即

$$f_1(x) = k_1 \frac{1}{\sigma_1 \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_1)^2}{2\sigma_1^2}}$$
(15)

$$f_2(x) = k_2 \frac{1}{\sigma_2 \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_2)^2}{2\sigma_2^2}}$$
(16)

式(15)为第1峰值的分布模型,主要体现雾滴 沉积分布的集中性。式(16)为第2峰值的分布模 型,主要体现雾滴沉积分布的重尾性。由正态分布 概率密度函数的性质,可得双峰分布沉积模型的性质。

第 n 峰分布的沉积质量为

$$K_{n} = \int_{-\infty}^{\infty} k_{n} \frac{1}{\sigma_{n} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{n})^{2}}{2\sigma_{n}^{2}}} dx \qquad (17)$$

沉积量中心飘移的距离为

$$D_n = \mu_n - d \tag{18}$$

式中 *d*——喷嘴与来风侧边沿的水平距离 沉积最大飘移沉积距离为

$$L = \mu_2 + 3\sigma_2 - d \tag{19}$$

尾部区域质量为

$$K_{2} = \int_{\mu_{2}}^{\mu_{2}+3\sigma_{2}} k_{2} \frac{1}{\sigma_{2}\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{2})^{2}}{2\sigma_{2}^{2}}} dx \qquad (20)$$

在飘移距离 L 内, 沉积量超过总沉积质量 99%, 为该分布的主要沉积区域。不同峰值不同区 域内沉积质量与该峰值总质量的比值为该区域的质 量占比,其计算式为

$$Q_{ab} = \frac{\int_{p}^{q} k_{n} \frac{1}{\sigma_{n} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{n})^{2}}{2\sigma_{n}^{2}} dx}}{\int_{-\infty}^{\infty} k_{n} \frac{1}{\sigma_{n} \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu_{n})^{2}}{2\sigma_{n}^{2}}} dx} = \frac{\int_{p}^{q} e^{-\frac{(x-\mu_{n})^{2}}{2\sigma_{n}^{2}}} dx}{\int_{-\infty}^{\infty} e^{-\frac{(x-\mu_{n})^{2}}{2\sigma_{n}^{2}}} dx} = \int_{p}^{q} e^{-\frac{(x-\mu_{n})^{2}}{2\sigma_{n}^{2}}} dx$$
(21)

不同沉积区域的质量占比见表 5。当沉积区域 为( $\mu_n \pm 3\sigma_n$ )时,质量占比超过 99%,则该区域为此 峰值的沉积区域,区域示意图如图 6 所示。

表 5 质量占比 Tab. 5 Mass proportion

沉积区域	沉积质量占比 Q/%
$(\mu_1 - \sigma_1, \mu_1 + \sigma_1)$	68.27
$(\boldsymbol{\mu}_1 - 2\boldsymbol{\sigma}_1, \boldsymbol{\mu}_1 + 2\boldsymbol{\sigma}_1)$	95.44
$(\mu_1 - 3\sigma_1, \mu_1 + 3\sigma_1)$	99.73
$(\mu_2 - \sigma_2, \mu_2 + \sigma_2)$	68.27
$(\mu_2 - 2\sigma_2, \mu_2 + 2\sigma_2)$	95.44
$(\mu_2 - 3\sigma_2, \mu_2 + 3\sigma_2)$	99. 73



Fig. 6 Schematic of deposition range

## 3 试验结果与分析

#### 3.1 试验方案与结果

根据 Box - Benhnken 试验方案,设计了三因素 三水平的响应面分析试验,共17个试验点,其中包 括12个分析因子和5个零点估计误差。每个试验 点进行3次试验,取其平均值,并按照式(13)进行 拟合,得到6个沉积分布参数的响应值。表6为响 应面试验设置与试验结果。

	衣 0	试验设	「「「「「「「「「「」」」	うり	应值结未	
Tab. 6	Exp	eriment	design	and	response	values

水水、土土中日、土土中田

				0	-				
计改良日		因素				响应值	Ĺ		
诋短庁亏	风速/(m·s <sup>-1</sup> )	喷雾高度/cm	喷雾压力/MPa	$k_1/\mathrm{mL}$	$k_2/\mathrm{mL}$	$\sigma_1/{ m cm}$	$\sigma_2/{ m cm}$	$\mu_1$ /cm	$\mu_2/\text{cm}$
1	2	40	0.6	675.79	618.10	5.15	20.11	22.37	43.02
2	2	40	0.6	675.79	618.10	5.15	20.11	22.37	43.02
3	3	40	0.4	629.41	486.945	6.54	16.76	26.96	46.69
4	2	40	0.6	675.79	618.10	5.15	20.11	22.37	43.02
5	1	40	0.8	1 011. 89	706.67	4.95	20.79	16.45	36.05
6	3	30	0.6	1 000. 28	349.55	4.42	13.71	26.39	40.61
7	1	50	0.6	481.88	673.975	5.56	22.89	19.25	42.76
8	2	40	0.6	675.79	618.10	5.15	20.11	22.37	43.02
9	3	50	0.6	499.88	389.14	8.72	21.85	28.60	53.75
10	2	50	0.4	411.65	555.04	7.63	21.37	29.03	56.65
11	2	40	0.6	675.79	618.10	5.15	20.11	22.37	43.02
12	1	30	0.6	975.565	606.06	3.76	7.91	13.56	21.57
13	2	50	0.8	900. 55	600.565	6.93	21.94	23.50	51.55
14	2	30	0.4	924. 925	387.915	4.57	11.46	17.90	31.3
15	1	40	0.4	1 032. 925	568.055	5.15	13.69	19.95	33.45
16	3	40	0.8	997.60	693.575	5.45	15.50	15.65	30.17
17	2	30	0.8	640.65	933.73	2.64	6.14	17.27	22. 28

#### 3.2 响应显著性与分析

以表 6 中的 17 组试验数据为基础,运用 Design-Expert软件拟合喷雾参数与双峰分布模型中 参数的响应关系。建立双峰分布模型,以及两个峰 值的质量参数、位置参数和尺度参数与横风风速、喷 雾高度和喷雾压力的二次回归模型。通过 F 检验 得到 P 值以确定各个因素对响应值的影响显著 性,如表 7 所示。

由表7可以看出,各变量对两个分布的相同性 质参数有不同的影响。第1峰值分布沉积量参数

表 7 响应显著性 *P* Tab. 7 Response significance *P* value

			1 0			
变量	$k_1$	$k_2$	$\sigma_1$	$\sigma_2$	$\mu_1$	$\mu_2$
模型	0. 027 9	0.0244	0.0001	0.0009	0.0378	0.003 2
v	0. 298 5	0. 022 9 *	0. 000 8 **	0.6197	0.008 1 *	0. 014 1 *
Н	0.007 3 **	0. 796 8	< 0.000 1 **	< 0. 000 1 **	0.0138*	0.0001**
p	0. 142 5	0. 003 7 **	0. 005 9 **	0.8301	0. 030 2 *	0. 044 9 *
vH	0.9781	0.8601	0. 009 8 **	0.0886	0. 545 1	0.3552
vp	0. 143 4	0.6736	0. 251 1	0. 046 3 *	0. 196 6	0.0511
Hp	0.0136*	0. 014 4 *	0. 127 4	0. 132 5	0.4004	0.6445
$v^2$	0.0569	0.1589	0. 159 9	0.2608	0.3634	0. 111 9
$H^2$	0. 279 6	0. 195 6	0.3034	0. 021 3 *	0. 532 1	0.9017
$p^2$	0. 094 9	0. 186 9	0. 582 1	0. 125 1	0.3548	0. 196 4

注:\*\*表示差异极显著(P < 0.01),\*表示差异显著(P < 0.05)。

 $k_1$ 影响极显著的因素是喷雾高度,对第 2 峰值沉积 量参数  $k_2$ 影响极显著的因素是喷雾压力,显著因素 是横风风速,而  $k_1$ 的极显著因素喷雾高度是  $k_2$ 的不 显著因素。第 1 峰值的尺度参数  $\sigma_1$ 受到  $v_{,H,p}$ 影 响都极显著,说明第 1 峰值的分布范围受到多个因

素影响,而第2峰值的分布范围 $\sigma_2$ 只有喷雾高度是极显著因素。对于2个峰值分布的位置参数 $\mu_1, \mu_2$ ,喷雾高度、喷雾压力、横风风速都是其显著影响因素。二次回归模型各项参数如表8所示。

表 8 二次回归模型参数估值

Tab. 8	Coefficient	estimation	of	quadratic	regression	model
--------	-------------	------------	----	-----------	------------	-------

变量	$k_1$	$k_2$	$\sigma_1$	$\sigma_2$	$\mu_1$	$\mu_2$
截距	1 351. 58	1 236. 2	5.15	20.11	22.37	43.02
v	-93.77	- 158. 89	0.71	0.32	3.55	4.67
H	- 311. 87	- 14. 63	1.68	6.10	3.16	11.12
р	137.95	234.15	-0.49	0.14	-2.62	-3.51
vH	- 3.36	- 14. 16	0.62	-1.71	-0.87	-2.01
vp	194.61	34.01	-0.22	-2.09	-1.95	-4.78
Hp	386. 59	-250.14	0.31	1.47	-1.23	0.98
$v^2$	262.12	- 118. 92	0.27	-1.03	-1.30	-3.60
$H^2$	- 134. 90	- 107. 92	0.19	-2.49	0.88	0.25
$p^2$	222. 21	110.34	0.10	-2.39	-1.32	-2.83

由表 8 确定各个双峰分布模型参数的回归方程,并根据方程绘制各个参数的变化云图。

## 3.3 各因素对模型参数的影响

根据各个参数的二次回归模型,绘制在不同影 响条件下的参数云图。通过三维云图,可以直观地 展现各个参数随影响因素变化的趋势。

3.3.1 对质量参数的影响

沉积量参数 k 反映了两个峰值分布的雾滴沉积 量,其变化规律如图 7 所示。当有横风时,因受到流 场影响的程度不同,一部分雾滴从原本的雾滴群粒 子中分离出去,成为具有不同性质的第 2 雾滴粒子 群。此雾滴粒子群的沉积产生了第 2 峰值沉积量的 分布。喷头喷出的总量在 2 个峰值分布中进行了分 配,一方沉积量增加则另一方沉积量减少。k<sub>1</sub>越大 则说明整体沉积分布越集中;k<sub>2</sub>越大则说明雾滴沉 积在尾部的量越多,飘移更加明显。第 1 峰值沉积 量参数 k<sub>1</sub>在低风速、低压力、低高度的情况下较高, 而 k<sub>2</sub>则较低,此情况下飘移较少,喷出雾滴质量基 本集中于第 1 峰值分布。随着喷雾高度和横风风速 的增加,质量开始向第 2 峰值转移。

## 3.3.2 对位置参数的影响

位置参数 µ 反映了两个峰值分布的集中位置, 是两个分布的中位数和均值,表示双峰分布偏离喷 头位置的水平距离,其变化规律如图 8 所示。两个 分部的雾滴粒子群具有相同的变化趋势,均随着喷



Fig. 7 Three-dimensional cloud maps of sedimentation parameters



Fig. 8 Three-dimensional cloud maps of position parameters

雾高度、喷雾压力和横风风速的增大而偏移距离增 大。在高喷雾压力、高喷雾高度和强横风的情况下, 双峰位置发生的偏移最大,第1峰值分布最大位移

35

为33 cm,第2峰值分布最大位移为59 cm。随着风速增大, $\mu_1$ 受到喷雾高度影响减小;而 $\mu_2$ 随着喷雾压力的增大而减小。当喷雾高度  $H \leq 30$  cm 时,出现  $\mu_1 \leq \mu_2$  的情况,说明两个峰值出现了重合情况。 **3.3.3** 对尺度参数的影响

尺度参数  $\sigma$  反映了两个峰值以  $\mu$  为中心的分 布范围。 $\sigma$  越大,说明沉积量越分散,峰值分布范围 越大; $\sigma$  越小,说明沉积量越集中,峰值分布的范围 越小。其变化规律如图 9 所示。两个峰值的分布范 围皆随着喷雾高度和横风风速的增大而增大。其中  $\sigma_1随着喷雾压力的增大而减小,而 <math>\sigma_2$ 在低风速时受 其影响较小,随着风速增大, $\sigma_2$ 呈现出与 $\sigma_1$ 相同的 变化规律。当v = 4 m/s、H = 50 cm、p = 0.2 MPa 时,  $\sigma_1$ 取得最大值 12 cm。当v = 4 m/s、H = 50 cm、p = 0.2 MPa 时,  $\sigma_1$ 取得最大值 12 cm。当v = 4 m/s、H = 50 cm、p = 0.2 MPa 时,  $\sigma_1$ 取得最大值 12 cm。当v = 4 m/s、H = 50 cm、p = 0.2 MPa 时,  $\sigma_1$ 取得最大值 25 cm。当v = 1 m/s、H = 20 cm、p = 0.8 MPa 时,出现最小值  $\sigma_{2min} = 2$  cm。在  $H \leq 30$  cm 时, $\sigma_2$ 出现接近 0 cm 的情况,其区域与  $\mu_1 \leq \mu_2$ 的区域一致,说明第 2 峰值分布被第 1 峰值 分布包含。

## 4 结论

(1)在有胁迫气流场的情况下,多峰分布式可 以较好地描述雾滴沉积分布(R<sup>2</sup>≥0.99),随着峰数 的增加,模型拟合度提高,随着横风风速的增大,拟 合度降低。以双峰分布数学模型描述雾滴在横风风 速不大于3 m/s 时的沉积分布情况,其拟合决定系 数均大于0.95,说明拟合效果较好。

(2)不同因素对两个峰值分布的相同物理意义 的参数的影响显著度不同。模型本身的双峰值是两 个分布的沉积量分割,两个峰值分布可以分别体现 出雾滴飘移分布的集中性和重尾性。

(3)第1峰值分布和第2峰值分布的沉积量(沉积量参数 k)变化趋势相反,表现为两个分布间



Fig. 9 Three-dimensional cloud maps of scale parameters

的沉积量转移。第1峰值沉积量最大值和第2峰值 沉积量最小值都出现在低喷雾高度、低喷雾压力时 段。因此,在横风存在的情况下,为使药液质量沉积 更集中、尾部沉积质量更少,应采取低作业高度,减 少喷头到靶标的距离,降低喷雾压力。第1峰值和 第2峰值分布的位置(位置参数μ)变化具有相同趋 势,均随着风速、高度的增加而增大,随喷雾压力的 增加而减小,因此,增大喷雾压力可以减小中心飘移 距。第1和第2峰值分布的范围(尺度参数σ)都随 着喷雾高度和风速的增加而增加,沉积量分布更加 分散。增大喷雾压力可以有效减少第1峰值的沉积 量分散,但对第2峰值分布无影响。



- [1] 吕晓兰,傅锡敏,宋坚利,等.喷雾技术参数对雾滴飘移特性的影响[J].农业机械学报,2011,42(1):59-63.
- LÜ Xiaolan, FU Ximin, SONG Jianli, et al. Influence of spray operating parameters on spray drift [J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2011, 42(1):59-63. (in Chinese)
- [2] 宋淑然,洪添胜,孙道宗,等. 风机电源频率对风送式喷雾机喷雾沉积的影响[J]. 农业工程学报,2011,27(1):153-159.
   SONG Shuran, HONG Tiansheng, SUN Daozong, et al. Effect of fan power supply frequency on deposition of air-assisted sprayer
   [J]. Transactions of the CSAE, 2011, 27(1):153-159. (in Chinese)
- [3] 张铁,杨学军,严荷荣,等.风超高地隙喷杆喷雾机风幕式防飘移技术研究[J/OL].农业机械学报,2012,43(12):77-86.
   ZHANG Tie, YANG Xuejun, YAN Herong, et al. Anti-drift technology of super-high clearance boom sprayer with air-assisted system[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2012, 43(12):77-86. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag=1&file\_no=20121215&journal\_id=jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.
   2012.12.015. (in Chinese)
- [4] 荆学东,潘翔,汪泽涛.农药喷洒四轴飞行器的模糊 PID 姿态控制[J]. 排灌机械工程学报,2018,36(5):454-460.
   JING Xuedong, PAN Xiang, WANG Zetao. Attitude control of pesticide spraying quadrotor aircraft based on fuzzy PID[J].

Journal of Drainage and Irrigation Machinery Engineering, 2018, 36(5): 454-460. (in Chinese)

- [5] GRIESANG F, DECARO R A, SANTOS E S, et al. How much do adjuvant and nozzles models reduce the spraying drift? drift in agricultural spraying [J]. American Journal of Plant Sciences, 2017,8(11):2785-2794.
- [6] NUYTTENS D, ZWERTVAEGHER I K A, DEKEYSERD D. Spray drift assessment of different application techniques using a drift test bench and comparison with other assessment methods [J]. Biosystems Engineering, 2016, 154:14 - 24.
- [7] ALVES G S, KRUGER G R, CUNHA J P A R, et al. Dicamba spray drift as influenced by wind speed and nozzle type[J]. Weed Technology, 2017, 31(5):1-8.
- [8] QIN K, TANK H, WILSON S A, et al. Controlling droplet size distribution using oil emulsions in agricultural sprays [J]. Atomization and Sprays, 2010, 20(3):227 - 239.
- [9] AL HEIDARY M, DOUZALS J P, SINFORT C, et al. Influence of nozzle type, nozzle arrangement and side wind speed on spray drift as measured in a wind tunnel[C] // Proceedings International Conference of Agricultural Engineering, 2014.
- [10] STAINIER C, DESTAIN M F, SCHIFFERS B, et al. Droplet size spectra and drift effect of two phenmedipham formulations and four adjuvants mixtures [J]. Crop Protection, 2006, 25(12):1238-1243.
- [11] 文晟,兰玉彬,张建桃,等.农用无人机超低容量旋流喷嘴的雾化特性分析与试验[J].农业工程学报,2016,32(20): 85-93.

WEN Sheng, LAN Yubin, ZHANG Jiantao, et al. Analysis and experiment on atomization characteristics of ultra-low-volume swirl nozzle for agricultural unmanned aviation vehicle [J]. Transactions of the CSAE, 2016, 32(20):85-93. (in Chinese)

- [12] 王志翀,何雄奎,李天,等. 基于激光成像技术的农药雾滴飘移评价方法研究[J]. 农业工程学报,2019,35(9):73-79.
   WANG Zhichong, HE Xiongkui, LI Tian, et al. Evaluation method of pesticide droplet drift based on laser imaging[J].
   Transactions of the CSAE, 2019,35(9):73-79. (in Chinese)
- [13] 朱正阳,张慧春,郑加强,等. 风送转盘式生物农药离心雾化喷头的性能研究[J]. 浙江农林大学学报,2018,35(2):361-366.
   ZHU Zhengyang, ZHANG Huichun, ZHENG Jiaqiang, et al. Performance of an air-assisted spinning disc nozzle for bioligical pesticide[J]. Journal of Zhejiang A&F University, 2018,35(2):361-366. (in Chinese)
- [14] 徐德进,徐广春,许小龙,等.施液量、雾滴大小、叶片倾角及助剂对农药在稻叶上沉积的影响[J].西南农业学报,2015, 28(5):2056-2062.

XU Dejin, XU Guangchun, XU Xiaolong, et al. Effect of application volume, droplet size, rice leaf incline angle and spray adjuvant on pesticide deposition [J]. Southwest China Journal of Agricultural Sciences, 2015, 28(5):2056 - 2062. (in Chinese)

[15] 文晟,韩杰,兰玉彬,等.单旋翼植保无人机翼尖涡流对雾滴飘移的影响[J/OL].农业机械学报,2018,49(8):127-137, 160.

WEN Sheng, HAN Jie, LAN Yubin, et al. Influence of wing tip vortex on drift of single rotor plant protection unmanned aerial vehicle [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018, 49(8):127 - 137, 160. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20180815&journal\_id = jcsam. DOI: 10. 6041/j. issn. 1000-1298. 2018. 08. 015. (in Chinese)

- [16] 张慧春,朱正阳,郑加强,等. 面向林业病虫害防治的生物农药喷施系统[J]. 林业科学,2018,54(10):116-124.
   ZHANG Huichun, ZHU Zhengyang, ZHENG Jiaqiang, et al. Research on biopesticide application system oriented to forest disease and pest control[J]. Scientia Silvae Sinicae,2018,54(10):116-124. (in Chinese)
- [17] HILZ E, VERMEER A V P, LEERMAKERS F A M, et al. Spray drift: how emulsions influence the performance of agricultural sprays produced through a conventional flat fan nozzle[J]. Aspects of Applied Biology, 2012, 114:71-78.
- [18] 李慧,祁力钧,王沛. 悬挂式常温烟雾机气流场与雾滴沉积三维模拟与试验[J/OL]. 农业机械学报,2014,45(4):103-109.
   LI Hui, QI Lijun, WANG Pei. 3-D simulation for airflow field and droplets deposition of hanging cold sprayer[J/OL].
   Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2014, 45(4):103-109. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20140416&journal\_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2014.04.
   016. (in Chinese)
- [19] 祁力钧,傅泽田,高振江.转子喷头的雾滴轨迹及雾滴飘移性能[J].中国农业大学学报,2002,7(2):47-52. QI Lijun, FU Zetian, GAO Zhenjiang. Spray pattern and drift potential of a spinning disk[J]. Journal of China Agricultural University, 2002,7(2):47-52. (in Chinese)
- [20] 张京,宋坚利,何雄奎,等. 扇形雾喷头雾化过程中雾滴运动特性[J]. 农业机械学报,2011,42(4):66-69,75.
   ZHANG Jing, SONG Jianli, HE Xiongkui, et al. Droplets movement characteristics in atomization process of flat fan nozzle[J].
   Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery,2011,42(4):66-69,75. (in Chinese)
- [21] 宋坚利,刘亚佳,张京,等. 扇形雾喷头雾滴飘失机理[J]. 农业机械学报,2011,42(6):63-69. SONG Jianli,LIU Yajia,ZHANG Jing, et al. Drift mechanism of flat fan nozzle[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2011,42(6):63-69. (in Chinese)
- [22] 刘雪美,苑进,张晓辉,等. 气流辅助式喷雾工况参数对雾滴飘移特性的影响[J/OL]. 农业机械学报,2012,43(增刊):67-72. LIU Xuemei, YUAN Jin, ZHANG Xiaohui, et al. Effect of air-assisted spraying condition parameters on boom spray drift characteristics[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2012,43(Supp.):67-72. http://

www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 2012s14&journal\_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2012.S0.014.(in Chinese)

- [23] 苑进,刘雪美,张晓辉,等. 考虑自然风的气辅式喷雾雾滴飘失特性建模与补偿[J]. 农业工程学报,2013,29(14):45-52. YUAN Jin, LIU Xuemei, ZHANG Xiaohui, et al. Modeling and compensation for characteristic of droplet drift on air-assisted boom spraying accounting for wind speeds[J]. Transactions of the CSAE, 2013,29(14):45-52. (in Chinese)
- [24] 杨洲,牛萌萌,李君,等.不同侧风和静电电压对静电喷雾飘移的影响[J].农业工程学报,2015,31(24):39-45. YANG Zhou, NIU Mengmeng, LI Jun, at el. Influence of lateral wind and electrostatic voltage on spray drift of electrostatic sprayer[J]. Transactions of the CSAE, 2015,31(24):39-45. (in Chinese)
- [25] 张慧春, DORR G, 郑加强,等. 喷雾飘移的风洞试验和回归模型[J]. 农业工程学报,2015,31(3):94-100.
   ZHANG Huichun, DORR G, ZHENG Jiaqiang, et al. Wind tunnel experiment and regression model for spray drift[J].
   Transactions of the CSAE,2015,31(3):94-100. (in Chinese)
- [26] 张慧春,郑加强,周宏平,等.农药喷施过程中雾滴沉积分布与脱靶飘移研究[J/OL].农业机械学报,2017,48(8):118-122. ZHANG Huichun, ZHENG Jiaqiang, ZHOU Hongping, et al. Droplet deposition distribution and off-target drift during pesticide spraying operation[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery,2017,48(8):118-122. http:// www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? flag = 1&file\_no = 20170812&journal\_id = jcsam. DOI:10.6041/j. issn. 1000-1298.2017.08.012. (in Chinese)
- [27] 李超,张晓辉,姜建辉,等.葡萄园立管风送式喷雾机的研制与试验[J].农业工程学报,2013,29(4):71-78.
   LI Chao, ZHANG Xiaohui, JIANG Jianhui, et al. Development and experiment of riser air-blowing sprayer in vineyard[J].
   Transactions of the CSAE, 2013, 29(4):71-78. (in Chinese)
- [28] CLAUSET A, SHALIZI C R, NEWMAN M E J. Power-law distributions in empirical data[J]. SIAM Review, 2009,51: 661 703.
- [29] 陈琳,刘维奇. 重尾分布族及其关系图[J]. 高校应用数学学报 A 辑,2009,24(2):166-174.
- [30] 王志强. 基于局部中心量度的聚类算法研究[D]. 广州:华南理工大学, 2018.

(上接第27页)

[23] 杨风波,薛新宇,蔡晨,等. 航空专用离心喷头雾化性能试验与影响因子研究[J/OL]. 农业机械学报, 2019, 50(9): 96-104.

YANG Fengbo, XUE Xinyu, CAI Chen, et al. Atomization performance test and influence factors of aviation special centrifugal nozzle[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2019, 50(9): 96 – 104. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? file\_no = 20190911&flag = 1&journal\_id = jcsam. DOI: 10.6041/j. issn. 1000-1298.2019.09.011. (in Chinese)

- [24] 翟长远,王秀,密雅荣,等. PWM 变量喷雾喷头流量模型[J/OL]. 农业机械学报, 2012, 43(4): 40-44. ZHAI Changyuan, WANG Xiu, MI Yarong, et al. Nozzle flow model of PWM variable-rate spraying[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2012, 43(4): 40-44. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_ abstract.aspx? file\_no = 20120409&flag = 1&journal\_id = jcsam. DOI: 10. 6041/j. issn. 1000-1298. 2012. 04. 009. (in Chinese)
- [25] 兰玉彬,彭瑾,金济.农药喷雾粒径的研究现状与发展[J].华南农业大学学报,2016,37(6):1-9.
   LAN Yubin, PENG Jin, JIN Ji. Research status and development of pesticide spraying droplet size[J]. Journal of South China Agricultural University, 2016, 37(6):1-9. (in Chinese)
- [26] CZACZYK Z. Influence of air flow dynamics on droplet size in conditions of air-assisted sprayers [J]. Atomization and Sprays, 2012, 22(4): 275-282.
- [27] 茹煜,金兰,周宏平,等. 航空施药旋转液力雾化喷头性能试验[J]. 农业工程学报,2014,30(3):50-55.
   RU Yu, JIN Lan, ZHOU Hongping, et al. Performance experiment of rotary hydraulic atomizing nozzle foe aerial spraying application[J]. Transactions of the CSAE, 2014, 30(3):50-55. (in Chinese)
- [28] 张慧春,郑加强,周宏平,等.转笼式生物农药雾化喷头的性能试验[J].农业工程学报,2013,29(4):63-70,295.
   ZHANG Huichun, ZHENG Jiaqiang, ZHOU Hongping, et al. Performance experiments of rotary cage atomizer for biological pesticide application[J]. Transactions of the CSAE, 2013, 29(4):63-70,295. (in Chinese)
- [29] 李云雁, 胡传荣. 试验设计与数据处理[M]. 3 版. 北京:化学工业出版社, 2017.
- [30] ROSSEVINE A N, OSCAR K, MEWATI A. Integrating program and algorithm visualisation for learning data structure implementation[J]. Egyptian Informatics Journal, 2019, 20(3): 193 204.
- [31] QIU Weiwei, XIONG Zhihua, ZHANG Jie, et al. Integrated predictive iterative learning control based on updating reference trajectory for point-to-point tracking[J]. Journal of Process Control, 2020, 85: 41-51.