doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2017.07.050

# 行星飞轮式滚珠丝杠惯容器设计与特性分析

# 葛 正 王维锐

(浙江大学机械工程学院,杭州 310027)

摘要:为提高滚珠丝杠型惯容器的惯容系数与飞轮质量之比(惯-质比),提出了行星飞轮式滚珠丝杠惯容器设计 方案。建立了惯容器力学模型,研究了惯容器各结构参数对飞轮惯-质比的影响规律,通过增加行星轮数量或厚 度、减小销轴半径等提高行星轮自转惯量占飞轮总惯量比重的方法,有效提高了惯-质比;根据行星轮数量、厚度和 销轴半径,计算得到最优的行星轮与外齿圈齿数比,令惯-质比达到最大。对比了行星飞轮和传统单飞轮惯容器的 力学特性,表明在同等飞轮径向尺寸下,行星飞轮可获得更大惯-质比。最后通过试验,验证了理论分析的正确性。 关键词:惯容器;行星飞轮;滚珠丝杠;惯-质比

中图分类号: 0313; TH113 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2017)07-0391-08

# Design and Characteristics Analysis of Ball Screw Type Inerter with Planetary Flywheel

GE Zheng WANG Weirui

(College of Mechanical Engineering, Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

Abstract: The inerter can replace the mass block and realize the dynamic characteristic of large inertia body with small mass, thus greatly enriching the design theory of mechanical vibration network. To achieve the same inertance, the larger the inertia – mass ratio is, the lighter the mass of the flywheel is, and the advantage is more obvious. In order to improve the inertia – mass ratio of ball screw type inerter, a new design of ball screw type inerter with planetary flywheel was put forward. By the mechanical model of inerter, the influence of structure parameters on the inertia - mass ratio of flywheel was researched. Result showed that the inertia - mass ratio could be improved by three methods; increasing the number or thickness of the planet gears, reducing the pin diameter, which increased the proportion of planet gear rotation inertia in the total inertia of flywheel. The maximum inertia - mass ratio could be obtained by the optimal gear ratio of planet gear to ring gear, which was calculated by the number and thickness of planet wheel and the pin diameter. The mechanical properties of planetary flywheel inerter were compared with those of traditional inerter. Analysis of result indicated that the inertia - mass ratio of planetary flywheel inerter was larger than that of traditional inerter with the same diameter of flywheel. But for the same radial size, the planetary flywheel was thicker than the traditional single flywheel. Therefore, the planetary flywheel inerter was suitable for the weight sensitive, and the axial space-rich application occasions. The theoretical analysis was verified by experiment at last.

Key words: inerter; planetary flywheel; ball screw; inertia - mass ratio

引言

2002 年剑桥大学 SMITH<sup>[1]</sup> 根据电容的数学模型提出了一种新型的两端点机械装置 Inerter,该装

置的受力与两端点相对加速度成正比。由于惯容器 在机械网络中的动力学特性与电容在电学网络中的 特性相同,陈龙等<sup>[2]</sup>引入这一概念时,将其翻译为 惯性蓄能器或惯容器。

收稿日期: 2016-09-13 修回日期: 2017-01-10

基金项目: 国家自然科学基金项目(51005206)

作者简介: 葛正(1986-), 男, 博士生, 主要从事车辆零部件试验技术研究, E-mail: gezheng01@126. com

通信作者:王维锐(1978—),男,高级工程师,主要从事车辆工程和汽车零部件测试方法研究,E-mail: wwrzju@126.com

惯容器一方面具有质量块所不具备的两端特性 (质量块相当于单端接地的惯容器),另一方面能取 代质量块并以较小的自身质量实现大惯性体的动力 学特性,因此丰富了机械振动网络的设计理论。如 将动力吸振器中的质量块替换为惯容器后,整体质 量可降低90%以上,令轻型动力吸振器成为可能。 该技术已被应用到车辆悬架、建筑等多个领域<sup>[3-7]</sup>。 惯容器运用在车辆零部件的力学测试系统中,可进 一步实现测试台架与被测零部件的机械阻抗匹配, 从而提高试验台架综合性能。

当前惯容器的结构形式有滚珠丝杠型<sup>[8]</sup>、齿轮 齿条型<sup>[9]</sup>、液压马达型<sup>[10]</sup>、液力发生型<sup>[11]</sup>、液力回 旋型<sup>[12]</sup>等。其中滚珠丝杠型惯容器的摩擦力较小, 能够利用螺母的预紧力减小背隙影响,同等质量惯 容系数较大,综合表现较优<sup>[13]</sup>。由于滚珠丝杠惯容 器的独特优势,目前针对安装单个飞轮的滚珠丝杠 惯容器的理论研究相对较为深入,并成为多种新型 惯容器的结构基础。一些学者研究了滚珠丝杠惯容 器的固有特性<sup>[14-17]</sup>。一些学者则在滚珠丝杠惯容 器的基础上增设调节部件,形成可动态调节的新型 惯容器<sup>[18-20]</sup>。

尽管当前对滚珠丝杠式惯容器有了较多研究, 但对如何用更小的飞轮质量实现更大惯容系数的研 究鲜有见述。尤其当飞轮径向尺寸受限时,单飞轮 惯容器无法通过改变其结构参数或增设定轴轮系提 高其惯-质比放大能力。为进一步提高滚珠丝杠型 惯容器的飞轮惯-质比,本文提出一种行星飞轮式滚 珠丝杠惯容器,利用行星轮的公转和自转复合运动, 增大惯容器的飞轮惯-质比。通过理论分析,建立惯 容系数和惯-质比的数学模型,探明结构要素对惯-质比的影响规律。最后通过试验验证理论分析的正 确性。

# 1 惯容器结构设计及惯容系数的理论分析

# 1.1 惯容器结构设计

如图 1 所示,行星飞轮式滚珠丝杠惯容器的活 塞杆和外壳分别为惯容器的 2 个运动端。活塞杆左 端加工有螺纹,外壳上设置有安装法兰,用于同其他 部件连接。当惯容器 2 个运动端之间发生相对运动 时,活塞杆沿着直线轴承和直线导轨方向推动螺母 左右移动,螺母继而将直线运动转换为丝杠的旋转 运动。飞轮由行星飞轮架和多个行星飞轮共同组 成,行星飞轮架与丝杠一端固定,行星轮则通过外齿 与外齿圈的内齿相啮合。运动中,丝杠与行星飞轮 架等速旋转,行星飞轮则在飞轮架以及外齿圈的共 同作用下,形成既有公转又有自转的复合运动。



1.活塞杆 2.直线轴承 3.安装法兰 4.外壳 5.直线导轨
 6.螺母 7.滚珠丝杠 8.丝杠轴承 9.行星飞轮架 10.销轴
 11.外齿圈 12.行星轮 13.行星轮轴承

#### 1.2 惯容器的惯容系数解析

当齿轮模数相对于飞轮组径向尺度较小时,为 便于分析,假设行星轮、飞轮架及其上的轴销都是均 质圆柱体,外齿圈内半径和飞轮架外半径近似等于 外齿圈分度圆半径,行星轮半径近似等于自身分度 圆半径。惯容器的原理简图如图2所示(隐去了外 壳仅保留行星飞轮、丝杠螺母和活塞杆部分)。



图 2 行星飞轮式滚珠丝杠惯容器原理图

Fig. 2 Schematic diagram of planetary flywheel inerter 1. 销轴 2. 外齿圈 3. 行星轮 4. 飞轮架 5. 丝杆 6. 螺母 7. 活塞杆

图 2 中, x<sub>1</sub>、x<sub>2</sub>为两端位移, R 为外齿圈分度圆半径, r 为行星轮分度圆半径, s 为飞轮架轴销半径, l 为行星轮厚度, L 为飞轮架厚度, H 为飞轮总厚度。

根据能量守恒定律得

$$F(x_1 - x_2) = \frac{1}{2} J_s \omega_s^2 + N \left( \frac{1}{2} J_p \omega_p^2 + \frac{1}{2} J_r \omega_s^2 \right) \quad (1)$$

式中 F→→ 惯容器输出力 N→→ 行星轮数量 J<sub>s</sub>→→ 飞轮架转动惯量(含轴销) J<sub>p</sub>→→ 行星轮自转转动惯量 J<sub>r</sub>→→ 行星轮公转转动惯量 ω<sub>s</sub>→→ 飞轮架→螺母相对角速度 ω<sub>p</sub>→→ 行星轮自转角速度 两侧同取微分得

$$F(v_1 - v_2) = J_s \omega_s \alpha_s + N(J_p \omega_p \alpha_p + J_r \omega_s \alpha_s) \quad (2)$$

393

式中 v1、v2---两端速度

*α*<sub>s</sub>——飞轮架-螺母相对角加速度

α,——行星轮自转角加速度

根据行星轮系的转动关系有

$$\begin{cases} \omega_{p} = \frac{R-r}{r} \omega_{s} \\ \alpha_{p} = \frac{R-r}{r} \alpha_{s} \end{cases}$$
(3)

将式(3)代入式(2)得

$$F(v_1 - v_2) = \left\{ J_s + N \left[ J_p \left( \frac{R - r}{r} \right)^2 + J_r \right] \right\} \omega_s \alpha_s$$
(4)

根据丝杠传动关系有

$$\begin{cases} \omega_{s} = \frac{2\pi}{P} (v_{1} - v_{2}) \\ \alpha_{s} = \frac{2\pi}{P} (a_{1} - a_{2}) \end{cases}$$
(5)

式中 P——丝杠导程

a1、a2——两端加速度

将式(5)代入式(4)得

$$F = \left(\frac{2\pi}{P}\right)^{2} \left\{ J_{s} + N \left[ J_{p} \left(\frac{R-r}{r}\right)^{2} + J_{r} \right] \right\} (a_{1} - a_{2})$$
(6)

设飞轮架、行星轮密度为ρ,分别计算其质量和 转动惯量为

$$\begin{cases} m_{s} = \pi \rho LR^{2} + \pi N \rho ls^{2} \\ m_{p} = \pi \rho l(r^{2} - s^{2}) \end{cases}$$
(7)  
$$\begin{cases} J_{s} = \pi \rho \left[ \frac{1}{2} LR^{4} + N ls^{2} (R - r)^{2} \right] \\ J_{p} = \frac{1}{2} \pi \rho l(r^{2} - s^{2}) r^{2} \\ J_{r} = \pi \rho l(r^{2} - s^{2}) (R - r)^{2} \end{cases}$$
(8)  
$$\# \overrightarrow{x} (8) \# \cancel{x} \cancel{x} (6) \# \end{cases}$$
$$F = 2\pi^{3} \rho \left( \frac{1}{P} \right)^{2} [LR^{4} + N l(3r^{2} - s^{2}) (R - r)^{2}] \cdot$$

$$(a_1 - a_2) \tag{9}$$

因此行星飞轮式滚珠丝杠惯容器的输出力与两 端相对加速度成正比,符合惯容器力学特性定义。 其惯容系数为

$$b = 2\pi^{3}\rho\left(\frac{1}{P}\right)^{2} [LR^{4} + Nl(3r^{2} - s^{2})(R - r)^{2}]$$
(10)

由材料密度、丝杠导程、外齿圈分度圆半径、行 星轮分度圆半径和厚度、飞轮架厚度和销轴半径、行 星轮数量确定。

对式(10)做归一化处理,得到惯容系数计算 模型

$$b = 2\pi^{3}\rho \left(\frac{1}{P}\right)^{2} R^{4} L [1 + N\tau\lambda^{2} (3 - \beta^{2}) (1 - \lambda)^{2}]$$
(11)

# 2 惯容器最优结构参数解析

机械网络设计时,需根据使用要求,确定惯容器 的惯容系数。由于惯容器能用小质量的飞轮实现大 质量物体的动力学特性,因此惯容系数与飞轮质量 比越大,则减质量效果愈加明显。行星飞轮式滚珠 丝杠惯容器的最优结构参数求解问题可以等效为惯 容器在目标惯容系数约束下,求解结构参数令惯容 器的惯-质比达到最大。

#### 2.1 惯-质比的计算

对行星飞轮滚珠丝杠惯容器来说,其惯-质比为

$$A = \frac{b}{m_{s} + Nm_{p}} = 2\left(\frac{\pi}{P}\right)^{2} R^{2} \left\{ 1 + \frac{N\tau\lambda^{2} \left[ (3 - \beta^{2}) (1 - \lambda)^{2} - 1 \right]}{1 + N\tau\lambda^{2}} \right\}$$
(12)

式中 mp——行星轮质量

*m*<sub>s</sub>——飞轮架质量(含轴销)

可见,行星飞轮式滚珠丝杠惯容器的惯-质比包 括两部分:第一部分受丝杠导程 P 和外齿圈分度圆 半径 R 影响;第二部分受飞轮数量 N、行星轮与飞轮 架厚度比 τ、行星轮与外齿圈齿数比 λ、销轴与行星 轮分度圆半径比 β 影响。

设 
$$G(N, \tau, \lambda, \beta) = \frac{N\tau\lambda^2 [(3-\beta^2)(1-\lambda)^2 - 1]}{1+N\tau\lambda^2}$$
(13)

将式(13)代入式(12)得

$$A = 2\left(\frac{\pi}{P}\right)^2 R^2 (1+G) \tag{14}$$

减小丝杠导程能提高惯-质比,但会引起丝杠寿 命和传动效率降低,所以确定丝杠导程后,提高惯-质比的最有效途径是增大飞轮的径向尺寸,由于飞 轮的径向尺寸不可能无限增大。因此优化问题应在 特定的丝杠导程和飞轮径向尺寸下进行讨论。

根据式(14),当丝杆导程和飞轮径向尺寸确定 时,惯容器的惯-质比与 G 正相关,结构参数对 G 的 影响规律等效于结构参数对惯-质比的影响规律,因 此惯容器的参数优化问题可表示为

$$G_{\max} = \max\left\{\frac{N\tau\lambda^{2}\left[\left(3-\beta^{2}\right)\left(1-\lambda\right)^{2}-1\right]}{1+N\tau\lambda^{2}}\right\}$$
(15)
$$\begin{cases}N=1,2,3,\cdots\\ \tau>0\\\vdots,\pi\\ \end{array}$$

.t. 
$$\begin{cases} 0 < \lambda < \frac{\sin \frac{\pi}{N}}{1 + \sin \frac{\pi}{N}} & (行星轮邻接条件) \\ 0 < \beta < 1 \end{cases}$$

#### 2.2 结构参数对惯-质比的影响规律

将式(13)右侧上下同除以  $N_{\tau}$  得

$$G = \frac{N\tau\lambda^{2} \left[ (3 - \beta^{2}) (1 - \lambda)^{2} - 1 \right]}{1 + N\tau\lambda^{2}} = \frac{\lambda^{2} \left[ (3 - \beta^{2}) (1 - \lambda)^{2} - 1 \right]}{\frac{1}{N\tau} + \lambda^{2}}$$
(16)

可见惯-质比与行星轮数量 N、行星轮与飞轮架 厚度比 τ 正相关;同销轴与行星轮分度圆半径比 β 负相关。因此增大  $N_{\tau}$  或减小  $\beta$ ,即增加行星轮自 转惯量占飞轮总惯量的比重,有助于提高惯-质比。  $\lambda$ 、N、 $\tau$  和 $\beta$ 与G关系如图3~5所示。



图 3  $\lambda_N 与 G 关系(\tau = 2, \beta = 0.2)$ 

Fig. 3 Relationship between  $\lambda$ , N and G ( $\tau = 2, \beta = 0, 2$ )

由图 3~5 可见,当 $\lambda \in (0, \lambda_{max})$ 时,存在最优  $\lambda_{opt}$ 令 G 达到最大。

设

 $\begin{cases} \Delta = 3 - \beta^2 \\ \Psi = \frac{1}{N-1} \end{cases}$ (17)



Relationship between  $\lambda$ ,  $\tau$  and G ( $N = 4, \beta = 0.2$ ) Fig. 4



图 5 
$$\lambda,\beta \subseteq G$$
 关系( $N=4,\tau=2$ )

Fig. 5 Relationship between  $\lambda$ ,  $\beta$  and G ( $N = 4, \tau = 2$ )

将式(17)代人式(16)得
$$G = \frac{\Delta \lambda^4 - 2\Delta \lambda^3 + (\Delta - 1)\lambda^2}{\Psi + \lambda^2}$$
(18)

$$\frac{\partial G}{\partial \lambda} = \frac{2\lambda}{(\Psi + \lambda^2)^2} \left[ \lambda^4 - \lambda^3 + 2\Psi \lambda^2 - 3\Psi \lambda + \left(1 - \frac{1}{\Delta}\right)\Psi \right]$$
(19)

 $\lambda_{opt}$ 是方程 $\frac{\partial G}{\partial \lambda}$ =0 在 λ ∈ (0, λ<sub>max</sub>)的根。求解该方程 得到

$$\lambda_{opt} = \frac{1}{4} + \frac{1}{12}\sqrt{9 - 48\Psi + 36Z} - \frac{1}{12}\sqrt{18 - 96\Psi - 36Z + \frac{54(1 + 16\Psi)}{\sqrt{9 - 48\Psi + 36Z}}}$$
(20)

$$\ddagger \psi \quad Z = \frac{\sqrt[3]{2} \left( \Delta \sqrt[3]{2\xi^2} + 8\Psi^2 \Delta + 6\Psi \Delta - 24\Psi \right)}{6\Delta \sqrt[3]{\xi}}$$

$$\xi = \frac{1}{\Lambda} \left[ 16\Psi^3 \Delta + 45\Delta\Psi^2 + 27\Delta\Psi + 144\Psi^2 - 27\Psi + 144\Psi^2 \right]$$

 $^{3}\Psi^{3} + 91\Delta^{3}\Psi^{2} + 256\overline{\Delta}^{2}\Psi^{3} + 86\underline{\Delta}^{3}\Psi + 576\underline{\Delta}^{2}\Psi^{2} + 27\underline{\Delta}^{3} + 246\underline{\Delta}^{2}\Psi + 512\underline{\Delta}\Psi^{2} - 54\underline{\Delta}^{2}\Psi^{2} + 576\underline{\Delta}^{2}\Psi^{2} + 576\underline$  $3(32\Delta^2)$  $-480\Delta\Psi+27\Delta+256$ Δ 行星飞轮惯容器的参数设计流程

2.3

但当飞轮数量过多时,会出现  $\lambda_{opt} > \sin \frac{\pi}{N} / (1 +$ 

 $\sin \left(\frac{\pi}{N}\right)$ ,即因邻接条件限制,无法选用最优  $\lambda$ ,在惯 容器设计时应注意避免。

程为:①根据丝杠受力条件,选定导程 P。②选定径 向空间允许的最大飞轮径向尺寸 R<sub>max</sub>。③选择较大 的飞轮数 N 和行星轮与飞轮架厚度比 $\tau$ 、较小的销

根据上述分析,行星飞轮惯容器的参数设计流

轴半径比 β。④根据式(20)计算最优齿数比 λ<sub>opt</sub>。
 ⑤根据式(11)计算飞轮架厚度 L。⑥根据目标惯容
 系数计算确定其他结构参数。

# 2.4 单飞轮和行星飞轮惯容器对比

对图 6 所示的单飞轮滚珠丝杠惯容器来说,其 惯-质比为



图 6 单飞轮滚珠丝杠型惯容器

Fig. 6 Ball screw type inerter with single flywheel

惯-质比由丝杠导程和飞轮径向尺寸确定,与飞 轮厚度无关。较小的丝杠导程或较大的飞轮径向尺 寸能获得较大的惯-质比。

2种惯容器实现相同惯容系数时有

 $H'R'^{4} = R^{4}L[1 + N\tau\lambda^{2}(3 - \beta^{2})(1 - \lambda)^{2}]$ (22)

两者飞轮径向尺寸相同时,*R* = *R*'。由式(21)可 知,当飞轮径向尺寸受限时,单飞轮惯容器的惯-质 比被锁定,无法通过结构参数调整。2 种惯容器的 惯-质比关系为

$$\frac{A}{A'} = 1 + G = 1 + \frac{N\tau\lambda^{2}[(3-\beta^{2})(1-\lambda)^{2}-1]}{1+N\tau\lambda^{2}}$$
(23)

当 $\lambda < 1 - 1/\sqrt{3 - \beta^2}$ 时,恒有 $(3 - \beta^2)(1 - \lambda)^2 - 1 > 0$ ,即A > A',行星飞轮惯容器的惯-质比大于单 飞轮惯容器。

两者飞轮厚度关系为

$$\frac{H}{H'} = \frac{1 + \tau}{1 + \tau N \lambda^2 (3 - \beta^2) (1 - \lambda)^2}$$
(24)

在各参数取值区间内,恒有 $N\lambda^2(3-\beta^2)$ ·(1- $\lambda$ )<sup>2</sup> <1。即H > H'。

因此,在飞轮径向尺寸约束下,为达到相同的惯 容系数,行星飞轮式惯容器的飞轮质量小于单飞轮 惯容器,但需要相对较大的飞轮厚度。

## 3 试验

### 3.1 样机制作与台架试验

采用图1所示结构方案,设计并制作行星飞轮

惯容器。作为参照,同时制作4种采用不同结构参数的行星飞轮,以及与1号行星飞轮径向尺寸和总厚度均相同的单飞轮。主要结构参数如表1所示。

表 1	行星飞轮式滚珠丝杠惯容器零件结构参数
Tab. 1	Structure parameters of parts of ball screw type

#### inerter with planetary flywheel

会粉	行星飞轮				出业办
参奴	1号	2号	3号	4号	半 & 北
丝杠外径 m <sub>s</sub> /mm	20	20	20	20	20
丝杠导程 P/mm	10	10	10	10	10
齿轮模数	2	2	2	2	
外齿圈齿数 $Z_2$	50	50	50	50	
行星轮数量 N	4	2	4	4	
行星轮厚度 l/mm	15	15	10	15	
行星轮齿数 $Z_1$	17	17	17	13	
飞轮架轴销半径 s/mm	9.5	9.5	9.5	9.5	
飞轮架厚度 L/mm	7	7	7	7	
销轴半径比β	0.559	0.559	0.559	0.731	
齿数比 λ	0.34	0.34	0.34	0.26	
行星轮与飞轮架厚度比τ	2.143	2.143	1.429	2.143	
飞轮组总质量/kg	0. 790	0.613	0.686	0.654	1.175
惯容系数/kg	346.2	223.1	270.1	299.7	459.4
惯-质比	438.2	364.0	393.7	458.3	390.6

通过对惯容系数的理论计算,并实测飞轮质量 可知:对比2号和1号飞轮,行星轮数量从2增加到 4后,飞轮惯-质比提高了20.4%;对比1号和3号 飞轮,行星轮与飞轮架厚度比 $\tau$ 下降了66.7%,飞 轮惯-质比降低了10.1%;对比1号和4号飞轮,虽 然4号飞轮的销轴半径比 $\beta$ 更大,但其齿数比( $\lambda =$ 0.26)更接近最优齿数比( $\lambda_{opt} = 0.24$ ),飞轮惯-质 比提高了4.6%;对比4号飞轮和单飞轮,在相同的 径向尺寸情况下,4行星飞轮的惯-质比相对单飞轮 提高了17.3%,表现出显著的减质量优势。

制作2种飞轮以及惯容器样机,如图7、8所示。



图 7 行星飞轮与单飞轮样机 Fig. 7 Prototype of planetary flywheel and single flywheel

搭建试验台架(图9、10),液压缸固定在试验台 承载框架的一端,惯容器通过前端法兰面与试验台 承载框架的另一端固定,液压杠的作动杆前端安装 力传感器,并通过连接器与惯容器的活塞杆连接。 通过 MOOG Portable 控制器控制液压缸,液压缸驱 动惯容器的活塞杆与其壳体产生相对运动。由 NI



图 8 惯容器样机

Fig. 8 Prototype of inerter

1. 活塞杆 2. 前端法兰 3. 螺母 4. 滚珠丝杠 5. 外齿圈 6. 行星轮



Compact - RIO 数据采集系统实时采集惯容器活塞 杆的位移和力信号并发送给计算机,供后续数据 分析。

# 3.2 正弦输入试验

通过液压作动缸,令惯容器活塞杆与外壳之间 发生幅值为7mm,频率为5Hz的正弦运动。记录



图 10 惯容器样机及试验台架

Fig. 10 Prototype of inerter and test bed 1. 液压缸 2. 力传感器 3. 连接器 4. 承载框架 5. 惯容器 6. 飞轮室

过程中惯容器两端相对位移和作用力,作用力的时间响应曲线如图 11 所示。

由图 11 可见,惯容器输出力均基本与理论计算 结果相吻合,表明对惯容系数的理论计算是正确的。

## 3.3 随机输入试验

通过液压作动缸给1号行星飞轮和单飞轮惯容器输入如图12所示,频率范围为0.5~15Hz的速度白噪声,其功率谱密度函数(m<sup>2</sup>/Hz)为

$$G_{\rm input} = 6.4 \times 10^{-6} f^{-1}$$

式中 f---频率,Hz

分析试验数据,得到输出力的功率谱密度和位 移-输出力传递特性(图13)。由图13可见,行星飞 轮和单飞轮惯容器位移-力传递特性相似,表明在该 频段行星式飞轮可以替代单飞轮作为滚珠丝杠惯容 器的惯性部件。其中低频段,两者的输出特性基本



Fig. 11 Time responses of output force of inerters



相同,这主要是因为摩擦力的影响较大,惯容特性体现尚不明显<sup>[14]</sup>;高频段,两者的位移频响均随频率

提高而增大,符合理想惯容器的特性规律,增益的差 异主要是因为2种惯容器的惯容系数不同。





综合图 11 和图 13 来看,行星飞轮与单飞轮惯 容器的动态特性相似,但由于摩擦、粘滞等非线性因 素,导致输出力响应曲线均发生一定程度的畸变,输 出与理想惯容器有一定差异,其形成机理应进一步 研究。

# 4 结论

(1)行星飞轮能用作滚珠丝杠惯容器中的惯性 部件,并且相对单飞轮来说,能大幅提高滚珠丝杠惯 容器的飞轮惯-质比。 (2)行星飞轮惯容器的惯-质比可通过多个结构参数进行调节,增加行星轮数量、加厚行星轮、减小飞轮架销轴半径,即提高行星轮的自转惯量占飞轮总惯量比重,均能提高惯-质比。根据以上3个参数,可计算得到最优的行星轮与外齿圈齿数比,令惯-质比达到最大。

(3)相同径向尺寸限制下,达到相同的惯容系数,行星飞轮组厚度大于单个飞轮。因此行星飞轮 惯容器适用于对惯容器自重敏感而轴向空间相对充裕的场合。

#### 参考文献

- 1 SMITH M. Synthesis of mechanical networks: the inerter [J]. IEEE Transactions on Automatic Control, 2002, 47(10):1648 1662.
- 2 陈龙,张孝良,江浩斌,等. 基于机电系统相似性理论的蓄能悬架系统[J]. 中国机械工程,2009,20(10):1248-1251. CHEN Long, ZHANG Xiaoliang, JIANG Haobin, et al. Vehicle suspension system employing inerter based on electricalmechanical analogy theory [J]. China Mechanical Engineering, 2009, 20(10):1248-1251. (in Chinese)
- 3 SHEN Yujie, CHEN Long, YANG Xiaofeng, et al. Improved design of dynamic vibration absorber by using the inerter and its application in vehicle suspension [J]. Journal of Sound and Vibration, 2016, 361:148-158.
- 4 WANG F C, HONG M F, CHEN C W. Building suspensions with inerters [J]. Proc. IMechE, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science, 2010, 224(8):1605 1616.
- 5 孙晓强,陈龙,汪少华,等.2级串联式 ISD 悬架非线性建模与参数优化[J/OL]. 农业机械学报, 2014, 45(6):7-13. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? file\_no = 20140602&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298. 2014.06.002.

SUN Xiaoqiang, CHEN Long, WANG Shaohua, et al. Nonlinear modeling and parameter optimization of two-stage series-connected ISD suspension [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2014, 45(6):7-13. (in Chinese)

6 杨晓峰. 基于动力吸振原理的车辆 ISD 悬架动力学特性与实现方法研究[D]. 镇江:江苏大学, 2013.

YANG Xiaofeng, Research on dynamic characteristics and realization method of vehicle inerter-spring-damper suspension based on dynamic vibration absorbers principle [D]. Zhenjiang: Jiangsu University, 2013. (in Chinese)

7 张孝良,聂佳梅,汪若尘,等. 基于惯容-弹簧-阻尼结构体系的被动天棚阻尼悬架系统[J/OL]. 农业机械学报,2013, 44(10):10-14,9. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view\_abstract.aspx? file\_no = 20131002&flag = 1. DOI:10. 6041/j.issn.1000-1298.2013.10.002.

ZHANG Xiaoliang, NIE Jiamei, WANG Ruochen, et al. Passive skyhook-damping suspension system based on inerter – spring – damper structural system[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2013, 44(10):10-14,9. (in Chinese)

- 8 EVANGELOU S, LIMEBEER D, SHARP R, et al. Control of motorcycle steering instabilities [J]. IEEE Control Systems, 2006, 26(5):78-88.
- 9 SMITH M, WANG F C. Performance benefits in passive vehicle suspensions employing inerters [J]. Vehicle System Dynamics, 2004, 42(4):235-257.
- 10 WANG F C, HONG M F, LIN T C. Designing and testing a hydraulic inerter [J]. Proc. IMech E, Part C: Journal of Mechanical Engineering Science, 2011, 225(1):66-72.
- 11 聂佳梅,张孝良,江浩斌,等.惯容器模型结构探索[J].机械设计与研究,2012,28(1):29-32.
   NIE Jiamei,ZHANG Xiaoliang, JIANG Haobin, et al. Research on the inerter structure [J]. Machine Design and Research, 2012, 28(1):29-32. (in Chinese)
- 12 SWIFT S, SMITH M, GLOVER A, et al. Design and modeling of a fluid inerter [J]. International Journal of Control, 2013, 86(11): 2035 - 2051.
- 13 WANG F C, CHAN H A. Vehicle suspensions with a mechatronic network strut [J]. Vehicle System Dynamics, 2011, 49(5): 811-830.
- 14 张孝良,聂佳梅.摩擦力对滚珠丝杠惯容器频响特性的影响[J].机械科学与技术,2015,34(5):770-774. ZHANG Xiaoliang, NIE Jiamei. Influence of the friction force on the frequency response characteristics of ballscrew inerter [J]. Mechanical Science and Technology for Aerospace Engineering, 2015, 34(5):770-774. (in Chinese)
- 15 PAPAGEORGIOU C, SMITH M. Laboratory experimental testing of inerters [C] // Proceedings of the 44th IEEE Conference on Decision and Control, and the European Control Conference, 2005:3351-3356.
- 16 孙晓强,陈龙,汪若尘,等. 滚珠丝杠式惯容器试验及力学性能预测[J]. 振动与冲击,2014,33(14):61-65,83. SUN Xiaoqiang, CHEN Long, WANG Ruochen, et al. Experiment and mechanical properties prediction on ball-screw inerter [J]. Journal of Vibration and Shock, 2014, 33(14):61-65,83. (in Chinese)
- 17 SUN X Q, CHEN L, WANG S H, et al. Performance investigation of vehicle suspension system with nonlinear ball-screw inerter [J]. International Journal of Automotive Technology, 2016, 17(3):399 - 408.
- 18 HU Yinlong, CHEN M Z Q, XU Shengyuan, et al. Semiactive inerter and its application in adaptive tuned vibration absorbers [J]. IEEE Transactions on Control Systems Technology, 2017,25(1):294 - 300.
- 19 PIRES L, SMITH M, HOUGHTON N E, et al. Design trade-offs for energy regeneration and control in vehicle suspensions [J]. International Journal of Control, 2013, 86(11):2022 - 2034.
- 20 ZHU D, LIU Y, WEN J. A simulation research of the mechatronic inerter based on active control [C] // IEEE International Conference on Information and Automation, 2015:1269-1272.