doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2022.11.002

# 基于履带式联合收获机转向特性的局部跟踪路径规划

# 何永强 周 俊 袁立存 郑彭元 梁子安

(南京农业大学工学院,南京 210031)

**摘要:**为降低履带式联合收获机导航路径跟踪转向控制频率和提高控制系统的稳定性,提出了一种预瞄--切线局部 跟踪路径动态规划算法。规划的局部跟踪路径由平滑连接的两段弧线组成,第1段圆弧由收获机当前位姿与1/2 横向偏差线上的预瞄点确定,第2段圆弧由收获机在1/2横向偏差线的实际位姿与期望路径的几何关系确定;基 于收获机实际转向运动特性建立了相适应的转向控制模型,左转、右转控制模型拟合的决定系数 *R*<sup>2</sup>分别为0.978、 0.980。田间直线导航跟踪对比试验表明:当前进速度为0.4、0.8 m/s时,横向偏差的标准差分别为0.0489、 0.0507m,航向偏差的标准差分别为3.94°、4.66°,转向控制次数分别为19、12次;与传统纯追踪算法相比,横向偏 差的标准差分别减小19.04%、31.30%,航向偏差的标准差分别减小25.94%、9.16%,转向控制次数分别减少 47.22%、42.86%。本研究可为履带式农机车辆导航控制器设计提供参考。

关键词:联合收获机;导航;局部路径规划;履带式;转向特性





# Local Tracking Path Planning Based on Steering Characteristics of Crawler-type Combine Harvester

HE Yongqiang ZHOU Jun YUAN Licun ZHENG Pengyuan LIANG Zi'an (College of Engineering, Nanjing Agricultural University, Nanjing 210031, China)

**Abstract**: To reduce the navigation path tracking steering control frequency of crawler-type combine harvester and improve the stability of the control system, an aiming – tangent local tracking path dynamic planning algorithm was proposed. The planned local tracking path consisted of two smoothly connected arcs, the first arc defining the aiming point on the line of 1/2 lateral deviation from the current position of the harvester, and the second arc defining the geometry of the desired path from the actual positioning of the harvester on the line of 1/2 lateral deviation. An adapted steering control model was established based on the actual steering motion characteristics of the harvester, with  $R^2$  of 0.978 and 0.980 fitted to the left-turn and right-turn control models, respectively. The straight-line navigation tracking comparison test in the field showed that the standard deviation of lateral deviation was 0.048 9 m and 0.050 7 m, the standard deviation of heading deviation was  $3.94^{\circ}$  and  $4.66^{\circ}$ , and the number of steering control was 19 and 12 when the vehicle speed was 0.4 m/s and 0.8 m/s, correspondingly. Compared with the conventional aiming pursuit algorithm, the standard deviation of lateral deviation was reduced by 19.04% and 31.30%, the standard deviation of heading deviation was reduced by 25.94% and 9.16%, and the number of steering control was reduced by 47.22% and 42.86%, respectively. The results can provide a reference for crawler-type agricultural vehicles navigation controllers.

Key words: combine harvester; navigation; local path planning; crawler-type; steering characteristics

0 引言

农业机械自动导航控制是实现无人生产作业的

关键技术,优化农机在非结构化环境条件下的跟踪 控制方法是近年来的研究热点,对提高作业质量和 作业效率具有重要意义<sup>[1-4]</sup>。

收稿日期: 2021-12-27 修回日期: 2022-01-25

基金项目: 江苏省现代农机装备与技术示范推广项目(NJ2021-59、NJ2020-61)

作者简介:何永强(1993—),男,博士生,主要从事智能化收获装备研究,E-mail: hyqsummer93@163.com

通信作者:周俊(1974—),男,教授,博士生导师,主要从事农业装备智能化技术和农业机器人研究,E-mail: zhoujun@ njau. edu. en

履带式车辆与地面接触面积大,对耕作层土壤 破坏小、通过性好,其中履带式联合收获机被广泛应 用于水田收获作业,并逐步步入无人化阶段。导航 控制中履带式与轮式车辆转向原理不同,轮式车辆 的转向控制参数与转向轮偏角数学关系明确,转向 控制频率越高,跟踪轨迹越平滑紧凑,越有利于农机 通过连续小角度近似线性调整纠偏上线<sup>[5-9]</sup>。而履 带式联合收获机底盘行走系统通常采用变速箱加静 液压无级变速器(Hydro static transmission, HST),依 靠多片式摩擦离合器单边制动转向,转向半径与摩 擦制动程度有关,不易通过理论计算获得转向控制 参数与实际转向半径之间的关系[10],适用于履带式 车辆转向特性的导航路径跟踪技术难题还未得到有 效解决<sup>[11]</sup>。鉴于此,国内外学者针对履带式联合收 获机转向控制参数与实际运动特性之间的关系进行 了深入研究。NOGUCHI团队<sup>[12-13]</sup>通过田间试验建 立了行走、转向控制参数与转向角速度之间的关系, 利用履带式联合收获机运动状态方程解算到达目标 位置所需的转向控制量。关卓怀<sup>[14]</sup>基于最小二乘 支持向量机(LS-SVM)提出在线识别履带式联合 收获机转向控制模型,通过动态拟合实际转向率和 占空比的函数关系修正转向控制模型,利用周期性 圆弧--切线交替循环行进策略实施路径跟踪控制。 上述学者通过离线或在线的方式获得了转向控制参 数与实际转向运动特性之间的关系,并利用小周期 多段圆弧平滑衔接进行路径跟踪,提高了路径跟踪 精度。但履带式车辆位姿调整控制过程中,转向半 径变化频率较高,易加剧离合器结合冲击[15-16],且 会引起液压系统振荡冲击,进而导致液压油路、管件 加速损坏,不利于控制系统的稳定[17-19]。作业时收 获机沉陷、滑移、液压系统时滞等现象导致高频转向 激励信号无法使车辆及时稳定响应预设动作,进而 导致控制超调、系统响应滞后等影响跟踪精度的问 题<sup>[20-22]</sup>。因此,传统小周期追踪控制方法在单边制 动转向履带式农机的实际生产应用中还存在一定的 局限性,研发适用于农机转向特性的低频导航控制 方法对提高导航精度和系统稳定性具有重要意义。

针对上述问题,本文提出一种基于履带式联合 收获机转向特性的预瞄-切线局部跟踪路径动态规 划算法,通过构建履带式联合收获机跟踪控制试验 平台进行田间试验研究,验证该跟踪控制算法的有 效性,以期为履带式农机导航跟踪控制提供参考。

1 局部跟踪路径规划

**1.1 预瞄-切线局部跟踪路径动态规划算法原理**局部跟踪路径是农机按照一定的跟踪策略,

规划从当前位置趋近期望路径的行驶路线,合理的局部跟踪路径可极大提高农机的导航精度和稳定性。预瞄-切线法动态规划的跟踪路径由平滑连接的两段弧线组成,第1段圆弧由收获机当前位姿与1/2横向偏差线上的预瞄点确定,第2段圆弧由收获机在1/2横向偏差线的实际位姿与期望路径的相切几何关系确定。如图1所示,在车体坐标系xOy下收获机当前位置为点O,y轴正方向为收获机前进方向,x轴正方向指向车体右侧,期望路径为直线 $N_1M_2$ ,线段 $ON_1$ 长度为初始横向偏差 $d_{el}$ ;射线Oy为收获机当前航向, $OE_1$ 与 $N_1M_2$ 平行,初始航向偏差为 $\theta_{el}$ ;点G为 $ON_1$ 的中点,1/2横向偏差线 $GE_2$ 平行于期望路径 $N_1M_2$ 。 $d_{min}$ 为允许横向偏差。



Fig. 1 Aiming – tangent local tracking path planning

第1次转向利用预瞄点快速逼近期望路径:预 瞄点 M1在 1/2 横向偏差线 GE2上,线段 OM1长度为 前视距离 L<sub>4</sub>;设转向圆弧的圆心为点 O<sub>41</sub>,第1次转 向半径为 R<sub>4</sub>。收获机通过第1次转向到达预瞄点  $M_1$ (设实际到达位置为点  $M'_1$ ),此时直线  $M'_1H$  为收 获机当前航向,航向偏差为θ,。横向偏差为线段  $M'_1N_2$ 长度即  $d_{e2}$ 。若  $d_{e2} < d_{\min}$ ,收获机保持直行,否 则开始第2次转向;第2次转向利用切线圆弧调整 上线姿态:过点  $M'_1$  做  $M'_1H$  的垂线  $O_{a2}M'_1$ ,做  $N_1M_2$ 的 垂线  $O_{a}M_{a}$ 使得以点  $O_{a}$ 为圆心的圆弧  $M'_{1}M_{2}$ 同时相 切于直线 M'<sub>1</sub>H 和直线 N<sub>1</sub>M<sub>2</sub>, 第2次转向半径为 R<sub>2</sub>。通过第2次转向到达期望路径上的切点 M<sub>2</sub> (设实际到达位置为点 M'<sub>2</sub>)。通过两次转向逼近期 望路径,降低了转向控制频率,同时也增加了控制过 程的稳定性。局部跟踪路径规划及导航控制算法流 程图如图2所示。

#### 1.2 跟踪弧线半径确定

广泛应用于车辆局部跟踪路径规划的纯追踪模



图 2 局部跟踪路径规划及导航控制算法流程图 Fig. 2 Flow chart of local tracking path planning and navigation control algorithm

型是一种基于车辆运动学模型的模拟人工驾驶行为 的几何计算方法,通过计算车辆位姿与期望路径之 间的数学关系得到车辆逼近预瞄点的弧线路 径<sup>[23-25]</sup>,如图3所示。



图 3 纯追踪模型几何示意图

Fig. 3 Geometric diagram aiming pursuit model

车体坐标系 xOy 下, 1/2 横向偏差线为 NM, 预 瞄点 M 坐标为(x', y'), 线段 OM 长度为前视距离  $L_d$ ; 线段 ON 长度为横向偏差  $d_{el}/2$ ; OE 与 NM 平行, 航向偏差为  $\theta_{el}$ ; 点  $O_e$ 为转向圆弧的圆心, 线段 OO<sub>e</sub> 长度为转向半径  $R_{el}$ , 线段  $O_eQ$  的长度为  $l_o$  规定横 向偏差  $d_e$ 偏左为负、偏右为正, 航向偏差  $\theta_e$ 偏左为 负、偏右为正。由图 3 中的几何关系可知

$$\begin{cases} x' = R_{c1} + l \\ R_{c1}^2 = l^2 + {y'}^2 \\ L_d^2 = {x'}^2 + {y'}^2 \end{cases}$$
(1)

由式(1)得第1段圆弧转向半径为

$$R_{e1} = \frac{L_d^2}{2\left(\frac{d_{e1}}{2}\cos\theta_{e1} + \sin\theta_{e1}\sqrt{L_d^2 - \frac{d_{e1}^2}{4}}\right)}$$
(2)

由式(2)可知跟踪路径圆弧半径  $R_{el}$ 由前视距 离 $L_a$ 、横向偏差 $d_{el}$ 和航向偏差 $\theta_{el}$ 共同决定。由图1 易知第2次转向后,轨迹圆弧与期望路径相切,可得 第2段圆弧转向半径为

$$R_{c2} = \frac{-d_{c2}}{1 - \cos\theta_{c2}}$$
(3)

收获机逆时针转向时的转向半径  $R_{el}$ 、 $R_{e2}$ 为正, 顺时针转向时为负。

# 1.3 前视距离动态调整

模糊控制器对非线性系统控制和专家经验知识的表达效果显著,尤其在复杂农田作业场景中应用 广泛<sup>[26]</sup>。为了确定联合收获机在不同位姿状态的 前视距离,本文以横向偏差和航向偏差作为模糊控 制器的输入,前视距离作为输出。横向偏差 $d_e$ 基本 论域为[-0.6 m,0.6 m],量化等级为{-1,-0.5, 0,0.5,1} = {NB,NS,ZO,PS,PB},量化因子为 5/3; 航向偏差 $\theta_e$ 基本论域为[-20°,20°],量化等级为 {-1,-0.5,0,0.5,1} = {NB,NS,ZO,PS,PB},量 化因子为 1/20;前视距离基本论域为[1 m,5 m],量 化等级为{0.2,0.4,0.6,0.8,1} = {S,M,Z,L,BL}, 量化因子为 1/5。采用三角隶属度函数对变量进行 模糊化,利用加权平均法进行反模糊化。模糊控制 规则如表 1 所示,模糊控制曲面如图 4 所示。

表 1 模糊控制规则 Tab. 1 Fuzzy control regulation

横向偏差	航向偏差 $\theta_e$				
$d_{e}$	NB	NS	ZO	PS	PB
NB	S	S	М	М	М
NS	М	М	Z	Z	Z
ZO	Ζ	L	BL	L	Z
$\mathbf{PS}$	Ζ	Z	Z	М	М
PB	М	М	Μ	S	S



# 1.4 跟踪路径切线圆弧半径确定

为了高效平滑地逼近期望路径,应根据收获机 实时位姿状态采取不同的跟踪策略,如图 5 所示,  $R_{\min}$ 为联合收获机最小转向半径,m;当 $|R_{c1}| < R_{\min}$ 时, $R_{c1} = \frac{R_{c1}}{|R_{c1}|}R_{\min}$ ;当 $|R_{c2}| < R_{\min}$ 时, $R_{c2} = \frac{R_{c2}}{|R_{c2}|}R_{\min}$ 。 当 $d_{e1}\theta_{e1} < 0$ 时,线段O'H长度为航向上收获机与 1/2 横向偏差线的距离 $l_b$ ,即



# 1.5 仿真对比分析

为验证本研究提出的预瞄-切线局部跟踪路径 动态规划算法的控制效果,利用 Matlab 2020b 软件 分别对本算法和传统纯追踪算法的上线过程进行仿 真对比分析。设期望路径为直线 Y=0,收获机位姿 状态更新方程为

$$\begin{bmatrix} X_i \\ Y_i \\ \theta_{ei} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} X_{i-1} \\ Y_{i-1} \\ \theta_{e(i-1)} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \cos\theta_{e(i-1)} & \sin\theta_{e(i-1)} & 0 \\ -\sin\theta_{e(i-1)} & \cos\theta_{e(i-1)} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 - \cos\frac{vT}{-R_{i-1}} \\ \sin\frac{vT}{-R_{i-1}} \\ \frac{vT}{R_{i-1}^2} \end{bmatrix} \cdot \begin{pmatrix} -R_{i-1} \end{pmatrix}$$
(5)

式中 *i*——收获机姿态序号

 $X_i$ ——第 i 个姿态位置横坐标

  $Y_i$ ——第 i 个姿态位置纵坐标

  $\theta_{ei}$ ——第 i 个姿态航向偏差

  $R_{i-1}$ ——第 i-1 次的转向半径

 v——前进速度

  $\pi$ 

T——转向控制周期

为便于比较,前视距离 $L_a$ 均设置为 2.5 m,前进 速度 v 为 1.0 m/s,结合收获机转向控制瞬态响应特 性设置转向控制周期 T 为 1.0 s,收获机状态观测周 期为 0.2 s。当横向偏差满足条件  $d_{e(i-1)}d_{ei} \leq 0$  则认 为收获机上线,程序结束运行。分别进行两组仿真 对比试验,记录收获机上线时的姿态信息,试验结果如图 6 和表 2 所示。



Fig. 6 Simulation comparison test results

表 2 仿真试验结果

Tab. 2 Simulation test results

组别	$n_k$	$d_e$ /m	$\theta_{e}/(\circ)$	$L_s$ /m
al	5	-0.010900	3.01	4.95
a2	2	-0.000037	0.33	3.49
b1	4	-0.035 800	6.03	3.87
b2	2	-0.000002	0.04	5.49

注:n<sub>k</sub>为转向控制次数;L<sub>s</sub>为上线距离。

仿真试验结果表明,初始位姿条件为 $X_0 =$ -0.5 m、 $Y_0 = 0$  m、 $\theta_{e0} = -15^\circ$ 以及 $X_0 = -1.0$  m、  $Y_0 = 0$  m、 $\theta_{e0} = 5^\circ$ 时,预瞄-切线法只需转向 2 次,转 向控制次数比传统算法减少 50% 以上,收获机上线 时的横向偏差和航向偏差均小于传统纯追踪算法。 仿真结果表明,预瞄-切线局部跟踪路径动态规划算 法原理上可行,满足跟踪精度高和转向控制次数低 的要求,可以用于导航路径跟踪控制。

# 2 转向控制模型构建

# 2.1 转向控制模型构建方法

自动导航系统根据路径跟踪策略计算得出的速 度控制参数 V 和转向控制参数 K,分别等效于收获 机手动操作模式下,前进操作手柄和转向操作手柄 产生的模拟量电压信号值。工控机通过 CAN 通讯 的方式,将控制参数传输给车载控制器作为输入信 号对电控液压系统实施控制,分别实现行走和转向 动作。控制参数相同条件下,履带式农机在不同地 况条件下的沉陷、滑转、滑移程度均有较大差异,尤 其在地况参数未知的情况下,无法直接建立与农机 转向特性相适应的控制模型。当局部跟踪路径确定 后,获得适应于收获机转向特性的转向控制参数尤 为关键。

为了得到转向控制参数 K 与转向半径 R、前进 控制参数 V 之间的关系,本研究在同一地块土壤物 理特性相近的前提条件下,通过田间试验的方法获得上述参数之间的数学关系,建立与收获机实际转向特性相适应的转向控制模型。前期单因素试验发现,转向控制参数 K 与转向半径 R 呈自然对数函数关系(V=6813 mV),如图 7 所示。



为探究收获机实际前进速度 v 与前进控制参数 V之间的关系,收获机保持直行状态下进行单因素 试验,每组重复3次,结果取平均值,试验结果如 图8所示。分别利用线性函数、二次函数、三次函数 和对数函数进行最小二乘拟合,拟合决定系数 R<sup>2</sup>分 别为0.9707、0.9707、0.9934、0.9637,在前进控制 参数有效范围内,三次函数拟合精度最高,拟合方 程为



当前进速度一定时,履带与地面存在滑移、滑转 现象,车辆实际转向半径大于理论转向半径,且随着 前进速度的增大,转向半径也随之增大。因此,收获 机导航跟踪路径圆弧确定后,实际转向控制时需要 通过改变转向控制值减小转向半径,补偿因侧滑导 致的曲率减小量<sup>[27]</sup>。设收获机前进速度控制参数 与转向控制参数呈线性关系,综合上述分析构建转 向控制数学模型

$$K(R,V) = a \ln R + b R V + c V + d \tag{7}$$

式中 a、b、c、d——转向控制模型系数

田间实测数据集合为{(*K<sub>i</sub>*, *R<sub>i</sub>*, *V<sub>i</sub>*)}(*i* = 1, 2, …, *n*),利用最小二乘法对转向控制模型曲面方程进行拟合,建立目标函数

$$F(a,b,c,d) = \sum_{i=1}^{n} (a \ln R_i + b R_i V_i + c V_i + d - K_i)^2$$
(8)

式中 n——实测数据总组数

当同时满足
$$\frac{\partial F}{\partial a} = 0$$
、 $\frac{\partial F}{\partial b} = 0$ 、 $\frac{\partial F}{\partial c} = 0$ 、 $\frac{\partial F}{\partial d} = 0$ 时,  
 $F(a,b,c,d)$ 取得极值点,即有

$$\begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{n} (\ln R_i)^2 & \sum_{i=1}^{n} R_i V_i \ln R_i & \sum_{i=1}^{n} V_i \ln R_i & \sum_{i=1}^{n} \ln R_i \\ \sum_{i=1}^{n} R_i V_i \ln R_i & \sum_{i=1}^{n} R_i^2 V_i^2 & \sum_{i=1}^{n} R_i V_i^2 & \sum_{i=1}^{n} R_i V_i \\ \sum_{i=1}^{n} V_i \ln R_i & \sum_{i=1}^{n} R_i V_i^2 & \sum_{i=1}^{n} V_i^2 & \sum_{i=1}^{n} V_i \\ \sum_{i=1}^{n} \ln R_i & \sum_{i=1}^{n} R_i V_i & \sum_{i=1}^{n} V_i & n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^{n} \ln R_i V_i K_i \\ \sum_{i=1}^{n} K_i V_i \end{bmatrix}$$

(9)

通过矩阵运算可求解出目标函数的各项系数, 从而得到转向控制数学模型。

# 2.2 实际转向半径测算

转向过程中,将实时采集到的联合收获机在世 界大地坐标系(WGS84)下的经纬度位置信息转换 为笛卡尔直角坐标系下的位置坐标( $x_i, y_i$ ),存储在 动态数组[ $p(x_1, y_1), p(x_2, y_2), \dots, p(x_{n_e}, y_{n_e})$ ]中, 转向完成后得到 $n_e$ 个坐标数据{ $(x_i, y_i)$ }(i = 1, 2,…, $n_e$ )。利用最小二乘法对离散样本点进行圆弧 拟合,设拟合圆的一般方程为

$$x^{2} + y^{2} + Ax + Bx + C = 0$$
 (10)

式中 A、B、C——拟合圆方程系数

转向半径 R 和拟合精度 η 分别为

$$R = \sqrt{\frac{A^2 + B^2}{4} - C}$$
 (11)

$$\eta = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^{n_c} (d_i - R)^2}{n_c - 1}}$$
(12)

式中 d<sub>i</sub>——样本观测点到拟合圆圆心的距离

### 2.3 试验平台构建

为进一步验证本研究提出的局部路径跟踪控制 算法的有效性,基于中联重科 PL60(4LZT - 6Z)型 履带式联合收获机进行电控化改装,构建了导航路 径跟踪控制试验平台。履带式联合收获机主要技术 参数如表3所示。

#### 表 3 履带式联合收获机主要技术参数

Tab. 3 Main technical parameters of crawler-type

combine harvester

参数	数值
发动机功率/kW	88
外形尺寸(长×宽×高)/(mm×mm×mm)	$5\ 180 \times 2\ 650 \times 2\ 800$
整机质量/kg	3 450
行驶速度/(km·h <sup>-1</sup> )	0 ~ 6.8
履带轨距/mm	1 150
最小转向半径/mm	575

导航控制系统结构如图9所示,主要由位姿传 感器、人机交互终端、工控机和车载控制器组成。位 姿传感器由高精度 RTK - GNSS 定位装置(P3 - DU 型,上海华测导航技术股份有限公司,位置精度 ±(10+1×10<sup>-6</sup>D) mm,其中D为接收机与基站的 距离(km),航向精度0.2°,测速精度0.03 m/s,数据 采集频率 5 Hz) 和惯性传感器 (MTi30 型, 荷兰 Xsens 公司, 横滚姿态精度 ±0.2°) 组成, 为工控机 提供履带式联合收获机位置和姿态信息。人机交互 终端用于自动导航作业参数设置和实时显示收获机 的运行状态等。工控机(UNO-2484G型,研华科技 有限公司)主要用作路径规划、自动导航程序的运 行和数据记录保存等。车载控制器通过 CAN 总线 接收工控机发出的控制指令对比例电磁阀进行控 制,完成转向和行走等动作。自动导航系统软件在 Visual Studio 2019 集成开发环境中使用 C#语言基 于 Windows 窗体应用程序开发。



Fig. 9 Structure diagram of navigation control system

# 3 田间试验

### 3.1 转向运动特性试验

为进一步验证本文算法在田间实际跟踪的实用 性,在 2021 年 11 月利用试验平台进行了转向性能 试验和直线导航跟踪控制对比试验,试验场地为苏 州市临湖农业专业合作社平整稻茬田,稻茬平均高 度 9.87 cm, 土壤含水率为 51.22%, 坚实度为

#### 612.84 kPa,试验现场如图 10 所示。



图 10 履带式联合收获机田间试验 Fig. 10 Field test of crawler-type combine harvester

试验前,利用人机交互终端设定转向控制参数 K和行走控制参数V,为了避免收获机启动前进时 的抖动误差,令收获机直行3s运行平稳后再进行 自动转向,并实时记录位置数据。利用2.2节方法 对转向过程中的轨迹点进行圆弧拟合和半径计算。 收获机转向性能试验过程中运动轨迹和圆弧拟合结 果如图11所示。



图 11 联合收获机运动轨迹及圆弧拟合结果 Fig. 11 Results of tracking and arc fitting of combine harvester

转向运动特性的试验方案和结果如表4所示, 通过最小二乘法得到的左转、右转控制模型分别为

 $K_L(R, V) = 285.34 \ln R - 0.055V + 2675.185$ 

(13)

$$K_R(R, V) = -261.04 \ln R + 0.023 V + 7675.169$$

(14)

模型 拟合的决定 系数 R<sup>2</sup>分别为 0.978 和 0.980,表明拟合效果较好,可以用于收获机导航路 径跟踪控制,模型三维曲面如图 12 所示。由转向控 制模型可知,转向控制参数与转向半径呈自然对数 关系,与前进控制参数呈线性关系。由于加工制造 误差、部件磨损等原因,通常会造成左、右转向系统 存在一定的结构非对称差异,因此基于收获机转向 运动特性生成的转向控制模型在一定程度上可减小 控制误差,更加符合收获机实际运动规律,有利于提高导航路径跟踪精度。

# 3.2 直线导航跟踪对比试验

分别利用传统纯追踪算法和本文算法进行 25 m

# 表4 转向特性试验方案和结果

Tab. 4 Steering characteristic test scheme and results

ι –	K∕mV	V/mV	<i>R</i> ∕m	η	K/mV	V/mV	<i>R</i> ∕m	η	
1	3 810	5 938	88. 192	0. 999 1	6 460	5 938	95.327	0. 990 9	
2	3 458	5 938	59.261	0. 999 3	6 758	5 938	70. 181	0. 998 7	
3	3 106	5 938	15.213	0.9991	7 110	5 938	17.300	0.9990	
4	2 754	5 938	4.088	0. 995 0	7 462	5 938	3.863	0.9700	
5	2 402	5 938	1.001	0. 991 9	7 814	5 938	1.256	0.9862	
6	3 810	6 375	287.540	0. 999 9	6 460	6 375	341.795	1.0000	
7	3 458	6 375	82. 891	0. 999 5	6 758	6 375	80. 3028	0.9975	
8	3 106	6 375	16.300	0.9988	7 110	6 375	16.632	0. 999 4	
9	2 754	6 375	3.872	0.9676	7 462	6 375	2.645	0. 981 4	
10	2 402	6 375	1.958	0.9074	7 814	6 375	1.118	0.9090	
11	3 810	6 813	460. 518	0. 999 9	6 460	6 813	528.742	0. 999 9	
12	3 458	6 813	124.972	0.9988	6 758	6 813	119.629	0. 994 9	
13	3 106	6 813	17.741	0. 989 6	7 110	6 813	16.630	0. 999 4	
14	2 754	6 813	4. 599	0.8823	7 462	6 813	3.770	0.9713	
15	2 402	6 813	1.723	0. 893 2	7 814	6 813	1.203	0.9592	
16	3 810	7 250	350. 979	0. 999 9	6 460	7 250	480.801	1.0000	
17	3 458	7 250	65.876	0. 999 1	6 758	7 250	72. 179	0.9962	
18	3 106	7 250	15.986	0.9945	7 110	7 250	17.255	0.9918	
19	2 754	7 250	4. 555	0.9173	7 462	7 250	2.611	0.8149	
20	2 402	7 250	1.853	0. 939 1	7 814	7 250	1.306	0.9099	
21	3 810	7 688	604.795	0. 999 9	6 460	7 688	597.707	1.0000	
22	3 458	7 688	85.427	0.9991	6 758	7 688	72. 555	0.9973	
23	3 106	7 688	17.448	0.9950	7 110	7 688	18.384	0.9836	
24	2 754	7 688	4.806	0.8975	7 462	7 688	3.882	0.9139	
25	2 402	7 688	1.806	0.8290	7 814	7 688	1.348	0. 791 7	





直线导航跟踪试验,初始位置的横向偏差为-0.25 m、 航向偏差为20°。依据实际作业工况,前进速度设定 为0.4 m/s(V=6765 mV)、0.8 m/s(V=7696 mV),允 许横向偏差设置为0.025 m,每组试验重复3次,第2 次直线路径导航跟踪试验效果如图13、14 所示。





根据试验结果,路径跟踪过程可归纳为3个阶段;第1阶段,收获机横向偏差较大时,为了快速逼 近期望路径,会以较小的半径转向运动,两种算法此 阶段的横向偏差和航向偏差变化幅度均较大;第2 阶段,当收获机临近期望路径时,其横向偏差较小, 但还存在较大的航向偏差,此阶段需要以较小的转 向半径运动使得横向偏差变化较小的同时迅速减小



Fig. 14 Comparison of path tracking error (v = 0.8 m/s)

航向偏差,以达到上线的目的,本文算法比传统算法 上线效率更高;第3阶段,收获机上线后的横向偏差 和航向偏差均在小范围内波动,以较大的转向半径 运动进行微调纠偏,从而达到稳定跟踪的目的,本文 算法比传统算法跟踪稳定性更高。

对比两种算法的直线路径跟踪效果,试验结果 均值如表5所示,当前进速度为0.4、0.8 m/s时,本

1 au	.5 Comparison	of path trac	cking test re	suits
速度/	笛注	横向偏差的	航向偏差的	转向控制
$(m \cdot s^{-1})$	异伝	标准差/m	标准差/(°)	次数/次
	纯追踪算法	0.0604	5.32	36
0.4	预瞄切线算法	0.0489	3.94	19
	差值	横向偏差的 航向偏 标准差/m 标准差 0.0604 5.3 去 0.0489 3.9 -0.0115 -1. 0.0738 5.1 去 0.0507 4.6 -0.0231 -0.	-1.38	- 17
	纯追踪算法	0.0738	5.13	21
0.8	预瞄切线算法	0.0507	4.66	12
	差值	-0.0231	-0.47	-9

表 5 路径跟踪试验结果对比

文预瞄-切线算法与传统纯追踪算法结果相比,横向 偏差的标准差分别减小 19.04%、31.30%,航向偏 差的标准差分别减小 25.94%、9.16%,转向控制次 数分别减少 47.22%、42.86%。表明本文提出的预 瞄-切线算法在导航精度和控制过程的稳定性均优 于传统算法。且本文算法的转向控制频率较传统算 法大幅降低,对减小制动部件磨损、降低液压系统振 荡冲击、延长农机使用寿命等有明显优势。

# 4 结论

(2)通过分析转向控制参数、前进控制参数和转 向半径之间的关系,基于收获机实际转向运动特性建 立了转向控制数学模型,左转、右转控制模型拟合的决 定系数 R<sup>2</sup>分别为 0.978、0.980。转向控制参数与转向 半径呈自然对数关系,与前进控制参数呈线性关系。

(3)构建了导航路径跟踪控制试验平台,田间 试验表明:利用本文算法进行跟踪控制,当前进速度 为0.4、0.8 m/s时,横向偏差的标准差分别为0.0489、 0.0507 m,航向偏差的标准差分别为3.94°、4.66°, 转向控制次数分别为19、12次;与传统纯追踪算法 相比,横向偏差的标准差分别减小19.04%、 31.30%,航向偏差的标准差分别减小25.94%、 9.16%,转向控制次数分别减少47.22%、42.86%。 说明本文提出的预瞄--切线局部跟踪路径规划算法 整体优于传统纯追踪算法,有效降低了转向控制频 率,且提高了路径跟踪精度和控制系统的稳定性。

- 参考文献
- [1] 刘成良,林洪振,李彦明,等.农业装备智能控制技术研究现状与发展趋势分析[J].农业机械学报,2020,51(1):1-18.
   LIU Chengliang, LIN Hongzhen, LI Yanming, et al. Analysis on status and development trend of intelligent control technology for agricultural equipment[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(1):1-18. (in Chinese)
- [2] 张漫,季宇寒,李世超,等. 农业机械导航技术研究进展[J].农业机械学报,2020,51(4):1-18.
   ZHANG Man, JI Yuhan, LI Shichao, et al. Research progress of agricultural machinery navigation technology[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(4):1-18. (in Chinese)
- [3] 刘志杰, 王小乐, 任志刚, 等. 基于虚拟雷达模型的履带拖拉机导航路径跟踪控制算法[J]. 农业机械学报, 2021, 52(6): 376-385.

LIU Zhijie, WANG Xiaole, REN Zhigang, et al. Crawler tractor navigation path tracking control algorithm based on virtual radar model[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2021, 52(6): 376-385. (in Chinese)

- [4] ROSHANIANFARD A, NOGUCHI N, OKAMOTO H, et al. A review of autonomous agricultural vehicles (the experience of Hokkaido University) [J]. Journal of Terramechanics, 2020, 91: 155 - 183.
- [5] 张华强,王国栋,吕云飞,等. 基于改进纯追踪模型的农机路径跟踪算法研究[J]. 农业机械学报, 2020, 51(9):18-25.
   ZHANG Huaqiang, WANG Guodong, LÜ Yunfei, et al. Agricultural machinery automatic navigation control system based on improved pure tracking model[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(9):18-25. (in Chinese)
- [6] FUE K, PORTER W, BARNES E, et al. Autonomous navigation of a center-articulated and hydrostatic transmission rover using a modified pure pursuit algorithm in a cotton field[J]. Sensors, 2020, 20(16): 4412.

- [7] 王辉, 王桂民, 罗锡文, 等. 基于预瞄追踪模型的农机导航路径跟踪控制方法[J]. 农业工程学报, 2019, 35(4): 11-19.
   WANG Hui, WANG Guimin, LUO Xiwen, et al. Path tracking control method of agricultural machine navigation based on aiming pursuit model[J]. Transactions of the CSAE, 2019, 35(4): 11-19. (in Chinese)
- [8] LI T, HU J. Adaptive sliding mode control method based on nonlinear integral sliding surface for agricultural vehicle steering control[J]. Mathematical Problems in Engineering, 2014, 2014: 1-10.
- [9] 李逃昌, 胡静涛, 高雷, 等. 基于模糊自适应纯追踪模型的农业机械路径跟踪方法[J]. 农业机械学报, 2013, 44(1): 205-210.
- LI Taochang, HU Jingtao, GAO Lei, et al. Agricultural machine path tracking method based on fuzzy adaptive pure pursuit model[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2013, 44(1): 205-210. (in Chinese)
- [10] 冯江,蒋亦元.水稻联合收获机单边驱动原地转向机构的机理与性能试验[J].农业工程学报,2013,29(4):30-35.
   FENG Jiang, JIANG Yiyuan. Mechanism and performance test of pivot turning system with single driving for rice combine harvester[J]. Transactions of the CSAE, 2013, 29(4): 30-35. (in Chinese)
- [11] 周俊,何永强.农业机械导航路径规划研究进展[J].农业机械学报,2021,52(9):1-14.
   ZHOU Jun, HE Yongqiang. Research progress on navigation path planning of agricultural machinery[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2021, 52(9):1-14. (in Chinese)
- [12] TAKAI R, YANG L, NOGUCHI N. Development of a crawler-type robot tractor using RTK GPS and IMU[J]. Engineering in Agriculture, Environment and Food, 2014, 7(4): 143 - 147.
- [13] ZHANG Z, NOGUCHI N, ISHII K, et al. Optimization of steering control parameters based on a combine harvester's kinematic model[J]. Engineering in Agriculture Environment & Food, 2014, 7(2): 91-96.
- [14] 关卓怀. 履带式水稻联合收获机辅助导航系统关键技术研究[D]. 武汉:华中农业大学, 2020.
   GUAN Zhuohuai. The key technology of auxiliary navigation system for crawler rice combine harvester[D]. Wuhan: Huazhong Agricultural University, 2020. (in Chinese)
- [15] 陈胡芳,杨为,梅琦. 湿式多片摩擦离合器的热弹不稳定特性研究[J]. 自动化与仪器仪表, 2016(5): 77-80.
   CHEN Hufang, YANG Wei, MEI Qi. Study of the thermoelastic instability characteristics of wet multi-plate friction clutches
   [J]. Automation & Instrumentation, 2016(5): 77-80. (in Chinese)
- [16] 陈宇. 柴燃联合动力传动系统冲击特性研究与仿真[D]. 哈尔滨:哈尔滨工程大学, 2016. CHEN Yu. Research and simulation of CODAG jerk's characteristics[D]. Harbin: Harbin Engineering University, 2016. (in Chinese)
- [17] 商夏,周华,杨华勇. 液压系统流体脉动主动控制方法研究现状[J]. 机械工程学报, 2019, 55(24): 216-226. SHANG Xia, ZHOU Hua, YANG Huayong. Research status of active control of hydraulic fluid pulsation [J]. Journal of Mechanical Engineering, 2019, 55(24): 216-226. (in Chinese)
- [18] 赵小龙,赵丁选,王建涛,等.定量泵负载敏感系统卸荷压力冲击抑制研究[J].农业机械学报,2020,51(9):408-417,407.
   ZHAO Xiaolong, ZHAO Dingxuan, WANG Jiantao, et al. Suppression of unloading pressure shock in load sensitive system of

constant displacement pump[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2020, 51(9): 408-417, 407. (in Chinese)

- [19] LEE J S, LEE K B, LEE C G. An experimental study on the control of pressure transients using an orifice [J]. International Journal of Pressure Vessels and Piping, 2001, 78(5): 337 - 341.
- [20] 姚立健, SANTOSH K P, 杨自栋, 等. 基于超宽带无线定位的农业设施内移动平台路径跟踪研究[J]. 农业工程学报, 2019, 35(2): 17-24.
   YAO Lijian, SANTOSH K P, YANG Zidong, et al. Path tracking of mobile platform in agricultural facilities based on ultra wideband wireless positioning[J]. Transactions of the CSAE, 2019, 35(2): 17-24. (in Chinese)
- [21] LYASKO M. Slip sinkage effect in soil-vehicle mechanics [J]. Journal of Terramechanics, 2010, 47(1); 21 31.
- [22] 黎永键,赵祚喜,黄培奎,等. 基于 DGPS 与双闭环控制的拖拉机自动导航系统[J]. 农业机械学报, 2017, 48(2):11-19.
   LI Yongjian, ZHAO Zuoxi, HUANG Peikui, et al. Automatic navigation system of tractor based on DGPS and double closed-loop steering control[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017, 48(2):11-19. (in Chinese)
- [23] 周建军,张漫,汪懋华,等. 基于模糊控制的农用车辆路线跟踪[J]. 农业机械学报, 2009, 40(4): 151-156.
   ZHOU Jianjun, ZHANG Man, WANG Maohua, et al. Path tracking for agricultural vehicle based on fuzzy control[J].
   Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2009, 40(4): 151-156. (in Chinese)
- [24] 魏爽,李世超,张漫,等. 基于 GNSS 的农机自动导航路径搜索及转向控制[J].农业工程学报,2017,33(增刊):70-77.
   WEI Shuang, LI Shichao, ZHANG Man, et al. Automatic navigation path search and turning control of agricultural machinery based on GNSS[J]. Transactions of the CSAE, 2017, 33(Supp.): 70-77. (in Chinese)
- [25] 汪小旵,鲁伟,陈满,等. 基于改进纯追踪模型的温室采摘运输自动跟随系统[J]. 农业机械学报, 2016, 47(12): 8-13.
   WANG Xiaochan, LU Wei, CHEN Man, et al. Automatic following system for greenhouse harvesting transportation based on adaptive pure pursuit model[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2016, 47(12): 8-13. (in Chinese)
- [26] SAIFIA D, CHADLI M, KARIMI H R, et al. Fuzzy control for electric power steering system with assist motor current input constraints[J]. Journal of the Franklin Institute, 2015, 352(2): 562 - 576.
- [27] 王红岩,王钦龙,芮强,等. 高速履带车辆转向过程分析与试验验证[J]. 机械工程学报, 2014, 50(16): 162-172.
   WANG Hongyan, WANG Qinlong, RUI Qiang, et al. Analyzing and testing verification the performance about high-speed tracked vehicles in steering process[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2014, 50(16): 162-172. (in Chinese)