doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2020.07.048

超声波流量计杂质对测量精度影响机理分析

张蒙杜广生程浩杨悦

(山东大学能源与动力工程学院,济南 250061)

摘要:水中杂质是引起超声波衰减、导致超声波流量计测量不准确的主要影响因素。采用数值模拟计算和实验研究相结合的方法,对含杂质水流的超声波流量计内部杂质分布及测量精度进行了研究。采用两相流数学模型进行 内部流动的数值计算,获得了不同杂质粒径在不同流量工况下的杂质分布规律,通过实验对含杂质水流的超声波 流量计的测量误差进行分析,对数值计算结果进行了验证,探知了不同杂质粒径对超声波传播中心区域的影响及 超声波测量误差的影响规律。结果表明,杂质粒径在0.02 mm 以下,或者流量在1.05 m³/h 以上时,该工况下中心 区域的杂质浓度分布基本保持一致,对超声波的传播和测量精度影响规律一致。结果可为超声波流量计在含杂质 水质工况下测量精度的研究提供理论参考。

关键词:超声波流量计;杂质颗粒;中心区域;测量精度;两相流 中图分类号:TH814;S237 文献标识码:A 文章编号:1000-1298(2020)07-0420-07 OSID:



Influence of Impurity Particles on Ultrasonic Propagation Characteristics and Measurement Accuracy

ZHANG Meng DU Guangsheng CHENG Hao YANG Yue (School of Energy and Power Engineering, Shandong University, Ji'nan 250061, China)

Abstract: The ultrasonic attenuation caused by impurities in the water leads to inaccurate measurement of ultrasonic flow meter. Numerical simulation and experimental research were used to study the distribution and measurement accuracy of the impurities in the ultrasonic flow meter. Impurity distribution in liquid was calculated by Eulerian two-phase model and standard $k - \varepsilon$ model. Through the two-phase flow mathematical model to establish the numerical calculation of the internal flow, obtain the impurity distribution law of different impurity particle sizes under different flow conditions. When the particle size of impurities was less than 0.05 mm, it was easier to be carried by the fluid. Impurities were relatively evenly distributed in the flow channel. When the Reynolds number was small, impurities larger than 0.1 mm in diameter were distributed below the signal propagation path. As the Reynolds number was increased, the interaction between the solid phase and the liquid phase became stronger, and the impurity concentration in the signal propagation path was increased. Through the experiment, the measurement error of the ultrasonic flow meter of the impurity water flow was studied. The numerical calculation and the experimental results were mutually verified. The influence of different impurity particle sizes on the acoustic propagation center area and the ultrasonic wave were given. Measurement errors caused by impurities smaller than 0.02 mm in diameter were more easily corrected. The measurement error caused by impurities with larger particle size was greatly affected by the fluid velocity. The research can provide a theoretical reference for the research of the detection accuracy of ultrasonic flow meter in the actual water quality with different particle impurities, and had a certain application value.

Key words: ultrasonic flow meter; impurity particles; central area; measurement accuracy; two phase flow

通信作者:杜广生(1955—),男,教授,博士生导师,主要从事工业流体力学和汽车空气动力学研究,E-mail: du@sdu.edu.cn

收稿日期: 2020-04-13 修回日期: 2020-05-09

基金项目:山东省自然科学基金项目(ZR2015EL034)

作者简介:张蒙(1992一),男,博士生,主要从事工业流体力学研究,E-mail: huyandao@126.com

421

0 引言

工业装备是现代农业的硬件支撑,随着现代工 业化的发展,农业生产的各个环节和过程逐步由动 力机、水利灌溉设备、耕整机、温度控制系统、自动化 喷淋装置等农业装备取代。超声波流量计量程范围 广、测量精度高,具有良好的温度适应性,在农业灌 溉、水利运输、温度控制、液位监测、自动化配料等领 域得到广泛应用^[1-3]。随着农业机械化技术标准要 求越来越严格,对超声波流量计的精度和稳定性要 求也变得更高^[4]。

为提高超声波流量计的计量精度,研究者从不 同角度出发,尝试了很多技术手段。檀盼龙等^[5]针 对高黏度流体在输送过程中流动状态容易受到管道 变化影响的问题,提出了一种利用遗忘因子的最小 二乘法进行积分权重系数优化的方法,降低了超声 波流量计对高黏度测量的影响。张皎丹等^[6]基于 Gauss - Jacobi 积分方法,提出了基于实际管路流态 分布的数值积分优化方法,通过单弯头理论模型和 实流实验分别进行了验证。王鉴钊^[7]针对浆液循 环泵管道流量测量问题,根据超声波信号特性的分 析以及常见频谱细化方法的选择,将 Zoom - FFT 作 为系统频谱分析的方法。吕美高[8]采用离散项模 型对主管道内含杂质污水的运动进行了仿真,研究 了大雷诺数下杂质对流量系数 k 的影响。SHI 等^[9-10]采用实验和数值模拟相结合的方法,分析了 不同类型的杂质对 V 型声道布置下超声波信号的 影响。为了探究传播介质对超声波信号的影响,陈 志贤^[11]测量了 CaCl,溶液内超声信号横向和纵向衰 减,通过实验发现,超声波可促进 Ca(HCO₃)₂溶液 结晶形成水垢。

相关研究表明,当超声波流量计安装在供热管 道上,根据供热采暖系统水质及防腐技术要求,建筑 物热力入口的供水干管上宜设置两级过滤器^[12-13], 其中,初级为滤径3 mm 的过滤器,二级为滤径0.65~ 0.75 mm 的过滤器。对于分户热计量的住宅,流量 计宜设在回水管上,进入流量计前的回水管上应设 过滤器,滤网规格不宜小于0.25 mm(60 目)^[14]。 由于含杂质水流属于非均匀介质,杂质的成分、大 小、分布、在水中所占体积分数都会对测量信号产生 影响,因此,对流量计内含杂质水流的研究非常必 要。本文采用数值模拟计算和实验研究相结合的方 法,研究杂质颗粒粒径在不同流量下对超声波流量 计测量精度的影响,以提升超声波流量计的精度和 适用性。

1 含杂质水流的超声波传播数值模拟

1.1 数学模型

液相采用标准
$$k - \varepsilon$$
 模型^[15-19], k 方程为

$$\frac{\partial(\rho k)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho k u_i)}{\partial x_i} = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu + \frac{\mu_i}{\sigma_k} \right) \frac{\partial k}{\partial x_j} \right] + G_k + G_b - \rho \varepsilon - Y_M + S_k$$
(1)

ε 方程为

$$\frac{\partial(\rho\varepsilon)}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho\varepsilon u_i) = \frac{\partial}{\partial x_j} \left[\left(\mu + \frac{\mu_i}{\sigma_\varepsilon} \right) \frac{\partial\varepsilon}{\partial x_j} \right] + C_{1\varepsilon} \frac{\varepsilon}{k} (G_k + C_{3\varepsilon} G_b) - C_{2\varepsilon} \rho \frac{\varepsilon^2}{k} + S_\varepsilon$$
(2)

式中
$$G_k$$
 由平均速度梯度所产生的紊流动能
 G_b 由浮力产生的紊流动能
 Y_M 引起可压缩紊流中过度扩散率的脉
动系数
 u_i 速度分量 k 満流脉动能
 μ 粘性系数 ρ 流体密度
 μ_i 紊流粘性系数 ε 湍流耗散率
 C_{1s}, C_{2s}, C_{3s} 常系数
 σ_k 系数 ϵ 的紊流普朗特数
 σ_s 系数 ϵ 的紊流普朗特数
 S_k, S_s 用户自定义的源项

固相采用 Eulerian 模型,计算式为^[19-23]

$$\frac{\partial}{\partial t}(\alpha_{s}\rho_{s}v_{s}) + \nabla(\alpha_{s}\rho_{s}v_{s}v_{s}) = -\alpha_{s}\nabla p - \nabla p_{s} + \nabla T_{s} + \alpha_{s}\rho_{s}g + \alpha_{s}\rho_{s}(F_{s} + F_{lift,s} + F_{vm,s}) + K_{ls}(v_{l} - v_{s}) + m_{ls}v_{ls}$$

$$(3)$$

- 式中 p_s 固体压力 ρ_s 固相密度 v_s — 固相速度 v_l — 液相速度 v_{ls} — 液固两相速度传递系数 α_s — 固相体积分数 T_s — 固相间的剪切力张量 F_s — 固相外部体积力 $F_{lift,s}$ — 固相升力 $F_{vm,s}$ — 固相质量力 K_{ls} — 液相与固相间的动量交换系数
 - m_{ls}——液固两相质量传递系数

固液两相的连续性方程为

$$\frac{\partial \alpha_1}{\partial t} + \nabla \left(\alpha_1 v_1 \right) = \frac{1}{\rho_1} \left(m_{s1} - \alpha_1 \frac{\mathrm{d}\rho_1}{\mathrm{d}t} \right) \tag{4}$$

式中 α1--液相体积分数

 v_1 ——液相速度 ρ_1 ——液相密度

*m*_{s1}——固液两相质量传递系数

1.2 物理模型

数值模拟计算的物理模型采用声道布置为U形的 DN25 型超声波热量表测量管段,表长度为110 mm,

测量段直径为16 mm,反射柱前后长度为5 mm,换 能器和反射柱直径为10 mm,间距为70 mm,结构示 意图如图1 所示。



Fig. 1 DN25 ultrasonic heat meter structure diagram

1.3 边界条件

根据水质的实际情况,选取杂质体积分数为 5%的流动进行研究,杂质采用 CaCO₃^[10-11],密度为 2.7 g/cm³。入口边界为 Velocity Inlet,初始值按照 充分发展状态下流体速度分布设定,考虑到实际运 行状态和雷诺数变化,入口边界条件取计量标准规 定的5种流量^[24]:0.07,0.14,0.35,1.05,3.50 m³/h。流 动区域出口设定为自由出流条件,管壁为无滑移边 界。

1.4 网格划分

反射柱前后长、测量段中间位置为圆柱体结构, 直接采用结构网格。测量段结构不规则处采用非结 构网格。为更好地探究杂质分布规律对声波传播影 响,对测量段的网格进行加密。通过试算获得网格 数量满足网格无关性的要求,模型的整体网格数需 超过 3.7×10⁶个。

2 杂质颗粒分布规律及其对声波传播的影响

2.1 不同流量下杂质分布规律

流道中间位置的截面作为杂质体积分数取值 面,重力沿图1中Y轴负方向加载。如图2所示,坐 标原点在管道中心处。考虑到超声波换能器的声波 辐射宽度为10mm,杂质体积分数取值范围为图中 阴影区域。将相同Y坐标处的杂质体积分数沿X 轴方向做线平均,称为该分布位置处的体积分数。

根据计算结果,取杂质颗粒直径分别为 0.01、 0.02、0.05、0.10、0.20 mm 工况下不同流量点沿 Y 轴杂质分布情况,如图 3 所示。

图 3a 为粒径 0.01 mm 的杂质在中心截面随流 量变化的分布规律。从图 3a 可以看出,流量大于 0.35 m³/h 的工况下,体积分数基本趋于 5%,在 -8 mm 位置处最大,产生堆积。从 0.14 m³/h 的流 量开始,整个杂质分布可以分为 3 个区域:底部沉积



区,体积分数最大;中部均匀区,体积分数与平均值 接近;顶部沉降区,体积分数最小。

当杂质粒径增大为 0.02 mm 时,各流量点下的 中心截面的体积分数分布曲线变化规律与粒径为 0.01 mm 的基本一致,如图 3b 所示。但底部最大体 积分数增大,说明随着粒径的增大,沉积效果明显。 由上述两种粒径分布曲线中心区域(-5~5 mm)的 杂质分布规律可知,该区域杂质体积分数基本保持 一致。即对声波传播产生的反射、散射影响也是一 定的,此种情况下可以通过流量系数进行修正,确保 测量精度。

随着杂质粒径的继续增大,当粒径为0.05 mm 时中心截面的杂质分布规律与之前相比产生明显变 化。如图 3c 所示,在流量 3.50、1.05 m³/h 工况下, 杂质体积分数基本保持一致;从流量 0.35 m³/h 开 始,随着流量的减小,底部杂质沉积逐渐增大,中间 杂质保持一致的区域逐渐变小,顶部杂质体积分数 逐渐变低,即在 0.07~0.35 m³/h 的流量区间内,杂 质在中心截面的分布不稳定,对声波的影响也不恒 定,对测量产生影响。即在此粒径流动下,流量 1.05 m³/h 以上工况,杂质在中心区域的分布一致,在 流量 0.35 m³/h 工况下,杂质在中心区域的分布产生 变化,随着流量的减小,中心区域的杂质分布变小。

当杂质粒径为 0.10 mm 时,杂质的分布规律与粒 径为 0.05 mm 的基本一致,如图 3d 所示。在流量 0.07 m³/h 工况下,杂质基本沉积在 -8~-5 mm 的区 域范围内,随着流量的增大,该区域开始变大。当流量 达到 1.05 m³/h,在中心区域体积分数基本一致。

当杂质粒径继续增大到 0.20 mm 时,杂质的沉积现象更加明显,如图 3e 所示。在流量 0.07、0.14 m³/h 时,杂质基本沉积在 -8 ~ -5 mm 的区域,其他区域的杂质含量基本为零,即在这两种流量下,杂质不会对声波传播产生影响;在流量 0.35 m³/h下,杂质的沉积范围增大到 -2 mm,该范围已经达到声波传播的中心区域,开始对声波的传播产生影





图 3 杂质在中心截面的分布规律



响,随着流量的继续增大,中心范围的杂质分布变 大,当流量达到 3.50 m³/h 时,中心区域的杂质分布 基本区域一致。

2.2 杂质分布对声波传播及测量的影响

通过杂质分布规律(图3)分析可知,在中心截 面杂质的分布规律与颗粒粒径、流量有关。杂质粒 径越小,流量越大,杂质分布越均匀;杂质粒径越大, 流量越小,杂质分布越复杂。超声波信号传播路径 上的杂质会影响测量精度,为研究该路径杂质的分 布情况,分别对 0.07、0.35、3.50 m³/h 这 3 种流量 工况下两相流流场进行模拟,这 3 个流量点分别对 应层流流动、雷诺数较小的湍流流动、雷诺数较大的 湍流流动,流道截面内不同粒径杂质分布云图如 图 4~6 所示。







Fig. 5 Concentration distribution diagrams of impurities under flow condition of 0. 35 m³/h





Fig. 6 Concentration distribution diagrams of impurities under flow condition of 3. 50 m³/h

如图 4 所示,在小流量工况下,随着杂质粒径的 增大,杂质分布产生变化。当 d = 0.01 mm 时,杂质 区域均匀分布,中心区域体积分数一致,对声波传播 和测量精度影响规律一致;当 d = 0.05 mm 时,杂质 分布不均匀,从上至下体积分数逐渐增大,中间区域处 于不稳定状态,对声波传播及测量影响最大;当 d = 0.20 mm 时,杂质基本沉积在底部区域,中间区域的杂 质分布几乎为零,对声波传播及测量精度无影响。

如图 5 所示,流量 0.35 m³/h 工况下,当 d = 0.01 mm 时,杂质区域均匀分布,中心区域的体积分数一致,对声波传播和测量精度影响规律一致;当 d = 0.05 mm 时,杂质分布在上部分区域逐渐变大,变化区域范围进入了中心区域,对声波传播和测量精度产生影响;当 d = 0.20 mm 时,杂质大部分沉积在底部,相比小流量工况,底部区域增大,结合图 4 的规律,有一部分杂质进入到中心区域,对声波传播和测量精度产生影响。

如图 6 所示,当流量为 3.50 m³/h 时,随着杂质 粒径的增大,分布由原来的均匀分布逐渐向底部沉 积,当 d 为 0.01、0.05 mm 时,处于均匀分布,对声波 传播及测量的影响规律一致;当 d = 0.20 mm 时,杂 质较多沉积在底部,并且影响中心区域,对声波传播 和测量精度产生影响。

3 实验及分析

根据上述数值分析可知,信号传播路径上杂质 粒径和浓度越大,对声波的传播影响也越大,势必对 超声波的测量精度产生影响,因此本文通过实验研 究获得杂质对超声波热量表检测精度的影响。分别 在清水、加体积分数为5%的不同粒径的 CaCO,颗 粒两相流中进行流量测量,与标准流量计数值对比, 进行误差分析。被测表为 DN25 型超声波热量表, 精度等级为2级。

测试实验台如图 7 所示。该流量检测实验台的 误差精度为 0.1%,符合热量表检测装置要求^[25]。 本文实验选用称量法进行检测。



图 7 流量检测实验台 Fig. 7 Flow test bench

根据计量检测规程和数值模拟计算结果,实验研究测量流量分别为 0.07、0.14、0.35、1.05、 3.50 m³/h。

经过筛选, CaCO₃颗粒密度为 2.7 g/cm³, 粒径 为 0. 20、0. 10、0. 05、0. 02、0. 01 mm, 体积分数为 5%。在流量检测实验台的水箱中均匀混合,再对超 声波热量的检测精度进行测试。

超声波热量表误差计算公式为

$$E = \frac{q_1 - q}{q} \times 100\% \tag{5}$$

式中 q1---被检测表的流量值

q——实验台测得的标准流量值

采用的实验方案为称量法,通过标准秤测量流过热 量表的流体质量,进而计算流量 q。

不同流量点超声波热量表流量测量值的相对误差随 CaCO₃粒径变化曲线如图 8 所示。

如图 8 所示,清水工况下,超声波热量表在不同 流量下的测量误差变化小于 1%;随着粒径的增大, 测量误差变大。当颗粒物分布相同时,粒径越大对 声波的反射能力越强,声波衰减越大,如图 9 所示。

由于杂质存在使声波产生衰减,时间由原来的 t₁变为 t₁',导致时差变大,产生正向误差,所以声波 衰减越大,产生的误差越大。

杂质粒径为0.01、0.02 mm的情况下,测量误差相比纯水有所增大,所有流量规律基本一致。当粒









图 9 接收波形放大示意图 Fig. 9 Waveform enlarged schematic

径为 0.05 mm 时,所有流量下的误差增大,特别是 当流量从 0.35 m³/h 开始,增大幅度变大,由图 3c 可知,随着流量的增大,中心区域的杂质体积分数变 大,所以误差增大。当粒径为 0.10 mm,流量为 0.07 m³/h 时,误差几乎与纯水一致,此后随着流量 的增大,误差开始增大,且增大幅度逐渐变大。由 图 3d 可以看出,流量为 0.07 m³/h 时,杂质基本沉 积在底部,中心区域杂质体积分数基本等于零,所以 对测量误差无影响,随着流量的增大,杂质在中心区 域的体积分数也逐渐增大,误差变大。当粒径为 0.2 mm时,流量为0.07、0.14 m³/h时,测量误差与 纯水基本一致,之后随着流量的增大误差增大,对比 图 3e,流量为0.07、0.14 m³/h时,杂质分布没有进 入中心区域,因此误差不变,0.35 m³/h杂质进入中 心区域,误差开始增大,直至 3.50 m³/h时,杂质分 布在全部中心区域,误差最大。

流量 0.35 m³/h 为曲线变化分界点,在此流量 点之后,不同粒径的测量误差开始逐渐趋于水平。 该误差规律与上述数值模拟计算分析一致,验证了 本文数值计算的正确性。

4 结论

(1)通过对杂质分布规律的分析获得中心区域 分布一致的工况,即杂质粒径在 0.02 mm 以下,或 者流量在 1.05 m³/h 以上时,该工况下中心区域的 杂质浓度分布基本保持一致,对声波的传播和测量 精度影响规律一致。

(2)通过分析获得杂质在中心区域分布几乎为零的工况,即当杂质粒径为0.1 mm、流量为0.07 m³/h,或者杂质粒径为0.2 mm、流量小于0.14 m³/h,该工况下声波传播不受杂质的影响,对测量精度无影响。

(3)通过分析获得杂质分布不稳定工况,即杂 质粒径在0.05 mm 以上时,随着杂质粒径的增大, 杂质逐渐向底部靠拢,且随着流量的降低,中心区域 的杂质分布减小。该工况下声波的传播受杂质颗粒 粒径和流量的综合影响,对测量精度影响最大。

参考文献

- [1] 姚宝刚.现代农业与农业机械化发展[J].农业机械学报,2006,37(1):79-82,74.
 YAO Baogang. Development of agricultural mechanization and modern agriculture[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2006,37(1):79-82,74. (in Chinese)
- [2] 周志艳,姜锐,罗锡文,等. 液位监测技术在植保无人机中的应用分析[J/OL]. 农业机械学报,2017,48(4):47-55.
 ZHOU Zhiyan, JIANG Rui, LUO Xiwen, et al. Application analysis of liquid-level monitoring technology to plant protection UAV[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017,48(4):47-55. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract. aspx? file_no = 20170406&flag = 1. DOI: 10. 6041/j. issn. 1000-1298. 2017. 04. 006. (in Chinese)
- [3] 王相友,胡周勋,李学强,等. 多回流式变量喷药控制系统设计与试验[J/OL]. 农业机械学报,2019,50(2):123-131.
 WANG Xiangyou, HU Zhouxun, LI Xueqiang, et al. Design and experiment of multi-reflux variable spraying control system[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2019,50(2):123-131. http://www.jcsam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20190213&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2019.02.013.(in Chinese)
- [4] 耿介,李冬,彭玮,等. 基于频谱分析法的超声波流量计流道结构优化[J]. 农业工程学报,2017,33(24):104-110. GENG Jie, LI Dong, PENG Wei, et al. Optimization design of ultrasonic flowmeter flow channel based on frequency spectrum analysis[J]. Transactions of the CSAE, 2017,33(24):104-110. (in Chinese)
- [5] 檀盼龙,李益敏,韩思奇,等. 基于超声波流量计的非理想流动粘黏性流体流量测量研究[J]. 仪表技术与传感器,2019 (10):30-35.

TAN Panlong, LI Yimin, HAN Siqi, et al. Flow measurement of non-ideal flow viscous fluid based on ultrasonic flow meter[J]. Instrument Technique and Sensor, 2019(10):30-35. (in Chinese)

[6] 张皎丹,郑丹丹,张涛,等. 多声道超声流量计数值积分方法优化[J]. 化工自动化及仪表,2014,42(2):144-149. ZHANG Jiaodan, ZHENG Dandan, ZHANG Tao, et al. Optimization of numerical integration method for multi-path ultrasonic flow meter[J]. Control and Instruments in Chemical Industry, 2014,42(2):144-149. (in Chinese)

- [7] 王鉴钊.大管径浆液循环泵超声波多普勒流量测量方法研究[D].西安:西安石油大学,2019.
 WANG Jianzhao. Study on Doppler flow measurement of large diameter slurry circulating pump by ultrasound[D]. Xi'an: Xi'an Shiyou University, 2019. (in Chinese)
- [8] 吕美高. 超声波污水流量测量方法研究与实现[D]. 南昌:东华理工大学,2019.
 LÜ Meigao. Research and realization of ultrasound sewage flow measurement method[D]. Nanchang: East China University of Technology,2019. (in Chinese)
- [9] SHI Shuo, LIU Zhenggang, SUN Jianting, et al. Study of errors in ultrasonic heat meter measurements caused by impurities of water based on ultrasonic attenuation [J]. Journal of Hydrodynamics, 2015,27(1): 141-149.
- [10] SHI Shuo, SUN Jianting, DU Guangsheng, et al. Numerical study of impurity distribution in ultrasonic heat meter body[J]. Journal of Hydrodynamics, 2015, 27(6):980 - 987.
- [11] 陈志贤. 超声波传播及水处理性能的实验研究[D]. 北京:北京工业大学,2012.
 CHEN Zhixian. Experimental study of transmission and water treatment performance of ultrasonic [D]. Beijing: Beijing University of Technology, 2012. (in Chinese)
- [12] 陈玉铎,高智威.锅炉水中杂质及水质指标的探讨[J].黑龙江科技信息,2015(32):88.
 CHEN Yuduo, GAO Zhiwei. Discussion on boiler water impurities and water quality index[J]. Scientific and Technological Innovation,2015(32):88. (in Chinese)
- [13] 北京市规划委员会.供热采暖系统水质及防腐技术规程:DBJ01-619-2004[S].北京:中国标准出版社,2004.
- [14] 贺连娟, 蔡颖. 供热工程[M]. 北京:冶金工业出版社, 2012.
- [15] 梁昆森. 数学物理方法[M]. 北京:高等教育出版社, 2010.
- [16] 倪晋仁,曲轶众.固液两相流中固体颗粒的垂直分选模型[J].水动力学研究与进展,2003,28(3):349-354.

NI Jinren, QU Yizhong. Modeling of vertical segregation of solid particles in sediment-laden flow [J]. Journal of Hydrodynamics, 2003, 28(3): 349 - 354. (in Chinese)

[17] 周大庆,米紫昊, 茅媛婷. 基于欧拉固液两相流模型的泵站进水侧流场三维模拟[J/OL]. 农业机械学报, 2013, 44(1):48-52.

ZHOU Daqing, MI Zihao, MAO Yuanting. 3-D numerical simulation of inlet structure flow in pumping station based on Eulerian solid-liquid two-phase flow model[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2013, 44(1):48-52. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20130110&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2013.01.010.(in Chinese)

- [18] 刘永辉,杜广生,陶莉莉,等.反射装置对超声波流量计水流特性影响的研究[J].仪器仪表学报,2011,32(5):1183-1188.
 LIU Yonghui, DU Guangsheng, TAO Lili, et al. Study on the influence of ultrasonic reflection device on the flow characteristics of ultrasonic flowmeter[J]. Chinese Journal of Scientific Instrument, 2011, 32(5): 1183-1188. (in Chinese)
- [19] LUO Siyi,XIAO Bo,HU Zhiquan, et al. Numerical study of the influence of particle size and packing on pyrolysis products using XDEM[J]. International Communications in Heat and Mass Transfer, 2016, 71: 20 - 34.
- [20] 胡坤,李振北. ANSYS ICEM CFD 工程实例详解[M]. 北京:人民邮电出版社,2018.
- [21] 王福军. 计算流体动力学分析[M]. 北京:清华大学出版社,2004.
- [22] ANGELA D, BALACHANDAR S. Evaluation of methods for calculating volume fraction in Eulerian Lagrangian multiphase flow simulations [J]. Journal of Computational Physics, 2016, 313:775 - 798.
- [23] RANGESH J, SCHUYLER H W, CRAIG T J. Solution verification of multiphase flows with one-way coupling [J]. Journal of Computational Physics, 2019, 402(2):109033.
- [24] 中华人民共和国国家计量检定规程:热能表: JJG225-2001[S]. 北京:中国计量出版社, 2002.
- [25] 热量表检定装置. CJ/T 357-2010[S].北京:中国质检出版社,2010.