doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2019.05.020

旋流泵菜籽-水两相流浓度特性实验与流场数值模拟

沙 毅^{1,2} 朱 颖¹ 武 鹏^{2,3} 李其朋¹ 王 宇¹ 李春蓄¹

(1.浙江科技学院机械与能源工程学院,杭州 310023; 2.浙江省食品物流装备技术研究重点实验室,杭州 310023;3.浙江大学能源工程学院,杭州 310027)

摘要:为探索旋流泵固液两相流内部流场及变浓度输送特性,分析了旋流泵固液两相流动基本原理及其特点。在 32WB8 - 12型样机上完成输送清水及菜籽体积分数 C_v 分别为 6%、10% 的外特性实验,得出泵流量--扬程、流量--轴 功率、流量-效率和流量-临界汽蚀余量性能曲线。采用 Mixture 多相流模型及 RNG $k - \varepsilon$ 湍流模型,对旋流泵在清 水最优工况流量 $q_e = 9.31 \text{ m}^3/\text{h}$ 下输送菜籽固液两相流流场进行了数值模拟,求解采用 SIMPLE 算法,得到 3 个轴 面静压、速度矢量和固粒体积分数分布图。通过对比分析,数值模拟准确性得到了验证。综合分析了泵外特性变 化与内部流场之间的定性因果关系,并提出了两相流泵优化设计改进措施。

关键词:旋流泵;固液两相流;流场;数值计算

中图分类号: TH311 文献标识码: A 文章编号: 1000-1298(2019)05-0173-08

Hydrotransport Test with Variable Rapeseed Concentration and Flow Field Numerical Simulation of Vortex Pump

SHA Yi^{1,2} ZHU Ying¹ WU Peng^{2,3} LI Qipeng¹ WANG Yu¹ LI Chunxu¹

School of Mechanical and Energy Engineering, Zhejiang University of Science and Technology, Hangzhou 310023, China
 Zhejiang Provincial Key Laboratory of Food Logistics Equipment and Technology Research, Hangzhou 310023, China
 College of Energy Engineering, Zhejiang University, Hangzhou 310027, China)

Abstract: In order to study the solid - liquid two-phase flow field and the hydrotransport characteristics of variable concentration in vortex pump, the basic principle and characteristics of solid - liquid two-phase flow in vortex pump were summarized analytically and the characteristics of solid - liquid two phase flow were discussed based on the following aspects: energy exchange between solid and liquid, the round flow of particles and the interference between particles. The performance test of clean water and rapeseed volume fraction of $C_v = 6\%$ and $C_v = 10\%$ hydrotransport were conducted on a self-built vortex pump (32WB8 - 12). Through the experiments, performance curves, such as $q_r - H$, $q_r - P$, $q_r - \eta$ and $q_r - \eta$ $NPSH_c$, were obtained. Based on the mixture multiphase flow model and the modified $k - \varepsilon$ two-equation turbulent model, the interior two-phase flow field of rapeseed liquid hydrotransport under the clear water optimal condition flow $q_r = 9.31 \text{ m}^3/\text{h}$ was numerically simulated by using SIMPLE algorithm. The pressure, velocity and sandy volume fraction, distributed on three cross sections of the vortex pump, were obtained through the numerical modeling. Meanwhile, the simulation results also showed that the rapeseed particles were mainly gathered at axial vortex center in the impeller and the annular district confront impeller in the chamber as well as around the blade inlet, and the accuracy of the numerical simulation results was verified by comparing between simulation and experiment. By comprehensive analysis, the relationship between performance and parameters of the internal flow was explained, the variable concentration similar conversion of NPSH and improvement measures for optimizing the design of the two-phase flow pump were proposed.

Key words: vortex pump; solid - liquid two-phase flow; flow fields; numerical calculation

收稿日期:2018-11-03 修回日期:2018-12-13

作者简介:沙毅(1961—),男,研究员,主要从事流体机械理论和设计研究,E-mail: shayi01@ sina. com

0 引言

旋流泵是一种超强无堵塞固液流泵,主要用于: 轻工、农产品、食品生产中纸浆、蔗渣、贝壳、小麦、黄 豆和马铃薯等的水力输送;煤炭、电力、冶金行业中 煤浆、灰渣、矿石等的输送;河道、港口和水库等的水 利清淤疏浚;环保粪便等污水污物的排放等^[1-3]。

固液两相流水力输送主要研究方向之一是浓度 及其流场特性研究。先前的研究已达成下列成果: 低浓度与高浓度两相流运动机理有本质上的不同, 提出动理论描述固液两相流中固相运动,给出两种 浓度下颗粒速度分布函数^[4];采用颗粒动力学双流 体模型,展示了管道内不同作用力模型速度及浓度 分布规律,完成相关两相流动数值模拟^[5];阐明叶 片数等水力几何参数对旋流泵性能影响及其与离心 泵性能对比试验结果^[6],展示蔬菜萝卜在旋流泵中 的流动观察;在对旋流泵输送清水、纸浆和煤浆实验 研究基础上,发现输送纸浆泵扬程和效率高于清水, 而输送煤浆略低于清水,并提出了旋流泵经验系数 设计法^[7]。

旋流泵是一种由半开式叶轮离心泵及切线泵演 变而来的两相流泵^[8],叶轮与半开式离心泵形式基 本相同,主要差别在于压水室位置不同,造成工作原 理相差较多。离心泵叶片与进水节前盖板间隙较 小,而旋流泵叶片位于涡室中,与进水节前盖板隔了 个无叶腔。两相流泵大多按清水一相流设计,这与 实际情况产生偏离。菜籽是一种典型的规则球状颗 粒物料(实体相对密度略大于1),本文以此展开旋 流泵输送不同浓度下的菜籽两相流特性实验及流场 数值模拟,以解决以下问题:定性探讨旋流泵固液两 相流动及颗粒浓度变化基本原理;在菜籽浓度对泵 性能影响实验基础上,阐明旋流泵性能变化规律及 变浓度外特性换算方法;通过数值模拟展示变颗粒 浓度旋流泵内部流场及浓度分布规律;提出旋流泵

1 旋流泵固液两相流动基本原理

按照流体力学原理,旋流泵应属于离心力和摩 擦力双重效应动力泵^[9-12]。液体进入叶轮,在离心 力作用下动能增加,甩向涡室外缘。无叶腔中心为 旋涡中心,液流在大气压作用下不断流入泵进口,经 过叶轮最后与无叶腔中液流进行能量交换而流出泵 体,这部分流体主要是通过离心力作功而获取能量, 被划分为贯通流。运动规律可以用离心泵原理进行 分析,叶片之间由于惯性会形成与叶轮旋转方向相 反的轴向旋涡运动。同时旋转叶片表面与无叶腔中 液体产生紊乱摩擦,受叶片表面摩擦力的作用,使流体发生与叶轮同向的轴向环流运动,这部分液体的受力分析应符合牛顿内摩擦定律。无叶腔内部分流体不经过叶轮而与贯通流汇合直接流出泵体,这就是回流。萝卜运动就是由泵进口通过回流直接流出无叶腔及泵出口。一般颗粒随液体进入叶轮的轴向速度较小,而叶片的旋转圆周速度较大,小颗粒的煤粉、纸浆、菜籽等可以进入叶轮间接通过水接受离心力作功,而黄豆、马铃薯等大颗粒物料会被叶片扫回无叶腔,形成回流而直接流出泵体。本文假定:

(1)泵叶片只能对液体作功而对固体不能作功,固体只能间接通过流体而获得能量。液体动能可以转化为压能,而固体只有惯性动能。在旋转叶轮内贯通流速度大于颗粒速度,固体颗粒对液体产生相对阻塞作用。无叶腔过流面积增大,液流速度降低,部分动能转化成压能,颗粒密度及惯量大于液体,固体对液体产生相对抽吸作用。

(2)菜籽球体与液体之间产生的滑移速度 $v_{LS} = v_L - v_s(v_L 表示液相速度, v_s 表示固相速度),只要 v_Ls <math>\neq 0$,菜籽与液体之间会形成绕流运动,流动规律 应符合边界层理论。每粒菜籽的绕流阻力都是摩擦 阻力和压差阻力之和 $F_D, F_D = 0.5(C_f A_f + C_p A_p)\rho v_{LS}^2$ (C_f 表示摩擦阻力系数, C_p 表示压差阻力系数, A_f 表 示切应力作用面积, A_p 表示绕流投影面积, ρ 表示液 相密度)。另外固体颗粒之间也会发生碰撞干涉运动,造成附加局部损失。绕流阻力和碰撞局部损失 只会在两相流中出现, v_{LS} 越大, F_D 越大;两相流体积 分数 C_V 越大,颗粒数量越多,绕流能量损失越大,碰 撞菜籽数量也越大。固体颗粒的沉降也属于绕流问 题,菜籽能悬浮运动,水流速度须大于菜籽最小沉降 速度。

2 旋流泵输送菜籽浓度特性实验

2.1 样机设计及数值模拟坐标系

本文参照文献[7]完成 32WB8 - 12 型样泵设 计,泵体采用可视化有机玻璃材料制作,设计参数如 表1,水力设计参数如表2及图1和图2。数值计算 三维坐标系以泵旋转轴线为z轴(图2),无叶腔后 壁与轴线交点为坐标系原点O,x轴正向指向无叶 腔出水侧,y轴正向与出水流道平行并指向出口。

表 1 32WB8 - 12 型旋流泵设计参数

Tab. 1 32WE	38 – 12 vortex	pump o	design	parameters
-------------	----------------	--------	--------	------------

参数	数值	参数	数值
流量 $q_v / (\mathbf{m}^3 \cdot \mathbf{h}^{-1})$	8	泵效率 $\eta_p / \%$	50
扬程 H/m	12	汽蚀余量 NPSH/m	4
转速 n/(r•min ⁻¹)	2 850	配套功率 P_g/kW	0.55



叶轮		泵体	
会粉	数值/	全粉	数值/
参奴	形式	∕多奴	形式
比转数 n _s	76	涡室型线	环形
叶轮外径 D_2/mm	94	无叶腔宽度 B/mm	25
叶片宽度 b ₂ /mm	20	无叶腔基圆直径 D ₃ /mm	100
叶片数 Z/片	8	无叶腔径向尺寸 R _V /mm	70
叶片厚度 δ/mm	1.5	无叶腔喉部面积 F_t /mm ²	504
叶片型线	直射型	泵吸入口直径 D_j/mm	32
涡室内径 d_2/mm	100	泵矩形出口面积 S/mm ²	504





z = -10 mm 表示叶轮中间轴截断面, z = 12.5 mm 表示无叶腔中间轴截断面。

2.2 不同菜籽浓度泵特性实验

在小型泵开式实验台上完成实验^[13],实验方法 参照 GB 3216—2005。选用菜籽等效粒径 d = 1 mm, 密度 $\rho = 920$ kg/m³(大气中测得,为不连续体)。配置 了体积分数 C_v 分别为 6%、10% 和 15% 的菜籽固液 两相流实验液,在额定转速 2 850 r/min 下分别完成 旋流 泵输送 清水 和两种浓度(体积分数 6% 和 10%)菜籽特性实验。与清水实验不同在小流量或 零流量时,菜籽会淤积在阀门处,最后导致菜籽挤压 堵塞出水管,实验中断。 $C_v = 15\%$ 时泵运转已出现波



动不稳定,进入失效状态。绘制性能曲线,如图 3~5 所示,3 种介质设计工况、最优工况和数值模拟工况 下性能测量数据如表 3 所示。

1. 涡室边壁 2. 叶轮 3. 泵进口 4. 无叶腔

经分析可以得出:模型泵最优工况与设计工况 有所偏差,浓度越大,偏差越大。扬程曲线近似水 平,这与离心泵叶轮叶片出口安放角 $\beta_2 = 90°$ 情况 基本一致,轴功率曲线上升平缓,没有离心泵 $\beta_2 =$ 90°那么陡升。 $C_v = 10\%$ 时扬程和效率明显下降。 $C_v = 6\%$ 时最优工况较输送单相清水效率提高近2 个百分点,扬程下降近 0.3 m。 $C_v = 10\%$ 时最优工 况效率比清水下降 0.68 个百分点,泵扬程下降 1.26 m。随着浓度提高临界汽蚀余量近似等比递增,抗 汽蚀性能降低,汽蚀余量曲线呈与离心泵相反趋势。

3 旋流泵输送不同浓度菜籽流场数值模拟

3.1 基本假设与计算模型

采用 Mixture 多相流模型对旋流泵在表 3 中 3 种实验测定数值模拟工况进行内部固液两相湍流场 数值 模 拟^[14-19],流量 统一采用清水最优工况 $q_v = 9.31 \text{ m}^3/\text{h}_{\circ}$ 计算介质为水和菜籽颗粒混合流, 先进行单相清水数值模拟,然后再分别进行体积 分数 C_v 为 6%、10%,颗粒直径为 1.0 mm 内部流场







图 5 不同体积分数性能曲线

Fig. 5 Performance curves comparison of different sandy volume fractions

表 3 泵性能测试工况数据

Fab. 3	Test data	a on	operating	conditions	of	pump
--------	-----------	------	-----------	------------	----	------

测试	法法人氏	流量 q_v /	扬程	轴功率	泵效率	汽蚀余量	进口压力	出口压力	进口速度	出口速度 v ₂ /
工况	被流介质	$(m^3 \cdot h^{-1})$	<i>H</i> ∕m	P∕kW	$oldsymbol{\eta}_p / \%$	<i>NPSH</i> ∕m	p_1/MPa	p_2/MPa	$v_1 / ({ m m} \cdot { m s}^{-1})$	$(m \cdot s^{-1})$
	清水	7.95	13.44	0. 547 7	53.24	3.62	-0.025	0. 101	2.75	4.38
设计工况	$C_V = 6\%$	8.09	13.15	0. 534 3	54.38	3.96	-0.024	0.099	2.80	4.46
	$C_V = 10\%$	8.02	12.63	0. 524 1	52.58	4.28	-0.021	0.097	2.77	4.42
	清水	9.31	13.36	0.6328	53.56	3.58	-0.023	0.100	3.22	5.13
最优工况	$C_V = 6\%$	9.47	13.08	0.6061	55.48	3.85	-0.021	0.099	3.27	5.22
	$C_V = 10\%$	10.27	12.10	0.6457	52.88	3.98	-0.018	0.091	3.55	5.66
数值模拟工况	清水	9.31	13.36	0.6328	53.56	3.58	-0.023	0.100	3.22	5.13
	$C_V = 6\%$	9.31	13.15	0.6018	55.27	3.89	-0.022	0.099	3.22	5.13
	$C_V = 10\%$	9.31	12.33	0. 594 0	52.58	4.12	-0.020	0.093	3. 22	5.13

数值计算,得到压力、速度及旋涡结构等流场信息。 假设液体相为不可压缩,颗粒为分散相,相物理特性 均为常数;颗粒相为球形且粒径均匀,不考虑相变; 泵内流动为定常流动。结构域网格利用 ICEM 进行 六面体网格划分,对流动变化剧烈区域和边界层进 行网格加密,捕获更多流动特征。考虑了在清水条 件下对网格无关性进行验证,分析5组网格数量对 泵扬程的影响。最终选择了第3组网格为计算网 格,网格数为519166。其中进口、无叶腔、叶轮旋转 区域网格数量分别为43925、110485、364756。

3.2 旋流泵变浓度内部流场数值计算

基于压力求解器适用于不可压缩流动问题,采用 SIMPLE 算法进行求解,使用压力和速度之间的

相互校正关系来强制质量守恒并获取压力场。为保 证计算精度,以一阶精度计算结果为初始流场,二阶 迎风(Second order upwind)格式作为最终计算结果。 一阶迎风离散格式具有较高的鲁棒性,二阶迎风保 留了 Taylor 级数的第1项和第2项。采用 RNG k-。湍流模型模拟射流撞击、分离流、二次流和旋转流 等复杂流动,这种模型在强流线弯曲、旋涡等方面有 更好的表现。计算域的进口采用总压进口条件,并 假定进口处颗粒体积分数均匀分布;出口采用总质 量流量速率条件;全流道内与液体相接触的面,对于 流体相采用无滑移壁面条件,固体颗粒相采用自由 滑移壁面条件。图6~11为压力和速度流场分布情 况;图12~14 为固粒体积分数分布情况。图中压力



Fig. 6 Static pressure distribution maps on vertical cross section (x = 0)







Fig. 8 Static pressure distribution maps on axial cross section of impeller centre (z = -10 mm)

数值为相对于泵出口设置静压(101 325 Pa)的静压。

对流场数值模拟进行分析可以得出:

(1)浓度越小,泵进口压力越小,与实测基本一 致;压力最低点出现在叶片进口背面侧区域,浓度越 小,该区域压力越小,清水压力最小,可达近 – 4 × 10^4 Pa;叶轮下部压力明显大于上部,两相流叶轮下 部压力明显大于清水,两相流达 8 × 10^4 Pa,清水只 有 7 × 10^4 Pa。清水和 $C_v = 6\%$ 无叶腔中下部压力明 显大于叶轮,均为 9 × 10^4 Pa, $C_v = 10\%$ 与叶轮持平, 这与介质质量和离心惯性力变化相关。3种流态均 在隔舌处存在一小片低速升压区,这是两相流撞击 所致;浓度越小,泵出口压力越大,这与实测基本 一致。

(2)浓度越小,泵进口速度越大,单相水流速度 分布较均匀,菜籽两相流在靠近管壁存在一薄层慢 速流,浓度越大,慢速流层越厚;浓度越大,无叶腔中 环流速度越小,高速区域也越小,泵出口速度几乎相 当,受浓度变化影响不大。

(3) 泵在叶轮内表现为以强制涡为主, 无叶腔







图 10 无叶腔中心 z = 12.5 mm 轴截面速度矢量图

Fig. 10 Velocity distribution maps on axial cross section of chamber centre (z = 12.5 mm)





Fig. 11 Velocity distribution maps on axial cross section of impeller centre (z = -10 mm)



中在叶轮直径范围内也具有强制涡性质,大于直径



图 13 叶轮中心 z = -10 mm 轴截面固粒体积分数分布
 Fig. 13 Sandy volume fraction distribution maps on axial cross section of impeller centre (z = -10 mm)

范围呈自由涡特征;叶轮内呈轴向旋涡运动,浓度增 大,轴向旋涡强度明显降低;浓度越大,无叶腔中速 度环量越小,旋涡强度也越小。



分数分布

Fig. 14 Sandy volume fraction distribution maps on axial cross section of chamber centre (z = 12.5 mm)

(4)在叶轮内部,叶片工作面附近的颗粒浓度

明显小于背面的浓度。叶轮上部浓度明显大于下部:无叶腔内的颗粒浓度大于叶轮内的颗粒浓度,下部浓度大于上部。这说明颗粒进入泵体内后主要分布于无叶腔内。在整个流道内,颗粒浓度最低的是在叶轮进口轮毂处。水流是连续体可以随机转弯,而颗粒只能被水流裹挟转弯,故叶片进口和出口是淤积高浓度区,*C_v*=10%时固粒体积分数可达18%。

4 旋流泵输送菜籽浓度特性综合分析

4.1 数值模拟实验验证及准确性分析

表4为流量 q_v =9.31 m³/h 工况下泵进、出口压力和速度实测与计算数据对比。压力最大相对误差为5.0%,速度最大相对误差为2.5%,说明流场数值模拟精确度较大,具有充分的有效性、准确性和可靠性。

表 4	泉进、出口流场实测与计算数据对比 及误差
Comparison and	error of measured and calculated data in pump inlet and outlet

—————————————————————————————————————	进口压	中口压力 m /MDa		出口压	进口	速度	进口速	出口	速度	出口速	
液流介质	μ ц κ j p_1 / мга	力相对	ЩΗЩУ	<i>p</i> ₂ / Mra	力相对	$v_1/(m$	•s ⁻¹)	度相对	$v_2/(m$	•s ⁻¹)	度相对
	实测值 计算值	误差/%	实测值	计算值	误差/%	实测值	计算值	误差/%	实测值	计算值	误差/%
清水	-0.023 -0.022	4.3	0.100	0.098	2.0	3.22	3.30	2.5	5.13	5.00	2.5
$C_V = 6\%$	-0.022 -0.021	4.5	0.099	0.096	3.0	3.22	3.25	0.9	5.13	5.10	0.6
$C_V = 10\%$	-0.020 -0.019	5.0	0.093	0.090	3.2	3.22	3.20	0.6	5.13	5.20	1.4

4.2 性能曲线与流场综合分析

Tab. 4

(1)汽蚀性能主要与泵进口流态相关,旋流泵 流量增加,速度增大,压降梯度减小,故表现为流量 增加、汽蚀余量减小;浓度增大,菜籽数量增加,泵进 口菜籽相对阻塞绕流运动加剧,流动损失增大,汽蚀 余量增大,故汽蚀性能曲线近似均匀递增。旋流泵 清水与变浓度汽蚀余量可近似按下降抛物线均匀递 增进行换算,体积分数每提高5个百分点,汽蚀余量 大约提高1m。

(2)浓度增大,叶轮叶片间轴向旋涡运动减弱, 无叶腔中速度环量减小,即旋涡强度减小;轴向旋涡 会引起叶片相对速度产生滑移,泵理论扬程减小,减 弱叶轮转换能量的功能,引起附加水力损失,这是叶 片泵进、出口速度三角形计算和有限叶片数扬程修 正的主要依据。若泵内轴向旋涡强度减小引起附 加水力损失的减小量大于菜籽绕流流动损失的增 大量,则表现为 *C*_ν = 6% 时最优工况较单相清水时 效率提高近 2 个百分点;浓度进一步增大,菜籽绕 流流动损失的增大量大于轴向旋涡附加水力损失的减 小量,则表现为 *C*_ν = 10% 时最优工况效率下降,泵扬程 也下降。由此可以得知,两相流有减弱叶轮内轴向旋 涡强度的趋势,出口附加相对速度 Δw₂减小,叶片式两 相流泵设计叶片出口安放角 β,应当取小值。

(3)减小泵进口管壁慢速流层可以提高泵性

能,泵进口过流面积以偏小为宜,可适当提高流速。 为减小旋流泵叶片进口和出口淤积浓度,加大涡室 直径即加大叶轮与涡室内壁距离;叶轮轮毂螺母以 半球形状为宜,以适应贯通流;隔舌处为低速淤积 区,为减小隔舌磨损,隔舌角应取小值且隔舌头部圆 角半径加大。

5 结论

(1)旋流泵属于离心力和摩擦力双重做功动力 泵,两相流固相的介入有减弱旋涡强度及抑制其扩 展的功效,也会产生绕流附加流态,前者流动损失的 减少量有限,后者流动损失的增加量随颗粒浓度的 提高而上升直至运行失效。旋流泵菜籽体积分数达 15%开始运转失效。

(2)旋流泵 $C_v = 10\%$ 时扬程和效率明显下降, 故两相流泵设计扬程比清水泵提高约 1 m,或在同 流量下扬程换算大约降低 1 m;体积分数每提高 5 个百分点,汽蚀余量大约提高 1 m。

(3)叶轮旋转圆周速度减小,可以提高更多的 固相颗粒进入旋流泵叶轮接收做功的机会。再则, 两相流动中若绕流运动速度较大,则会伴随出现边 界层分离现象,绕流损失增大,泵进口汽蚀程度进一 步恶化,故两相流泵一般不适宜高速流场,即不适宜 匹配高转速原动机。

参考文献

- [1] 倪晋仁,王光谦,张红武.固液两相流基本理论及其最新应用[M].北京:科学出版社,1991.
- [2] 闻全意,郭永环. 输送马铃薯用的旋流泵的设计[J]. 水泵技术,1998(2):25-26.
- [3] 沙毅,闻建龙. 泵与风机[M]. 合肥:中国科学技术大学出版社,2005.
- [4] 倪晋仁,王光谦.高浓度恒定固液两相流运动机理探析: I.理论[J].水利学报,2000,31(5):22-26.
 NI Jinren, WANG Guangqian. Mechanism of hyper-concentrated flow: I. Theory [J]. Journal of Hydraulic Engineering, 2000, 31(5): 22-26. (in Chinese)
- [5] PENG Wenshan, CAO Xuewen. Numerical simulation of solid particle erosion in pipe bends for liquid solid flow[J]. Powder Technology, 2016, 294: 266 – 279.
- [6] 沙毅,杨敏官,康灿,等. 旋流泵的特性分析与设计方法探讨[J]. 农业工程学报,2004,20(1):124-127.
 SHA Yi, YANG Minguan, KANG Can, et al. Design method and characteristic analysis of vortex pump[J]. Transactions of the CSAE, 2004, 20(1): 124-127. (in Chinese)
- [7] 沙毅,施卫东,王助良,等.无堵塞泵水力设计及试验研究[J].农业机械学报,2005,36(8):62-66.
 SHA Yi, SHI Weidong, WANG Zhuliang, et al. Hydraulic design of no-clogging pump and experimental research on its characters[J]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2005, 36(8): 62-66. (in Chinese)
- [8] 罗先武,刘树红,邵杰,等. 微型泵半开式离心叶轮的空化性能[J]. 清华大学学报(自然科学版),2006,46(8):1451-1454.

LUO Xianwu, LIU Shuhong, SHAO Jie, et al. Cavitation in semi-open centrifugal impellers for a miniature pump [J]. J. Tsinghua Univ. (Sci. & Tech.),2006, 46(8): 1451 – 1454. (in Chinese)

- [9] SHEKUN G D. Use of free vortex pump in a portable turbopump unit [J]. Russian Engineering Research, 2007, 28(8):525 528.
- [10] CHEN Hongxun. Reasearch on turbulent flow within the vortex pump [J]. Journal of Hydrodynamics, Ser. B, 2004, 16(6): 701-707.
- [11] 吴坚,沙毅,徐兴. 旋流泵变转速性能及无叶腔流场实验研究[J]. 浙江大学学报(工学版),2010,44(9):1811-1817.
 WU Jian, SHA Yi, XU Xing. Experimental investigation on variable speed performance and volute flow of vortex pump [J].
 Journal of Zhejiang University(Engineering Science), 2010, 44(9): 1811-1817. (in Chinese)
- [12] LI W, ZHANG Y. The vortex pump under highly viscous liquid flow conditions [J]. Arabian Journal for Science and Engineering, 2018,43(9):4739-4761.
- [13] 沙毅,刘祥松. 旋流泵固液两相流输送特性试验[J]. 农业工程学报,2013,29(22):76-82.
 SHA Yi, LIU Xiangsong. Performance test on solid liquid two-phase flow hydrotransport of vortex pump[J]. Transactions of the CSAE, 2013, 29(22): 76-82. (in Chinese)
- [14] 夏朋辉,刘树红,吴玉林. 旋流泵全流道三维定常流场的数值模拟[J]. 工程热物理学报,2006,27(5):420-422.
 XIA Penghui, LIU Shuhong, WU Yulin. Numerical simulation of steady flow in vortex pumps [J]. Journal of Engineering Thermophysics, 2006, 27(5): 420-422. (in Chinese)
- [15] 沙毅,刘祥松. 旋流泵含气混输数值计算及涡室流场探针测量[J]. 农业工程学报,2014,30(18):93-100.
 SHA Yi, LIU Xiangsong. Numerical calculation on gas liquid two-phase hydrotransport and flow field measurement in volute with probes of a vortex pump [J]. Transactions of the CSAE, 2014, 30(18):93-100. (in Chinese)
- [16] BAYEUL-LAINÉ A C, BOIS G, ISSA A. Numerical simulation of flow field in water-pump sump and inlet suction pipe[J]. IOP Conference Series Earth and Environmental Science, 2010, 12(1):012083.
- [17] 杨敏官,李辉,高波,等. 离心泵内流场计算及空间导叶内流动分析[J]. 流体机械,2008,36(7):16-19,28.
 YANG Minguan, LI Hui, GAO Bo, et al. Numerical calculation of turbulent flow in a centrifugal pump and flow field analysis to vaned diffuser[J]. Fluid Machinery, 2008, 36(7):16-19,28. (in Chinese)
- [18] AN Y J, SHIN B R. Numerical investigation of suction vortices behavior in centrifugal pump [J]. Journal of Mechanical Science and Technology, 2011, 25(3):767-772.
- [19] SARKARDEH H, ZARRATI A R, JABBARI E, et al. Numerical simulation and analysis of flow in a reservoir in the presence of vortex[J]. Engineering Applications of Computational Fluid Mechanics, 2014, 8(4):598-608.