doi:10.6041/j.issn.1000-1298.2019.05.017

射流离心泵动静叶栅匹配的水力与声学性能优化设计

郭 荣¹ 李仁年^{1,2} 张人会^{1,2}

(1. 兰州理工大学能源与动力工程学院, 兰州 730050; 2. 甘肃省流体机械及系统重点实验室, 兰州 730050)

摘要:为提高射流离心泵叶轮和导叶水力设计水平,优化动静干涉对泵的水力性能及其声学响应特性影响,采用正 交试验方法结合 CFD/CFA(计算流体动力学/计算流体声学)技术对叶轮与正导叶的动静叶栅匹配进行多目标优 化设计,试验设计统筹考虑叶轮和正导叶相关结构参数,分析叶轮叶片数、叶轮叶片型线、导叶叶片数、导叶叶片型 线及动静叶栅间隙对射流离心泵扬程、水力效率和动静叶栅内部流体动力噪声的影响规律,采用矩阵分析法确定 多目标优化方案,获得综合性能最优的动静叶栅匹配组合。结果表明:优化后,额定工况下泵的扬程不变,水力效 率提高 0.5 个百分点,动静叶栅内的整体噪声明显降低,其中叶轮诱导噪声降低 7.1%,导叶诱导噪声提高 2.2%, 验证了权矩阵分析法确定多指标优化方案的可行性;低噪声射流离心泵设计的关键是合理确定动静叶栅间隙及动 静叶栅的叶片数;动静叶栅的不同匹配方案对射流离心泵扬程的影响比对其水力效率的影响更加敏感,对导叶诱导 噪声的影响比对叶轮诱导噪声的影响更加敏感;压力脉动引起具有偶极子特性的流体动力噪声,导叶诱导噪声的频 谱特性与压力脉动的频谱特性基本一致,但叶轮诱导噪声的频谱特性与压力脉动的频谱特性有较明显的区别。 关键词:射流离心泵;动静叶栅;水力性能;流体动力噪声;正交试验 中图分类号:TH311;TH317 **文献标识码:**A **文章编号:**1000-1298(2019)05-0148-11

Optimization Design of Hydraulic and Acoustic Performance on Matching of Rotor and Stator of Jet Centrifugal Pump

GUO Rong¹ LI Rennian^{1,2} ZHANG Renhui^{1,2}

College of Energy and Power Engineering, Lanzhou University of Technology, Lanzhou 730050, China
 Key Laboratory of Fluid Machinery and Systems of Gansu Province, Lanzhou 730050, China)

Abstract: In order to improve the hydraulic design of flowing-passed components of the jet centrifugal pump (JCP), the performance of rotor-stator interaction on the hydraulic performance and its acoustic response characteristics of the pump were optimized. The multi-objective optimization design of rotor and stator matching was carried out by orthogonal experiment and computational fluid dynamics/computational fluid acoustic (CFD/CFA) technology. Some relevant geometric parameters of impeller and positive guide vane of JCP were considered in the test design. The effects of water head, efficiency of JCP and hydrodynamic noise in the rotors and stators were analyzed according to the impeller blade number, impeller blade profile, guide vane blade number, guide vane blade profile and clearance of rotor and stator. Multi-objective optimization scheme was determined by matrix analysis method, the optimal matching combinations of rotor and stator cascades were obtained. The results showed that under the rated conditions, after optimization, the water head remains unchanged, hydraulic efficiency was increased by 0.5 perantage points, and the overall noise in the rotor and stator cascades was decreased significantly, the impeller-induced noise was decreased by 7.1% and the guide vane-induced noise was increased by 2. 2%. It was verified that determining multi-index optimization scheme by weight matrix analysis method was feasible. The key of the design of low noise JCP was to determine the clearance between stator and rotor as well as the blades number of stator and rotor. Different matching schemes of rotor and stator cascades were more sensitive to the water head of JCP than to its efficiency, and more sensitive to the guide vane induced noise than to impeller induced noise, at the same time, the unsteady flow in guide vane influenced by rotor-stator interaction was more obvious than that of the impeller. Dipole source noise

基金项目:国家自然科学基金项目(51579125)和国家重点研发计划项目(2016YFB0200901)

收稿日期: 2018-10-16 修回日期: 2018-12-12

作者简介:郭荣(1987—),男,博士生,主要从事水力机械流体动力噪声及优化设计研究,E-mail: xizhilang88666@163.com

通信作者:李仁年(1963—),男,教授,博士生导师,主要从事流体机械多相流及流体动力噪声研究, E-mail: lim@ lut. cn

149

was caused by pressure pulsation on the flowing-passed wall. The frequency spectrum characteristics of guide vane induced noise are basically the same as that of pressure fluctuation, but the frequency spectrum characteristics of impeller induced noise are obviously different from that of pressure fluctuation. **Key words:** jetting centrifugal pump; rotor and stator; hydraulic performance; hydrodynamic noise; orthogonal test

0 引言

叶轮与导叶均是影响射流离心泵水力性能和声学性能的重要过流部件^[1-2],同时,叶轮与导叶的动静干涉作用也是泵在运行过程中产生振动和噪声、影响泵运行稳定性的重要原因^[3-5]。通过优化设计叶轮或导叶的几何参数来改善泵内部的流场分布特性进而提升泵的扬程和效率,一直是学者们研究的热点^[6-11]。

近年来,统筹考虑叶轮与导叶的匹配关系、探索 动静叶栅的最优结构组合、提升流体机械性能的研 究,也越来越普遍[12-14]。张德胜等[15]分析了叶轮 叶片数、导叶叶片数及其厚度对斜流泵内部压力脉 动特性的影响,为斜流泵的设计和稳定运行提供了 参考;汪家琼等[16]以提高多级离心泵的水力效率为 目标,对叶轮和径向导叶不同组合、不同工况下的内 外水力性能进行分析,发现叶轮和导叶内部的涡流 是降低泵水力效率的主要因素;王文杰等[17]为分析 叶轮与导叶匹配对余热排出泵水力性能的影响,设 计了4种不同组合方案,发现叶轮与导叶的匹配对 余热排出泵在小流量工况和大流量工况的性能影响 较大,而对额定工况下的性能影响较小:杨从新 等[18] 基于核主泵几何参数,建立叶轮叶片数和导叶 叶片数的多种匹配方案,通过数值方法预测了多种 匹配方案下核主泵额定工况下的水力性能,为核主 泵叶轮和导叶叶片数的选取提供了理论依据:王洪 亮等[19]采用数值计算与试验相结合的方法,在叶轮 与导叶叶片数组合变化下,对井用潜水泵的性能变 化规律和内部流场分布进行了研究。

学者们对动、静叶栅的匹配与泵的水力性能之间的关系做了大量工作,但考虑的主要因素为叶轮叶片数与导叶叶片数,未涉及动静叶栅型线、动静叶栅间隙及其对声学响应特性的影响。本文围绕叶轮和正导叶相关结构参数,采用正交试验方法,结合CFD/CFA技术对射流离心泵的动静叶栅匹配进行多目标优化设计,以期为提升叶轮与导叶的水力设计水平、优化动静叶栅干涉对泵的水力性能及声学响应特性影响提供参考。

1 优化模型及试验设计方案

1.1 优化对象

以 JET750G1 型射流离心泵为优化对象,该泵

结构如图 1 所示。其主要设计参数如下:设计流量 $Q = 2.5 \text{ m}^3/\text{h}$,设计扬程 H = 23 m,设计效率 $\eta = 20\%$,转速 n = 2850 r/min,轴频为 47.5 Hz,叶频为 285 Hz。叶轮叶片数 $Z_1 = 6$,叶轮进口直径 $D_j = 40 \text{ mm}$,叶轮出口直径 $D_2 = 120 \text{ mm}$,叶轮出口宽度 $b_2 = 5.3 \text{ mm}$,叶片包角 $\varphi = 76^\circ$;导叶基圆直径 $D_3 = 125 \text{ mm}$,正导叶叶片数 $Z_2 = 5$,反导叶叶片数 $Z_3 = 5$;喷嘴进口直径 $d_1 = 24 \text{ mm}$,喷嘴出口直径 $d_2 = 9 \text{ mm}_{\circ}$



1.2 叶片型线的参数化

模型泵叶轮和导叶均为圆柱形叶片,该类型叶 片采用 Taylor 多项展开式进行参数化控制,可通过 改变多项式中的变量系数实现对叶片的快速高效变 形。Taylor 多项展开式控制叶片型线的原理如图 2 所示,图中 *R*₁为叶片进口直径,*R*₂为叶片出口直径。

圆柱形叶片型线上的点可以表示为

$$f(r,\theta) = 0 \tag{1}$$

由式(1),任意叶型可以表示为最初叶片型线 基础上的 Taylor 展开式,即

$$\theta(r) = \theta_0 + a_1 r_0 + a_2 r_0^2 + \dots + a_n r_0^N$$
(2)

其中
$$r_0 = (R - R_1)/(R_2 - R_1)$$

式中
$$\theta_0$$
——初始圆柱角





Fig. 2 Schematic while blade profile controlled by Taylor polynomial

θ-----圆柱角

*a*_i——控制变量

R——实际半径

r₀——无因次半径

式(1)可以视为是未知函数 $\theta(r)$ 在 θ_0 点的 Taylor 展 开,这样,任意叶片型线都可以用式(2)表示。

模型泵叶轮为等厚度叶片,只需对叶片工作面进行参数化表示即可,导叶叶片厚度沿半径方向逐渐增加,需对工作面和背面分别进行参数化描述,分别为

$$\theta_1(r) = 2.95177r - 5.09806r^2 + 7.14066r^3 -$$

$$5.391\ 80r^4 + 1.642\ 81r^5 \tag{3}$$

$$\theta_2(r) = 6.28319 - 1.91479r + 2.28003r^2 -$$

$$3.42235r^3 + 2.72391r^4 - 0.85829r^5 \qquad (4)$$

$$\theta_2'(r) = 6.28319 - 1.56068r + 1.73689r^2 -$$

2. 547 44r³ + 2.005 21r⁴ - 0.627 93r⁵ (5)
 式中 θ₁(r)——叶轮工作面型线 Taylor 展开式

θ₂(r)——正导叶工作面型线 Taylor 展开式

θ'₂(r)——正导叶背面型线 Taylor 展开式

1.3 试验设计方案

本次正交优化试验选定叶轮叶片数 Z_1 、导叶叶 片数 Z_2 、叶轮叶片型线 I、导叶叶片型线 V、动静叶 栅间隙 δ 共 5 个试验因素。因素水平如表 1 所示, 其中不同因素水平的叶轮型线和导叶型线如图 3 所 示,图中 V'_1 、 V'_2 、 V'_3 、 V'_4 是与正导叶工作面型线 V_1 、 V_2 、 V_3 、 V_4 对应的正导叶背面型线。A、B、C、D、E 分 别为 Z_1 、 Z_2 、I、V、 δ 对应的水平值,原模型泵叶轮与

表 1	因素水平
- 1 C I	日本小「

Tab.1 Levels of orthogonal experimental factors

카지			因素		
小平	Z_1	Z_2	Ι	V	δ/mm
1	5	4	I_1	V_1	0.5
2	6	5	I_2	V_2	1.0
3	7	6	I_3	V_3	1.5
4	8	7	I_4	V_4	2.0



Fig. 3 Schematic of impeller profile and guide vane profile at different factor levels

导叶的因素组合为A₂B₂C₃D₃E₂。

选用 L₁₆(4⁵)标准正交表,结合因素水平表可 得出 16种配置方案,如表 2 所示。通过数值计算可 以得到不同动静叶栅匹配方案下泵的水力效率、扬 程及叶轮诱导噪声、导叶诱导噪声。

表 2 正交试验方案

Tab. 2	Orthogonal	experimental	schemes
--------	------------	--------------	---------

试验序号	A	В	С	D	Ε
1	1	1	1	1	1
2	2	1	2	2	2
3	3	1	3	3	3
4	4	1	4	4	4
5	1	2	3	2	4
6	2	2	4	1	3
7	3	2	1	4	2
8	4	2	2	3	1
9	1	3	4	3	2
10	2	3	3	4	1
11	3	3	2	1	4
12	4	3	1	2	3
13	1	4	2	4	3
14	2	4	1	3	4
15	3	4	4	2	1
16	4	4	3	1	2

1.4 多目标优化方案的确定

本研究采用一种矩阵分析法确定多目标正交试 验设计的优化方案,该方法克服了通过综合平衡法、 综合评分法等方法确定多目标优化方案时运算量 大、忽略指标间的差异和联系等缺点,通过计算得到 各因素不同水平对试验结果考察指标影响的权重, 判断因素对指标影响程度的主次顺序并快速得出全 局优化方案^[20]。

矩阵分析法需要根据数据结构建立一个包含 n 个因素,每个因素 m 个水平的 3 层数据结构模型, 如表 3 所示。

表3中第1层为试验考察指标层,建立矩阵M,

表 3 多目标矩阵分析法数据结构 Tab. 3 Data structure of multi-objective matrix analysis

层别	数据			
第1层(指标层)	试验考察指标			
第2层(因素层)	A	В		E
第3层(水平层)	$A_1 \sim A_m$	$B_1 \sim B_m$		$E_1 \sim E_m$

若因素 $i \, c_j$ 水平指标试验结果平均值为 k_{ij} ,如果考察的指标值越大越好,则令 $K_{ij} = k_{ij}$,如果考察指标 值越小越好,则令 $K_{ij} = 1/k_{ij}$;第2 层为因素层,建立 矩阵 T;第3 层为水平层,建立矩阵 S,式中 s_i 为因素 i的极差,极差反映了因素对试验指标的影响程度, 是将因素 i 求得的 k_i 值中的最大值减去最小值。

$$\boldsymbol{M} = \begin{bmatrix} K_{11} & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ K_{12} & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ K_{1m} & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & K_{21} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & K_{22} & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & K_{2m} & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & K_{n1} \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & K_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & K_{nm} \end{bmatrix}$$
(6)
$$\boldsymbol{T} = \begin{bmatrix} T_1 & 0 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & T_2 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & 0 & \cdots & T_n \end{bmatrix}$$
(7)
$$\boldsymbol{T}_i = 1 / \sum_{i=1}^{m} K_{ij}$$

其中

$$T_{i} = 1 / \sum_{j=1}^{m} K_{ij}$$

$$S = \begin{bmatrix} S_{1} \\ S_{2} \\ \vdots \\ S_{n} \end{bmatrix}$$
(8)

其中

最终得到试验指标值的权矩阵 $\boldsymbol{\omega}$ 。由于 $K_{i1}T_i$ 是因素 i 第1个水平的指标值占因素 i 所有水平的指标值总和的比,其与 S_i 的乘积结果 $\boldsymbol{\omega}_i$ 反映了因素 i 的第1个水平对指标值的影响程度及其极差大小。

 $S_i = s_i / \sum_{i=1}^m s_i$

$$\boldsymbol{\omega} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{\omega}_1 & \boldsymbol{\omega}_2 & \cdots & \boldsymbol{\omega}_n \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$$
(9)

2 数值计算方法

2.1 流场计算

整个计算域包括叶轮、导叶、喷射器、前泵腔、后

泵腔、进水管、出水管及泵体,将重点研究部件叶轮 与导叶计算域划分为六面体结构化网格,其他过流 部件划分为四面体非结构化网格,网格划分通过 ICEM CFD 16.0 完成,经过无关性检查,确定网格总数 约为3×10⁶。模型泵叶轮与正导叶网格如图4所示。



Fig. 4 Grid diagram of impeller and positive guide vane of model pump

基于 CFX 16.0 软件进行流场计算。采用多重 坐标系,叶轮流场在旋转坐标系中计算,其余部件流 场在静止坐标系中。采用 $k - \omega$ 湍流模型,动静部件 间使用 GGI(General grid interface)交界面技术进行 数据交换。设置压力进口、速度出口边界条件,进口 压力依据试验测试得到的进口压力给定;所有固壁 表面采用无滑移壁面条件,并按实际加工设置粗糙 度为 25 μ m;湍流黏度项采用二阶迎风格式,时间项 采用二阶全隐格式进行离散,计算精度为 10⁻⁴。时 间步长设置为 0.000 117 s,即每个时间步长内叶轮 转过约 2°。先进行定常计算,将定常计算的结果作 为初始场进行非定常计算,待流场呈现出稳定的周 期性变化后,输出叶轮表面 8 个旋转周期压力脉动 信息文件用于后续声场计算。

2.2 声场计算

采用声学有限元(FEM)方法求解导叶固定壁 面偶极子声源及叶轮旋转壁面偶极子声源诱发的流 体动力噪声,声场计算借助 LMS Virtual. Lab 软件完 成。声学有限元网格单元长度计算公式为

$$L \leq \frac{c}{6f_{\max}} \tag{10}$$

式中 L-----网格单元长度,m

c──声音传播速度,m/s

fmax——最大计算频率,Hz

考虑模型的结构特点,给定单位网格步长为 8 mm。分别求解导叶和叶轮诱发的噪声时,将其他 过流部件表面设置为全反射壁面,即声音沿途传播 没有透射,只沿着水传播至上下游;将泵的进、出口 边界条件定义为全吸声属性。在泵的出口3倍管径 处设置监测点。

在噪声测量中,采用1/3 倍频程频谱分析能更 准确地反映噪声源的频谱特性,便于较全面了解声 源产生机理和提出降噪对策^[21],本研究使用最接近 人耳主观感觉的 A 计权法对动静叶栅内流体动力 噪声各频率的声压进行评价,并将评价后的1/3倍 频程各中心频率声压级通过能量求和法进行叠加. 获得总声压级。能量求和法公式为

$$L_{p} = 10 \lg \sum_{i=1}^{M} 10^{0.1L_{pi}}$$
(11)

式中 L_e——叠加后的总声压级

M-----1/3 倍频程的中心频率叠加数

L。——评价后的1/3 倍频程各中心频率声压级

数值方法准确性验证 2.3

流场计算和声场计算的准确性验证,在甘肃省 流体机械及系统重点实验室射流离心泵水力性能及 流体动力噪声试验台完成,试验系统结构如图 5a 所 示,叶轮和导叶的实物图如图 5b 所示。





(b) 叶轮与导叶实物图 图 5 试验系统 Fig. 5 Testing system



表4为主要工况点模型泵水力性能试验及数值 计算结果对比,其中水力效率在各主要工况点的计 算值大于试验值,最大误差为4.6%;扬程的计算值 在小流量点小于试验值,在额定流量及大流量点大 于试验值,误差绝对值最大为3.2%;轴功率计算值 整体小于试验值,随着流量增大,误差绝对值逐渐缩 小,误差绝对值最大为7.9%,上述分析反映计算结 果有较好的精度,计算方法可靠。

主要工况点模型泵计算值与试验值对比 表 4 Tab. 4 Comparison between calculation and test

te

of mode	l pump a	it main	operat	ing poir	1
---------	----------	---------	--------	----------	---

工况		水力效率/%	扬程/m	轴功率/W
	计算值	15.60	30. 54	609
0. 6 <i>Q</i>	试验值	15.11	31.51	657
	误差/%	3.1	-3.2	-7.9
	计算值	18.82	28.36	623
0.8Q	试验值	17.97	28.66	664
	误差/%	4.5	- 1. 1	-6.6
	计算值	20.76	26.15	647
Q	试验值	20.33	25.79	681
	误差/%	2.4	1.4	- 5. 3
1. 2 <i>Q</i>	计算值	22. 42	23.98	659
	试验值	21.39	23.56	689
	误差/%	4.6	1.8	-4.4

图 6 为额定工况下监测点位置,模型泵流体动 力噪声数值计算和试验测量频率响应曲线对比。其 中导叶诱导噪声频响曲线以叶频(叶片通过频率, Blade passing frequency, BPF)为周期呈脉动现象, 声压级幅值表现在叶频及其倍频处,因此导叶诱导 噪声主要表现为 BPF 噪声。而叶轮诱导噪声频响 曲线以轴频(47.5 Hz)为周期进行脉动;叶轮诱导噪 声在各频段明显大于导叶,且其幅值与试验得到的 噪声曲线较为吻合,是射流离心泵内场流体动力噪 声的主要来源^[2]。



Fig. 6 Comparison of sound pressure level frequency response curves between calculation and test

结果与分析 3

3.1 计算结果

保证模型泵其他过流部件结构不变,对表2的 16 种叶轮和正导叶结构配置方案在额定工况点处 进行流场和声场数值计算,计算结果如表5所示。

3.2 直观分析

本研究优化目标包含水力性能和声学性能,其 中水力性能包括扬程和水力效率2个指标,声学性 能包括导叶诱导噪声和叶轮诱导噪声2个指标,因

表 5 试验方案数值计算结果

Tab. 5 Numerical results of test schemes	ab. 5 Nu	umerical	results	of	test	schemes	
--	----------	----------	---------	----	------	---------	--

十字	忆:11/	水力效率/	导叶诱导	叶轮诱导
刀杀	1勿 住/ m	%	噪声/dB	噪声/dB
1	20. 59	22.79	138.1	163.3
2	22.58	24.41	136.1	162.7
3	23.34	26.01	129.1	159.3
4	23.40	26.45	135.9	159.4
5	24.46	27.82	136.3	165.2
6	22.58	26.55	130.4	164.7
7	27.03	26.65	132.3	163.2
8	27.73	27.90	138.7	162.5
9	24.79	27.89	129.8	157.6
10	25.13	28.67	141.4	170.2
11	24.61	26.25	128.2	158.4
12	26.95	26.77	137.0	159.8
13	21.45	23.95	126.2	162.8
14	25.56	26.26	132.1	155.2
15	26.41	28.18	141.5	162.5
16	25.17	26.75	136.9	159.3
原方案	26.15	27.78	129.6	164.5

此属于多指标正交优化试验,为找出主要因素及优化方案,首先对试验结果进行直观分析。

从表5可以看出,对于水力性能,方案8扬程最高,即A₄B₂C₂D₃E₁;方案10、15水力效率高,但这两种方案导叶叶片数与叶轮叶片数相同,容易发生共振,影响泵运行的稳定性,属于不可取方案,因此选择方案8为水力效率相对最优选择,即A₄B₂C₂D₃E₁。对于声学性能,方案13导叶诱导噪声声压级最低,即A₁B₄C₂D₄E₃;方案14叶轮诱导噪声声压级最低,即A₂B₄C₁D₃E₄。

3.3 极差分析

极差反映因素水平变化对指标影响程度,极差 越大,说明该因素所选的水平对指标的影响越明 显,因此,极差最大的那一列的因素,就是对指标 影响最显著的因素,也就是最主要因素。对表 5 正交试验数值计算结果进行极差分析,结果如表 6 所示。

从表6可以看出各影响因子对单指标性能的影响。其中对扬程影响的主次顺序为A、B、D、E、C,水 力效率影响的主次顺序为B、C、D、A、E,对导叶诱导 噪声影响的主次顺序为E、A、D、B、C,对叶轮诱导噪 声影响的主次顺序为E、B、D、C、A。可以发现动静 叶栅间隙是影响叶轮和导叶诱导噪声的最关键因 素,同时影响导叶诱导噪声的次要因素为叶轮叶片 数,影响叶轮诱导噪声的次要因素为导叶叶片数,反 映了叶轮和导叶的相互干涉对动静叶栅内部的流体 动力噪声影响至关重要。

表 6 极差分析结果 Tab. 6 Results of range analysis

指标	因素	k_{11}	k_{12}	k_{13}	k_{14}	s_i
	A	22.82	23.96	25.35	25.81	2.99
	В	22.48	25.45	25.37	24.65	2.97
扬程/m	С	25.03	24.09	24.53	24.30	0.94
	D	23.23	25.10	25.36	24.25	2.13
	Ε	24.96	24.89	23.58	24.51	1.38
	A	25.61	26.47	26.77	26.97	1.36
	В	24. 92	27.23	27.40	26.29	2.48
水力效率/%	С	25.62	25.63	27.31	27.27	1.69
	D	25.59	26.80	27.02	26.43	1.43
	Ε	26.89	26.43	25.85	26.70	1.04
	A	131.3	132.8	129.9	137.1	7.2
巴山泽已喝	В	134.8	133.8	131.6	131.7	3.2
守叮防守喋 吉/Ⅲ	С	134.9	132.2	133.0	132.0	2.9
严/dB	D	133.4	136.6	132.4	131.4	5.2
	Ε	138.4	133.8	130.6	132. 1	7.8
叶轮诱导噪	A	161.2	160.9	160.3	160. 2	1.0
	В	161.2	163.5	158.6	159.1	4.9
	С	160.3	161.6	159.3	160.5	2.3
严/015	D	161.4	161.2	158.7	161.8	3.1
	Ε	162.9	160.7	161.6	157.7	5.2

对比影响各指标最显著的3个因素的极差值可 以发现,动静叶栅的不同匹配方案对射流离心泵扬 程的影响比对其水力效率的影响更加敏感,对导叶 诱导噪声的影响比对叶轮诱导噪声的影响更加敏 感。为直观显示不同因素水平对评判指标的影响程 度,以因素水平为横坐标,各评判指标为纵坐标,得 到如图7所示的因素效应曲线。

对于水力性能,各优化指标越高则性能越优,由 图 7a、7b 可以看出,叶轮叶片数A、导叶叶片数B、导 叶型线 D、动静叶栅间隙 E 4 个控制因素对扬程和 水力效率的影响规律一致,均随着叶轮叶片数的增 多而单调递增,随导叶叶片数的增多、导叶叶片型线 从 V₁过渡到 V₄而先增后减,随动静叶栅间隙的增大 而先减后增。其中扬程的相对最优因素组合方案为 A₄B₂C₁D₃E₁,水力效率的相对最优因素组合方案为

对于声学性能,各优化指标越小则性能越优,由 图 7c、7d 可以看出,各控制因素对导叶诱导噪声和 叶轮诱导噪声的影响规律并不一致,各因素的最优 水平也不同。其中导叶诱导噪声的相对最优因素组 合方案为 A₃B₃C₄D₄E₃,叶轮诱导噪声相对最优因素 组合方案为 A₄B₃C₃D₃E₄。

3.4 综合性能优化方案

采用1.4 节所述矩阵分析方法确定兼顾水力性 能评价指标和声学性能评价指标的综合性能优化方



Fig. 7 Effective curves of optimization indexes

案,分别计算出扬程、水力效率、导叶诱导噪声、叶轮 诱导噪声4个考察指标的权矩阵。对于扬程和水力 效率考察指标结果越大越好,此时对应的 $K_{ij} = k_{ij}$ 。 而对于叶轮和导叶诱导噪声考察指标,则是越小越 好,此时 $K_{ij} = 1/k_{ij}$ 。代入式(6)~(9)计算可得每个 考察指标对应的权矩阵,计算结果如表7所示,对表 中4组考察指标权矩阵进行平均,得到综合性能最 优的权重矩阵 ω_{ayg} 。

4 优化结果验证和分析

4.1 外特性对比

将优化方案进行三维造型、网格划分及流场、声 场的数值计算,并与原方案进行对比,验证采用矩阵 分析法确定多指标优化方案的可行性和准确性。

优化后的水力性能和声学性能对比如图 8 所 示。可以看出优化方案扬程相对于原方案在各主要 工况点基本一致,水力效率在额定工况点附近略有 改善;叶轮诱导噪声总声压级较原方案在各主要工 况点均有明显下降,且流量越大降幅越明显,导叶诱

表 7 权矩阵计算结果 Tab. 7 Calculation results of weight matrix

교호	打印	水力	导叶诱导	叶轮诱导	
因系	切性 ω_H	效率 ω_{η}	噪声 ω_{LP1}	噪声 ω_{LP2}	$\omega_{ m avg}$
A_1	6. 69 $\times 10^{-2}$	4.07 $\times 10^{-2}$	7. 01 $\times 10^{-2}$	1.49×10^{-2}	4. 82 $\times 10^{-2}$
A_2	7.03 $\times 10^{-2}$	4. 21 $\times 10^{-2}$	6. 93 $\times 10^{-2}$	1. 50 $\times 10^{-2}$	4. 92 $\times 10^{-2}$
A_3	7. 41 $\times 10^{-2}$	4. 23 $\times 10^{-2}$	7.06 $\times 10^{-2}$	1.51×10^{-2}	5. 05 $\times 10^{-2}$
A_4	7. 59 $\times 10^{-2}$	4. 29 $\times 10^{-2}$	6. 84 $\times 10^{-2}$	1.52×10^{-2}	5.06 $\times 10^{-2}$
B_1	6. 57 $\times 10^{-2}$	7. 27 $\times 10^{-2}$	2. 98 $\times 10^{-2}$	7. 34 $\times 10^{-2}$	6. 04 $\times 10^{-2}$
B_2	7.44 $\times 10^{-2}$	7.95×10^{-2}	3. 00 $\times 10^{-2}$	7. 24 $\times 10^{-2}$	6. 41 $\times 10^{-2}$
B_3	7. 41 $\times 10^{-2}$	8.00 $\times 10^{-2}$	3. 05 $\times 10^{-2}$	7.46 $\times 10^{-2}$	6. 48 $\times 10^{-2}$
B_4	7. 20 $\times 10^{-2}$	7.67 $\times 10^{-2}$	3. 05 $\times 10^{-2}$	7.44 $\times 10^{-2}$	6. 34 $\times 10^{-2}$
C_1	2. 31 $\times 10^{-2}$	5. 13 $\times 10^{-2}$	2.65 $\times 10^{-2}$	3. 51 $\times 10^{-2}$	3. 40 $\times 10^{-2}$
C_2	2. 22 $\times 10^{-2}$	5. 13 $\times 10^{-2}$	2. 70 $\times 10^{-2}$	3. 49 $\times 10^{-2}$	3. 38 $\times 10^{-2}$
C_3	2. 26 $\times 10^{-2}$	5.46 $\times 10^{-2}$	2.69 $\times 10^{-2}$	3. 54 $\times 10^{-2}$	3. 49 $\times 10^{-2}$
C_4	2. 24 $\times 10^{-2}$	5.46 $\times 10^{-2}$	2. 71 $\times 10^{-2}$	3. 51 $\times 10^{-2}$	3. 48 $\times 10^{-2}$
D_1	4. 83 $\times 10^{-2}$	4. 31 $\times 10^{-2}$	4. 92 $\times 10^{-2}$	4. 73 $\times 10^{-2}$	4. 70 $\times 10^{-2}$
D_2	5. 22 $\times 10^{-2}$	4. 51 $\times 10^{-2}$	4. 81 $\times 10^{-2}$	4. 74 $\times 10^{-2}$	4. 82 $\times 10^{-2}$
D_3	5. 27 $\times 10^{-2}$	4. 55 $\times 10^{-2}$	4. 96 $\times 10^{-2}$	4. 81 $\times 10^{-2}$	4. 90 $\times 10^{-2}$
D_4	5. 04 $\times 10^{-2}$	4.45 $\times 10^{-2}$	5.00 $\times 10^{-2}$	4. 72 $\times 10^{-2}$	4. 80 $\times 10^{-2}$
E_1	3. 38 $\times 10^{-2}$	3. 39 $\times 10^{-2}$	7. 18 $\times 10^{-2}$	7. 76 $\times 10^{-2}$	5. 43 $\times 10^{-2}$
E_2	3. 37 $\times 10^{-2}$	3. 33 $\times 10^{-2}$	7.43 $\times 10^{-2}$	7.87 $\times 10^{-2}$	5. 50 $\times 10^{-2}$
E_3	3. 19 $\times 10^{-2}$	3. 25 $\times 10^{-2}$	7. 61 $\times 10^{-2}$	7.83 $\times 10^{-2}$	5. 47 $\times 10^{-2}$
E_4	3. 32 $\times 10^{-2}$	3. 36 $\times 10^{-2}$	7. 52 $\times 10^{-2}$	8. 02 $\times 10^{-2}$	5. 56 $\times 10^{-2}$

导噪声总声压级在各工况点有小幅上升。

对比额定工况点优化方案与原方案的数值计算 结果,如表 8 所示。对于水力性能,优化方案较原方 案扬程基本不变,水力效率提高 0.5 个百分点;对于

中方

n'-



Fig. 8 Comparison of performance curves between optimization and original models

表 8 额定工况优化方案与原方案对比

 Tab. 8 Comparison of optimization and original

 schemes results at rating

	50110111	is results at		
古安	坛 理/…	水力效率/	叶轮诱导	导叶诱导
刀杀	1/1/王/ Ⅲ	%	噪声/dB	噪声/dB
原方案	26.15	27.78	164.5	129.6

28.28

152.9

132.4

声学性能,叶轮诱导噪声由 164.5 dB 降低为 152.9 dB, 降低 7.1%,导叶诱导噪声由 129.6 dB 升至 132.4 dB, 提高 2.2%。由于导叶诱导噪声水平低于叶轮诱导 噪声超过 15 dB,结合噪声叠加计算方法,可忽略导 叶诱导噪声的影响,因此动静叶栅内的整体噪声得 到明显改善。这表明采用矩阵分析法确定正交试验 多指标优化方案是可行的。

4.2 流场与声场分析

优化方案

26.20

过流壁面压力脉动引起的流体动力噪声,其大 小与压力在时间域的不稳定性密切相关,为了直观 地分析动静叶栅内部压力场的非定常特性,采用统 计学分析法计算网格各个节点(*x*,*y*,*z*)在时间域内 的压力脉动强度。网格节点上的周期性非定常压力 包含两部分,即时间平均压力分量 *P* 和周期性压力 分量 *P*,其中周期性压力分量表示压力在一个叶轮 旋转周期内变化的量^[22]。两个分量分别表示为

$$\overline{P}(n') = \frac{1}{N'} \sum_{j=0}^{N'-1} P(n', t_0 + j\Delta t)$$
(12)

$$\widetilde{P} = P(n', t_0) - \overline{P}(n')$$
(13)
- \Box A \Box L \Box B

$$N'$$
——一个叶轮旋转周期内压力采样数
 t_0 ——旋转周期的起始时刻

将经过无量纲化处理的周期性压力分量 \tilde{P} 的标准差定义为压力脉动强度,无量纲处理通过标准 差除以叶轮出口处的动扬程实现。压力脉动强度公 式为

$$C_{P}^{*} = \sqrt{\frac{1}{N'} \sum_{j=0}^{N'-1} \widetilde{P} (n', t_{0} + j\Delta t)^{2}} / (0.5\rho U_{2}^{2}) \quad (14)$$

式中 C_P*——压力脉动强度

U2——叶轮出口处的圆周速度

ρ----密度

图 9 为动静叶栅内中间平面处优化方案和原方 案的压力脉动强度场、湍动能场及流线对比。由 图 9a 可以看出,压力脉动强度在叶轮进口及导叶出 口处最小,在叶轮内随着半径增大逐渐增大,在正导 叶内随着半径增大逐渐减小,无论叶轮还是导叶,工 作面强度大于背面,其中最大值出现在叶轮出口靠 近工作面位置;优化方案压力脉动强度在叶轮进口



和导叶出口低于原方案,但在靠近叶轮和导叶的交接面位置高于原方案,反映了优化后的叶轮和导叶内部流场变化梯度更大,上述分析结果表明压力脉动诱导的流体动力噪声不仅与压力在时间域的脉动强度有关,更与压力脉动强度在过流壁面的分布特性密切相关。由图9b可以看出,湍动能在导叶内部整体大于叶轮内部,其中导叶工作面及叶轮叶片入口处强度较大,优化方案动静叶栅内部的湍动能强度明显减弱。由图9c可以看出,优化方案叶轮内的漩涡数量有所减少,大小也明显减弱,动静叶栅交接处的流动排挤作用也有所改善。由图9b、9c分析结果表明,优化后的动静叶栅匹配方案改善了叶轮和导叶内部的流场结构,有利于减少流动损失,提高泵的水力效率。

图 10 为叶轮出口监测点(监测点相对叶轮旋转坐标系静止)在一个叶轮旋转周期(约0.021 s)的压力脉动时域图及其频谱曲线。由图 10a 可以看出,压力脉动在叶轮旋转一周的时间内呈现相似波形的个数与导叶叶片数一致,即当叶轮叶片扫掠导叶叶片时,就会出现一个明显的波峰,优化后压力脉动的时域曲线脉动区间范围略有减小;由图 10b 可以看出,压力脉动的特征频率为导叶叶频(叶轮轴频乘以导叶叶片发)及其低阶倍频,其中主频均为导叶叶频,优化方案脉动幅值在主频处增大,在其他特征处升降各异。对比图 6 可知,叶轮诱导噪声的



Fig. 10 Time and frequency domain comparison curves of pressure fluctuations at impeller outlet monitoring points before and after optimization 频谱特性与叶轮内部流场的压力脉动频谱特性有较 明显的区别。

图 11 为导叶人口监测点在一个叶轮旋转周期 的压力脉动时域图及其频谱曲线。由图 11a 可以看 出,原方案监测点处压力脉动在叶轮旋转一周的时 间内呈现 6 个相似波形,而优化方案则呈现 8 个相 似波形,均表现出与叶轮叶片数一致的特征,优化后 压力脉动的时域曲线整体略有下移;由图 11b 可以 看出,两种方案压力脉动的特征频率均为叶轮叶频 及其低阶倍频,其中原方案脉动主频为 285 Hz,优化 方案主频为 380 Hz,该值为叶轮的轴频和叶轮叶片 数的乘积。对比图 6 可知,导叶诱导噪声的频谱特 性与其内部流场压力脉动频谱特性基本一致,特征 频率均为导叶叶频及其低阶倍频。



图 11 优化前后导叶入口监测点压力脉动时域和频域 曲线对比



由图 10、11 可以发现,叶轮内部压力脉动的时 域和频域特性曲线主要与泵的运行参数(转速)和 导叶结构参数(叶片数)相关,而导叶内部的压力脉 动时域和频域特性曲线主要与泵的运行参数(转 速)和叶轮结构参数(叶片数)相关,反映了动静干 涉作用对叶轮和导叶内部的非定常流动特性有重要 影响。

5 结论

(1) 采用矩阵分析法确定兼顾水力性能评价指

标和声学性能评价指标的综合性能优化方案。优化 后,额定工况下泵的扬程不变,水力效率提高0.5个 百分点,动静叶栅内的整体噪声得到明显改善,其中 叶轮诱导噪声降低7.1%,导叶诱导噪声提高 2.2%,验证了采用权矩阵分析法确定正交试验多指 标优化方案的可行性。

(2)动静干涉作用对串列叶栅内的流体动力噪 声有重要影响,导叶诱导噪声主要影响因素为动静 叶栅间隙、次要因素为叶轮叶片数,叶轮诱导噪声主 要影响因素为动静叶栅间隙、次要因素为导叶叶片 数,表明低噪声射流离心泵设计的关键是合理确定 动静叶栅间隙及动静叶栅的叶片数。

(3)动静叶栅的不同匹配方案对射流离心泵扬程的影响比对其水力效率的影响更加敏感,对导叶诱导噪声的影响比对叶轮诱导噪声的影响更加敏感。

(4) 压力脉动引起具有偶极子特性的流体动力 噪声,导叶诱导噪声的频谱特性与其内部内流场压力 脉动的频谱特性基本一致,但叶轮诱导噪声频谱特性 与其内部压力脉动的频谱特性有较明显的区别。

参考文献

- [1] 王洋,韩亚文,朱新新,等. 基于 CFD 的射流自吸泵性能优化与试验[J]. 农业工程学报,2016,32(增刊2):16-21.
 WANG Yang, HAN Yawen, ZHU Xinxin, et al. Optimization and experiment on performance of flow-ejecting self-priming pump based on CFD[J]. Transactions of the CSAE, 2016, 32(Supp. 2): 16-21. (in Chinese)
- [2] 郭荣,李仁年,张人会,等. 射流式离心泵内场流体动力噪声特性分析[J/OL]. 农业机械学报,2018,49(4):156-164.
 GUO Rong, LI Rennian, ZHANG Renhui, et al. Characteristic analysis of interior hydrodynamic noise in jetting centrifugal pump [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018, 49(4):156-164. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20180418&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2018.04.018. (in Chinese)
- [3] JIANG Wei, LI Guojun, LIU Pengfei, et al. Numerical investigation of influence of the clocking effect on the unsteady pressure fluctuations and radial forces in the centrifugal pump with vane diffuser [J]. International Communications in Heat & Mass Transfer, 2016, 71:164 - 171.
- [4] 朱相源,江伟,李国君,等.导叶式离心泵内部流动特性数值模拟 [J/OL].农业机械学报,2016,47(6):34-41.
 ZHU Xiangyuan, JIANG Wei, LI Guojun, et al. Numerical analysis of hydraulic performance in centrifugal pump with vane diffuser [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2016, 47(6):34-41. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag=1&file_no=20160605&journal_id=jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298. 2016.06.005. (in Chinese)
- [5] 王凡,钱忠东,郭志伟,等. 可调导叶式轴流泵压力脉动数值分析 [J/OL]. 农业机械学报,2017,48(3):119-123.
 WANG Fan, QIAN Zhongdong, GUO Zhiwei, et al. Pressure oscillations prediction of axial flow pump with adjustable guide vanes [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017, 48(3):119-123. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20170315&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2017.03.015. (in Chinese)
- [6] 施卫东,吴苏青,张德胜,等. 叶片数对高比转数轴流泵空化特性的影响 [J/OL]. 农业机械学报,2013,44(11):72-77. SHI Weidong, WU Suqing, ZHANG Desheng, et al. Effects of number of blades on cavitation of high specific speed axisl flow pump [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2013, 44(11):72-77. http://www.j-csam. org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20131113&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2013.11.013. (in Chinese)
- [7] 周岭, 白玲, 杨阳, 等. 导叶叶片数对井用潜水泵性能的影响 [J/OL]. 农业机械学报, 2016, 47(10):78-84.
 ZHOU Ling, BAI Ling, YANG Yang, et al. Influence of diffuser vane number on submersible well pump performance [J/OL].
 Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2016, 47(10):78-84. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? flag = 1&file_no = 20161011&journal_id = jcsam. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2016.10.011. (in Chinese)
- [8] 郑源,孙奥冉,杨春霞,等. 轴流泵多目标优化正交试验 [J/OL]. 农业机械学报,2017,48(9):129-136. ZHENG Yuan, SUN Aoran, YANG Chunxia, et al. Multi-objective optimization design and test of axial-flow pump[J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2017,48(9):129-136. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/ reader/view_abstract.aspx? file_no = 20170916&flag = 1. DOI:10.6041/j.issn.1000-1298.2017.09.016. (in Chinese)
- [9] 孔繁余,宿向辉,陈浩,等. 离心泵径向导叶正叶片参数的优化设计 [J]. 农业工程学报,2012,28(23):40-45.
 KONG Fanyu, SU Xianghui, CHEN Hao, et al. Optimal design on parameters of guide vane of radial diffusers in centrifugal pump [J]. Transactions of the CSAE, 2012, 28(23):40-45. (in Chinese)
- [10] 袁寿其,吴登昊,任芸,等. 不同叶片数下管道泵内部流动及振动特性的数值与试验研究 [J]. 机械工程学报,2013, 49(20):115-122.

YUAN Shouqi, WU Denghao, REN Yun, et al. Numerical and experimental study on flow and vibration characteristics of in-

line circulator pumps with different blades numbers [J]. Journal of Mechanical Engineering, 2013, 49(20):115-122. (in Chinese)

- [11] 石丽建,汤方平,谢荣盛,等. 基于 CFD 计算的轴流泵改型设计和效果 [J]. 农业工程学报, 2015, 31(4):97-102.
 SHI Lijian, TANG Fangping, XIE Rongsheng, et al. Design of axial flow pump modification and its effect based on CFD calculation [J]. Transactions of the CSAE, 2015, 31(4):97-102. (in Chinese)
- [12] CASEY M, RUSCH D. The matching of a vaned diffuser with a radial compressor impeller and its effect on the stage performance[J]. Journal of Turbomachinery, 2014, 136(12):121004.
- [13] ZIEGLER K U, GALLUS H E, NIEHUIS R. A study on impeller-diffuser interaction-part 1: influence on the performance
 [J]. ASME Journal of Turbomachinery, 2003,125(1):173 182.
- [14] SHUM Y K P. Impeller-diffuser interaction in a centrifugal compressor [J]. Acta Aeronautica et Astronautica Sinica, 2012, 122(4):777-786.
- [15] 张德胜,施卫东,王川,等. 斜流泵叶轮和导叶叶片数对压力脉动的影响 [J]. 排灌机械工程学报,2012, 30(2):167-170.
 ZHANG Desheng, SHI Weidong, WANG Chuan, et al. Influence of impeller and guide vane blade number on pressure fluctuation in mixed flow pump [J]. Journal of Drainage and Irrigation Machinery Engineering, 2012, 30(2):167-170. (in Chinese)
- [16] 汪家琼,孔繁余. 多级离心泵叶轮与导叶水力性能优化研究 [J]. 华中科技大学学报(自然科学版),2013,41(3): 92-96.

WANG Jiaqiong, KONG Fanyu. Hydraulic performance optimization study of impeller and diffuser of multi-stage centrifugal pump [J]. Huazhong University of Science and Technology(Natural Science Edition), 2013, 41(3):92-96. (in Chinese)

[17] 王文杰,袁寿其,裴吉,等. 余热排出泵叶轮与导叶匹配的水力性能研究 [J]. 华中科技大学学报(自然科学版),2015, 43(7):39-43.
 WANG Wenjie, YUAN Shouqi, PEI Ji, et al. Hydraulic performance study on matching of impeller and diffuser of residual

heat removal pump [J]. Huazhong University of Science and Technology(Natural Science Edition), 2015, 43(7): 39-43. (in Chinese)

- [18] 杨从新,齐亚楠,黎义斌,等. 核主泵叶轮与导叶叶片数匹配规律的数值优化 [J]. 机械工程学报, 2015, 51(15):53-60. YANG Congxin, QI Ya'nan, LI Yibin, et al. Numerical optimization on blade number matching law of impeller and guide vane in reactor coolant pump[J]. Journal of Mechanical Engineering, 2015, 51(15):53-60. (in Chinese)
- [19] 王洪亮,施卫东,杨阳,等. 叶轮与导叶叶片数匹配对井用潜水泵性能的影响 [J/OL]. 农业机械学报,2018,49(7): 103-111.

WANG Hongliang, SHI Weidong, YANG Yang, et al. Matching number of blades between impeller and diffuser blade effect on performance of well submersible centrifugal pump [J/OL]. Transactions of the Chinese Society for Agricultural Machinery, 2018,49(7):103 - 111. http://www.j-csam.org/jcsam/ch/reader/view_abstract.aspx? file_no = 20180713&flag = 1. DOI: 10.6041/j.issn.1000-1298.2018.07.013. (in Chinese)

[20] 魏效玲,薛冰军,赵强. 基于正交试验设计的多指标优化方法研究 [J]. 河北工程大学学报(自然科学版),2010, 27(3):95-99.

WEI Xiaoling, XUE Bingjun, ZHAO Qiang. Optimization design of the stability for the plunger assembly of oil pumps based on multi-target orthogonal test design [J]. Journal of Hebei University of Engineering (Natural Science Edition), 2010, 27(3): 95-99. (in Chinese)

- [21] 王孚懋,王建春. 噪声测量中 1/3 倍频程与倍频程频谱的关系与计算 [J]. 噪声与振动控制,1996,5(3):39-41.
 WANG Fumao, WANG Jianchun. Noise measurement and calculation of the relationship between one-third octave and octave spectrum [J]. Noise and Vibration Control,1996,5(3): 39-41. (in Chinese)
- [22] 裴吉,袁寿其,袁建平,等. 单叶片离心泵压力脉动强度多工况对比研究 [J]. 华中科技大学学报(自然科学版),2013, 41(12):29-33.

PEI Ji, YUAN Shouqi, YUAN Jianping, et al. Comparative study of pressure fluctuation intensity for a single-blade pump under multiple operating conditions [J]. Journal of Huazhong University of Science and Technology (Natural Science Edition), 2013,41(12):29-33. (in Chinese)